## Министерство науки и высшего образования РФ Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования

## «Национальный исследовательский университет «МЭИ»

Направление подготовки/специальность: 01.04.02 Прикладная математика и информатика

Наименование образовательной программы: Математическое моделирование

Уровень образования: высшее образование - магистратура

Форма обучения: Очная

## Рабочая программа дисциплины ДОПОЛНИТЕЛЬНЫЕ ГЛАВЫ ДИСКРЕТНОЙ МАТЕМАТИКИ

Блок:	Блок 1 «Дисциплины (модули)»
Часть образовательной программы:	Часть, формируемая участниками образовательных отношений
№ дисциплины по учебному плану:	Б1.Ч.04.01.01
Трудоемкость в зачетных единицах:	1 семестр - 3;
Часов (всего) по учебному плану:	108 часов
Лекции	1 семестр - 32 часа;
Практические занятия	1 семестр - 16 часов;
Лабораторные работы	не предусмотрено учебным планом
Консультации	1 семестр - 2 часа;
Самостоятельная работа	1 семестр - 57,5 часа;
в том числе на КП/КР	не предусмотрено учебным планом
Иная контактная работа	проводится в рамках часов аудиторных занятий
включая: Контрольная работа	
Промежуточная аттестация:	
Экзамен	1 семестр - 0,5 часа;

Москва 2020

### ПРОГРАММУ СОСТАВИЛ:

Преподаватель

(должность)



(подпись)

Н.Ф. Алексиадис (расшифровка подписи)

#### СОГЛАСОВАНО:

Руководитель образовательной программы

(должность, ученая степень, ученое звание)

Заведующий выпускающей кафедры

(должность, ученая степень, ученое звание)

NCC B	NOSO PE	Подписано электронн	ой подписью ФГБОУ ВО «НИУ «МЭИ»
3	20.00	Сведен	ия о владельце ЦЭП МЭИ
		Владелец	Черепова М.Ф.
* <u>N</u>	I <mark>⊙</mark> M ₹	Идентификатор	R9267877e-CherepovaMF-dbb9bf1

(подпись)

NECTALIOBATES AND	Подписано электронн	ой подписью ФГБОУ ВО «НИУ «МЭИ»
San International Res	Сведен	ия о владельце ЦЭП МЭИ
	Владелец	Зубков П.В.
» <u>МЭИ</u> «	Идентификатор	R4920bc6f-ZubkovPV-8172426c

(подпись)

М.Ф. Черепова

(расшифровка подписи)

П.В. Зубков

(расшифровка подписи)

#### 1. ЦЕЛИ И ЗАДАЧИ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

**Цель освоения дисциплины:** состоит в изучении основ дискретной математики **Задачи дисциплины** 

- изучение терминологии и основных результатов теории множеств и комбинаторики;
- изучение основ математической логики;
- изучение терминологии и методов теории булевых функций;
- изучение терминологии и методов теории графов, теории конечных автоматов;
- изучение основ теории алгоритмов;
- приобретение навыков применения методов дискретной математики для решения задач.

Формируемые у обучающегося **компетенции** и запланированные **результаты обучения** по дисциплине, соотнесенные с **индикаторами достижения компетенций**:

Код и наименование компетенции	Код и наименование индикатора достижения компетенции	Запланированные результаты обучения
ПК-1 Способен создавать, исследовать и реализовывать математические модели естествознания и технологий	компетенции  ИД-1 <sub>ПК-1</sub> Демонстрирует знание современного математического аппарата, используемого для описания информационных и математических моделей	знать: - терминологию и основные результаты теории множеств; терминологию и базовые результаты комбинаторного анализа; - терминологию и основные результаты алгебры высказываний и алгебры предикатов.  уметь: - распознавать полноту систем булевых функции; находить базисы полных систем булевых функций; применять основные методы теории графов для решения прикладных задач; - анализ и синтез конечных автоматов; уметь построить машины Тьюринга с данными свойствами; доказывать рекурсивность/нерекурсивность функций;
		- применять основные определения и свойства высказываний и предикатов для решения прикладных задач;
		- применять основные определения и свойства множеств для решения прикладных задач.

## 2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ ВО

Дисциплина относится к основной профессиональной образовательной программе Математическое моделирование (далее – ОПОП), направления подготовки 01.04.02 Прикладная математика и информатика, уровень образования: высшее образование - магистратура.

Базируется на уровне среднего общего образования.

Результаты обучения, полученные при освоении дисциплины, необходимы при выполнении выпускной квалификационной работы.

## 3. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

**3.1 Структура дисциплины** Общая трудоемкость дисциплины составляет 3 зачетных единицы, 108 часов.

	Разделы/темы	Д			Распр	еделе	ние труд	доемкости	г раздела (	в часах	) по ви	дам учебно	й работы			
Nº	дисциплины/формы	асо	стр				Конта	ктная раб	ота				CP	Содержание самостоятельной работы/		
п/п	промежуточной	сего часо: на раздел	Семестр				Консу	льтация	ИК	P		Работа в	Подготовка к	методические указания		
	аттестации	Всего часов на раздел	C	Лек	Лаб	Пр	КПР	ГК	ИККП	ТК	ПА	семестре	аттестации /контроль			
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15		
1	Элементы теории	8	1	4	-	2	-	-	-	-	-	2	-	Подготовка домашнего задания:		
	множеств													Подготовка домашнего задания направлена		
1.1	Элементы теории	8		4	-	2	-	-	-	-	-	2	-	на отработку умений решения		
	множеств													профессиональных задач. Домашнее задание		
														выдается студентам по изученному в разделе		
														"Элементы теории множеств" материалу.		
														Дополнительно студенту необходимо		
														изучить литературу и разобрать примеры		
														выполнения подобных заданий. Проверка		
														домашнего задания проводится по		
														представленным письменным работам.		
														Подготовка к контрольной работе:		
														Изучение материалов по разделу Элементы теории множеств и подготовка к		
														контрольной работе		
2	Комбинаторика	6		2		2			_		_	2		Подготовка домашнего задания:		
2.1	Комбинаторика	6		$\frac{2}{2}$	_	2	-	-	-	-	-	2	-	Подготовка обмашнего задания направлена		
2.1	Комоинаторика	U		2	_		_	_	_	_	-	2	-	на отработку умений решения		
														профессиональных задач. Домашнее задание		
														выдается студентам по изученному в разделе		
														"Комбинаторика" материалу. Дополнительно		
														студенту необходимо изучить литературу и		
														разобрать примеры выполнения подобных		
														заданий. Проверка домашнего задания		
														проводится по представленным письменным		
														работам.		
														Подготовка к контрольной работе:		
														Изучение материалов по разделу		

													Комбинаторика и подготовка к контрольной работе
3	Элементы математической логики	12	4	-	4	-	-	-	-	-	4	-	Подготовка домашнего задания: Подготовка домашнего задания направлена на отработку умений решения
3.1	Элементы математической логики	12	4	-	4	-	-	-	-	-	4	-	профессиональных задач. Домашнее задание выдается студентам по изученному в разделе "Элементы математической логики" материалу. Дополнительно студенту необходимо изучить литературу и разобрать примеры выполнения подобных заданий. Проверка домашнего задания проводится по представленным письменным работам.   Подготовка к контрольной работе:  Изучение материалов по разделу Элементы математической логики и подготовка к контрольной работе
4	Теория булевых функций	12	6	-	2	-	-	-	-	-	4	-	Подготовка домашнего задания: Подготовка домашнего задания направлена
4.1	Теория булевых функций	12	6	-	2	-	-	-	-	-	4	-	на отработку умений решения профессиональных задач. Домашнее задание выдается студентам по изученному в разделе "Теория булевых функций" материалу. Дополнительно студенту необходимо изучить литературу и разобрать примеры выполнения подобных заданий. Проверка домашнего задания проводится по представленным письменным работам.   Подготовка к контрольной работе:  Изучение материалов по разделу Теория булевых функций и подготовка к контрольной работе  Изучение материалов литературных источников:  [4], с. 9-38
5	Теория графов	12	6	-	2	-	-	-	-	-	4	-	Подготовка домашнего задания:
5.1	Теория графов	12	6	-	2	-	-	-	-	-	4	-	Подготовка домашнего задания направлена на отработку умений решения профессиональных задач. Домашнее задание

												"Теория и студенту разобрати заданий. проводит работам. <i>Подгото</i> Изучение графов и	овка к контрольной работе: е материалов по разделу Теория подготовка к контрольной работе
6	Регулярные языки и конечные автоматы	12	6	-	2	-	-	-	-	-	4		овка домашнего задания: вка домашнего задания направлена
6.1	Регулярные языки и конечные автоматы	12	6	-	2	-	-	-	-	-	4	на отрабо професси выдается "Регуляр материал необходи примеры Проверка представ. <u>Подгото</u> Изучение языки и в	отку умений решения пональных задач. Домашнее задание студентам по изученному в разделе ные языки и конечные автоматы" пу. Дополнительно студенту имо изучить литературу и разобрать выполнения подобных заданий. По домашнего задания проводится по ленным письменным работам. Вака к контрольной работе: в материалов по разделу Регулярные конечные автоматы и подготовка к вной работе
7	Рекурсивные функции и машины Тьюринга	6	2	-	2	-	-	-	-	-	2		вка домашнего задания: вка домашнего задания направлена
7.1	Рекурсивные функции и машины Тьюринга	6	2	-	2	-	-	-	-	-	2	на отрабо професси выдается "Рекурси Тьюринг студенту разобрати заданий. проводит работам. <i>Подгото</i>	отку умений решения пональных задач. Домашнее задание студентам по изученному в разделе вные функции и машины а" материалу. Дополнительно необходимо изучить литературу и в примеры выполнения подобных Проверка домашнего задания сся по представленным письменным

													Рекурсивные функции и машины Тьюринга и подготовка к контрольной работе
8	Теория алгоритмов	4	2	-	-	-	-	-	-	-	2	-	Подготовка домашнего задания:
8.1	Теория алгоритмов	4	2			-	-	-	-		2	-	Подготовка домашнего задания направлена на отработку умений решения профессиональных задач. Домашнее задание выдается студентам по изученному в разделе "Теория алгоритмов" материалу. Дополнительно студенту необходимо изучить литературу и разобрать примеры выполнения подобных заданий. Проверка домашнего задания проводится по представленным письменным работам.   Подготовка к контрольной работе: Изучение материалов по разделу Теория алгоритмов и подготовка к контрольной работе
	Экзамен	36.0	-	-	-	-	2	-	-	0.5	-	33.5	
	Всего за семестр	108.0	32	-	16	-	2	-	-	0.5	24	33.5	
	Итого за семестр	108.0	32	-	16		2	-	ı	0.5		57.5	

**Примечание:** Лек – лекции; Лаб – лабораторные работы; Пр – практические занятия; КПР – аудиторные консультации по курсовым проектам/работам; ИККП – индивидуальные консультации по курсовым проектам/работам; ГК- групповые консультации по разделам дисциплины; СР – самостоятельная работа студента; ИКР – иная контактная работа; ТК – текущий контроль; ПА – промежуточная аттестация

#### 3.2 Краткое содержание разделов

### 1. Элементы теории множеств

#### 1.1. Элементы теории множеств

Множество, подмножество. Равенство двух множеств. Операции над множествами (в том числе и декартово произведение). Основные свойства. Бинарные отношения. Отношения эквивалентности.

#### 2. Комбинаторика

#### 2.1. Комбинаторика

Основные принципы комбинаторики. Число перестановок, число перестановок данной спецификации), число размещений (без повторений, с повторениями), сочетаний (без повторений, с повторениями). Формула включения-исключения. Производящие функции.

#### 3. Элементы математической логики

#### 3.1. Элементы математической логики

Высказывание. Алгебра высказываний (основные операции, формулы); таблица истинности; преобразование формул. Предикаты. Алгебра предикатов (основные операции, формулы); преобразование формул.

#### 4. Теория булевых функций

### 4.1. Теория булевых функций

Понятие функции алгебры логики (булевы функции). Способы их задания. Число булевых функций от п переменных. Разложение булевых функций по переменным; ДНФ,КНФ, СДНФ. Полином Жегалкина. Важнейшие замкнутые классы. Леммы о несамодвойственной, немонотонной и нелинейной функциях. Полные системы. Теорема о полноте (Пост). Предполные классы, базисы. Функция Шеффера. Минимизация булевых функций.

#### 5. Теория графов

#### 5.1. Теория графов

Основные определения, терминология. Способы задания графов. Типы графов. Изоморфизм графов. Деревья. Обходы графов; Эйлеровы графы, Гамилтоновы графы. Планарность; теорема Понтрягина-Куратоского. Алгоритмы на графах. Кратчайший путь. Двудольные графы и паросочетания.

#### 6. Регулярные языки и конечные автоматы

#### 6.1. Регулярные языки и конечные автоматы

Основные определения: алфавит, слово, выражение, язык. Операции над языками. Определение (алгебраическое) регулярного выражения и языка, нерегуляного языка. Доказательство нерегулярности языков. Основные понятия теории конечных автоматов, способы их задания и описания функционирования. Эквивалентность конечных автоматов, автоматы приведенного вида. Теорема Мура о единственности автомата приведенного вида. Алгоритм минимизации конечного автомата. Леммы и теорема Клини о регулярных событиях.

#### 7. Рекурсивные функции и машины Тьюринга

#### 7.1. Рекурсивные функции и машины Тьюринга

Алгебраическое определение рекурсивной (примитивно-рекурсивной, общерекурсивной, частично-рекурсивной) функции. Простейшие рекурсивные функции. Операции над рекурсивными функциями (суперпозиции, примитивной рекурсии, минимизации). Класс рекурсивных функций Основные понятия. машин Тьюринга. Описание функционирования машин Тьюринга. Пример машин Тьюринга. Техника программирования машин Тьюринга. Машины Тьюринга и частично-рекурсивные функции.

#### 8. Теория алгоритмов

#### 8.1. Теория алгоритмов

Определение (интуитивное) алгоритма, вычислимой функции. Свойства алгоритмов. Тезис Черча. Машины Тьюринга (рекурсивные функции) как математические уточнения понятия алгоритма. Сложность алгоритмов. Классы Р и NP. Полиномиальная сводимость проблем. NP—полные задачи: о выполнимости логической формулы, о покрытии бинарной таблины.

#### 3.3. Темы практических занятий

- 1. Элементы теории множеств;
- 2. Комбинаторика;
- 3. Элементы математической логики;
- 4. Теория булевых функций;
- 5. Графы;
- 6. Регулярные языки и конечные автоматы;
- 7. Рекурсивные функции и машины Тьюринга.

#### 3.4. Темы лабораторных работ

не предусмотрено

#### 3.5 Консультации

#### Групповые консультации по разделам дисциплины (ГК)

- 1. Обсуждение материалов по кейсам раздела "Элементы теории множеств"
- 2. Обсуждение материалов по кейсам раздела "Комбинаторика"
- 3. Обсуждение материалов по кейсам раздела "Элементы математической логики"
- 4. Обсуждение материалов по кейсам раздела "Теория булевых функций"
- 5. Обсуждение материалов по кейсам раздела "Теория графов"
- 6. Обсуждение материалов по кейсам раздела "Регулярные языки и конечные автоматы"
- 7. Обсуждение материалов по кейсам раздела "Рекурсивные функции и машины Тьюринга"
- 8. Обсуждение материалов по кейсам раздела "Теория алгоритмов"

#### 3.6 Тематика курсовых проектов/курсовых работ

Курсовой проект/ работа не предусмотрены

3.7. Соответствие разделов дисциплины и формируемых в них компетенций

Запланированные результаты обучения по дисциплине	Коды	Н			дела етств			(В	Оценочное средство (тип и наименование)		
(в соответствии с разделом 1)	индикаторов	1	2	3 4		5	6	7	8	1	
Знать:	•										
терминологию и основные результаты алгебры высказываний и алгебры предикатов	ИД-1 <sub>ПК-1</sub>			+						Контрольная работа/Элементы	
	, , , , , , , , , , , , , , , , , , , ,									математической логики	
терминологию и основные результаты теории множеств;										Контрольная	
терминологию и базовые результаты комбинаторного анализа	ИД-1 <sub>ПК-1</sub>	+	+							работа/Элементы теории множеств и комбинаторика	
Уметь:	1	ı			1			1	1		
применять основные определения и свойства множеств для										Контрольная	
решения прикладных задач	ИД-1 <sub>ПК-1</sub>	+	+							работа/Элементы теории	
										множеств и комбинаторика	
применять основные определения и свойства высказываний и										Контрольная	
предикатов для решения прикладных задач	ИД-1 <sub>ПК-1</sub>			+						работа/Элементы	
										математической логики	
анализ и синтез конечных автоматов; уметь построить										Контрольная	
машины Тьюринга с данными свойствами; доказывать	ИД-1 <sub>ПК-1</sub>						+	+	+	работа/Конечные автоматы	
рекурсивность/нерекурсивность функций										и машины Тьюринга	
распознавать полноту систем булевых функции; находить										Контрольная	
базисы полных систем булевых функций; применять основные методы теории графов для решения прикладных	ИД-1 <sub>ПК-1</sub>				+	+				работа/Алгебра логики и теория графов	
задач											

# 4. КОМПЕТЕНТНОСТНО-ОРИЕНТИРОВАННЫЕ ОЦЕНОЧНЫЕ СРЕДСТВА ДЛЯ КОНТРОЛЯ ОСВОЕНИЯ РЕЗУЛЬТАТОВ ОБУЧЕНИЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ (ТЕКУЩИЙ КОНТРОЛЬ УСПЕВАЕМОСТИ, ПРОМЕЖУТОЧНАЯ АТТЕСТАЦИЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ)

#### 4.1. Текущий контроль успеваемости

#### 1 семестр

Форма реализации: Письменная работа

- 1. Алгебра логики и теория графов (Контрольная работа)
- 2. Конечные автоматы и машины Тьюринга (Контрольная работа)
- 3. Элементы математической логики (Контрольная работа)
- 4. Элементы теории множеств и комбинаторика (Контрольная работа)

Балльно-рейтинговая структура дисциплины является приложением А.

#### 4.2 Промежуточная аттестация по дисциплине

Экзамен (Семестр №1)

Оценка определяется в соответствии с Положением о балльно-рейтинговой системе для студентов НИУ «МЭИ» на основании семестровой и экзаменационной составляющих

**Примечание:** Оценочные материалы по дисциплине приведены в фонде оценочных материалов ОПОП.

#### 5. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

#### 5.1 Печатные и электронные издания:

- 1. Гашков, С. Б. Дискретная математика : учебник и практикум для академического бакалавриата вузов по естественнонаучным направлениям / С. Б. Гашков, А. Б. Фролов . 2-е изд., испр. и доп . М. : Юрайт, 2018 . 448 с. (Бакалавр. Академический курс) . ISBN 978-5-534-04435-5 .;
- 2. Набебин, А. А. Дискретная математика : учебник для вузов по специальностям "Прикладная математика и информатика", "Информационные системы и технологии" / А. А. Набебин . М. : Научный мир, 2010 . 512 с. ISBN 978-5-91522-190-0 .;
- 3. Набебин, А. А. Сборник заданий по дискретной математике : учебное пособие для вузов / А. А. Набебин . М. : Научный мир, 2009 . 280 с. ISBN 978-5-915220-72-9 .;
- 4. Гаврилов Г. П., Сапоженко А. А.- "Задачи и упражнения по дискретной математике", (3-е изд., перераб.), Издательство: "ФИЗМАТЛИТ", Москва, 2009 (416 с.) https://e.lanbook.com/books/element.php?pl1 cid=25&pl1 id=2157.

## 5.2 Лицензионное и свободно распространяемое программное обеспечение:

- 1. СДО "Прометей";
- 2. Office:
- 3. Windows:
- 4. Майнд Видеоконференции.

#### 5.3 Интернет-ресурсы, включая профессиональные базы данных и информационносправочные системы:

- 1. ЭБС Лань https://e.lanbook.com/
- 2. Электронная библиотека МЭИ (ЭБ МЭИ) http://elib.mpei.ru/login.php

6. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

Тип помещения	Номер аудитории,	Оснащение
	наименование	
Учебные аудитории для	М-808, Учебная	стол учебный, стул, доска меловая
проведения лекционных	аудитория	
занятий и текущего	Ж-120, Машинный зал	сервер, кондиционер
контроля	ИВЦ	
Учебные аудитории для	М-710а, Учебная	стол, стул, доска меловая
проведения практических	аудитория каф. МКМ	
занятий, КР и КП	Ж-120, Машинный зал	сервер, кондиционер
	ИВЦ	
Учебные аудитории для	М-710, Учебная	стол преподавателя, стол учебный,
проведения	аудитория каф. МКМ	стул, доска меловая
промежуточной	Ж-120, Машинный зал	сервер, кондиционер
аттестации	ИВЦ	
Помещения для	НТБ-303,	стол компьютерный, стул, стол
самостоятельной работы	Компьютерный	письменный, вешалка для одежды,
	читальный зал	компьютерная сеть с выходом в
		Интернет, компьютер персональный,
		принтер, кондиционер
Помещения для	M-714,	рабочее место сотрудника, стул, шкаф,
консультирования	Преподавательская	шкаф для документов, шкаф для
	каф. МКМ	одежды, тумба, доска меловая,
		мультимедийный проектор, экран,
		книги, учебники, пособия
Помещения для хранения	М-301/1, Кладовая	стул
оборудования и учебного	М-713/1, Учебно-	рабочее место сотрудника, стул, шкаф,
инвентаря	научная лаборатория	шкаф для одежды, тумба,
	каф. МКМ	компьютерная сеть с выходом в
		Интернет, компьютер персональный,
		книги, учебники, пособия

## БАЛЛЬНО-РЕЙТИНГОВАЯ СТРУКТУРА ДИСЦИПЛИНЫ

## Дополнительные главы дискретной математики

(название дисциплины)

#### 1 семестр

### Перечень контрольных мероприятий текущего контроля успеваемости по дисциплине:

- КМ-1 Элементы теории множеств и комбинаторика (Контрольная работа)
- КМ-2 Элементы математической логики (Контрольная работа)
- КМ-3 Алгебра логики и теория графов (Контрольная работа)
- КМ-4 Конечные автоматы и машины Тьюринга (Контрольная работа)

#### Вид промежуточной аттестации – Экзамен.

Номер	D.	Индекс КМ:	KM-1	KM-2	KM-3	KM-4
раздела	Раздел дисциплины	Неделя КМ:	4	8	12	15
1	Элементы теории множеств					
1.1	Элементы теории множеств		+			
2	Комбинаторика					
2.1	Комбинаторика		+			
3	Элементы математической логики					
3.1	Элементы математической логики			+		
4	Теория булевых функций					
4.1	Теория булевых функций				+	
5	Теория графов					
5.1	Теория графов				+	
6	Регулярные языки и конечные авт	оматы				
6.1	Регулярные языки и конечные авт	оматы				+
7	Рекурсивные функции и машины	Гьюринга				
7.1	Рекурсивные функции и машины	Гьюринга				+
8	Теория алгоритмов					

8.1	Теория алгоритмов					+
		Bec KM, %:	10	30	30	30