

Министерство науки и высшего образования РФ
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования
«Национальный исследовательский университет «МЭИ»

Направление подготовки/специальность: 01.04.02 Прикладная математика и информатика

Наименование образовательной программы: Математическое моделирование

Уровень образования: высшее образование - магистратура

Форма обучения: Очная

Рабочая программа дисциплины
ЧИСЛЕННЫЕ МЕТОДЫ МАТЕМАТИЧЕСКОЙ ФИЗИКИ

Блок:	Блок 1 «Дисциплины (модули)»
Часть образовательной программы:	Часть, формируемая участниками образовательных отношений
№ дисциплины по учебному плану:	Б1.Ч.04.02.02
Трудоемкость в зачетных единицах:	1 семестр - 3;
Часов (всего) по учебному плану:	108 часов
Лекции	1 семестр - 16 часов;
Практические занятия	не предусмотрено учебным планом
Лабораторные работы	1 семестр - 32 часа;
Консультации	1 семестр - 2 часа;
Самостоятельная работа	1 семестр - 57,5 часа;
в том числе на КП/КР	не предусмотрено учебным планом
Иная контактная работа	проводится в рамках часов аудиторных занятий
включая:	
Лабораторная работа	
Промежуточная аттестация:	
Экзамен	1 семестр - 0,5 часа;

Москва 2020

ПРОГРАММУ СОСТАВИЛ:

Преподаватель

(должность)

	Подписано электронной подписью ФГБОУ ВО «НИУ «МЭИ»	
	Сведения о владельце ЦЭП МЭИ	
	Владелец	Вестфальский А.Е.
	Идентификатор	Rd0dd34ac-VestfalskyAY-542acad

(подпись)

А.Е.
Вестфальский

(расшифровка подписи)

СОГЛАСОВАНО:

Руководитель
образовательной программы

(должность, ученая степень, ученое звание)

	Подписано электронной подписью ФГБОУ ВО «НИУ «МЭИ»	
	Сведения о владельце ЦЭП МЭИ	
	Владелец	Черепова М.Ф.
	Идентификатор	R9267877e-CherepovaMF-dbb9bf1

(подпись)

М.Ф. Черепова

(расшифровка
подписи)

Заведующий выпускающей
кафедры

(должность, ученая степень, ученое звание)

	Подписано электронной подписью ФГБОУ ВО «НИУ «МЭИ»	
	Сведения о владельце ЦЭП МЭИ	
	Владелец	Зубков П.В.
	Идентификатор	R4920bc6f-ZubkovPV-8172426c

(подпись)

П.В. Зубков

(расшифровка
подписи)

1. ЦЕЛИ И ЗАДАЧИ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

Цель освоения дисциплины: заключается в изучении принципов построения, методов исследования и способов практической реализации метода конечных элементов и многосеточных методов решения задач математической физики

Задачи дисциплины

- знакомство с основами метода конечных элементов;
- знакомство с многосеточными методами и их теоретическим обоснованием;
- получение навыков практической реализации и применения изученных методов.

Формируемые у обучающегося **компетенции** и запланированные **результаты обучения** по дисциплине, соотнесенные с **индикаторами достижения компетенций**:

Код и наименование компетенции	Код и наименование индикатора достижения компетенции	Запланированные результаты обучения
ПК-1 Способен создавать, исследовать и реализовывать математические модели естествознания и технологий	ИД-6 _{ПК-1} Разрабатывает и исследует алгоритмы численного решения прикладных задач	знать: - обобщенные постановки основных задач математической физики и их свойства; - математический аппарат метода конечных элементов и многосеточных методов. уметь: - практически реализовывать и применять указанные методы; - строить дискретные аналоги краевых задач для основных уравнений математической физики и численные методы их решения.
ПК-1 Способен создавать, исследовать и реализовывать математические модели естествознания и технологий	ИД-7 _{ПК-1} Анализирует результаты численного и аналитического решения прикладных задач	уметь: - сопоставлять результаты вычислительного эксперимента с теоретически обоснованными свойствами решений краевых задач.

2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ ВО

Дисциплина относится к основной профессиональной образовательной программе Математическое моделирование (далее – ОПОП), направления подготовки 01.04.02 Прикладная математика и информатика, уровень образования: высшее образование - магистратура.

Требования к входным знаниям и умениям:

- знать численные методы, уравнения математической физики

Результаты обучения, полученные при освоении дисциплины, необходимы при выполнении выпускной квалификационной работы.

3. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

3.1 Структура дисциплины

Общая трудоемкость дисциплины составляет 3 зачетных единицы, 108 часов.

№ п/п	Разделы/темы дисциплины/формы промежуточной аттестации	Всего часов на раздел	Семестр	Распределение трудоемкости раздела (в часах) по видам учебной работы										Содержание самостоятельной работы/ методические указания	
				Контактная работа							СР				
				Лек	Лаб	Пр	Консультация		ИКР		ПА	Работа в семестре	Подготовка к аттестации /контроль		
КПР	ГК	ИККП	ТК												
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	
1	Метод конечных элементов	32	1	6	16	-	-	-	-	-	-	10	-	<p><u>Подготовка к лабораторной работе:</u> Проработка теоретического материала (по лекциям и рекомендованной литературе). <u>Изучение материалов литературных источников:</u> [1], стр. 31--38 [2], стр. 48--60, 84--93, 108--109 [3], стр. 31--38</p>	
1.1	Метод конечных элементов	32		6	16	-	-	-	-	-	-	10	-		
2	Многосеточные методы	40		10	16	-	-	-	-	-	-	-	14	-	<p><u>Подготовка к текущему контролю:</u> Проработка теоретической и алгоритмической составляющих реализованных в рамках лабораторных работ методов. Подготовка к защите лабораторных работ. <u>Подготовка к лабораторной работе:</u> Проработка теоретического материала (по лекциям и рекомендованной литературе). <u>Изучение материалов литературных источников:</u> [1], стр. 39--62 [3], стр. 39--62</p>
2.1	Многосеточные методы	40		10	16	-	-	-	-	-	-	-	14	-	
	Экзамен	36.0			-	-	-	-	2	-	-	0.5	-	33.5	
	Всего за семестр	108.0		16	32	-	-	2	-	-	0.5	24	33.5		
	Итого за семестр	108.0		16	32	-	2	-	-	0.5	0.5	57.5			

Примечание: Лек – лекции; Лаб – лабораторные работы; Пр – практические занятия; КПР – аудиторные консультации по курсовым проектам/работам; ИККП – индивидуальные консультации по курсовым проектам/работам; ГК- групповые консультации по разделам

дисциплины; СР – самостоятельная работа студента; ИКР – иная контактная работа; ТК – текущий контроль; ПА – промежуточная аттестация

3.2 Краткое содержание разделов

1. Метод конечных элементов

1.1. Метод конечных элементов

Обобщенные производные и пространства Соболева. Слабая постановка задач математической физики. Конечно-элементная триангуляция области. Конечномерные пространства базисных функций. Виды конечных элементов. Аппроксимация интегральных тождеств. Матрица жесткости элемента. Сборка. Структура и свойства матрицы метода. Пример применения для задачи Дирихле для уравнения Пуассона в прямоугольнике и в области сложной формы..

2. Многосеточные методы

2.1. Многосеточные методы

Задачи линейной алгебры как дискретные аналоги задач математической физики. Итерационные методы решения систем сеточных уравнений. Пространства сеточных функций. Операторы продолжения и проектирования с (на) грубой сетки. Двухсеточный метод и его сходимости для модельной задачи. Классический многосеточный метод. V-, W-, F-циклы. Матрица итераций. Сходимость метода. Пример применения для задачи Дирихле для уравнения Пуассона..

3.3. Темы практических занятий

не предусмотрено

3.4. Темы лабораторных работ

1. Численное решение модельной одномерной краевой задачи;
2. Численное решение одномерной краевой задачи с переменным коэффициентом;
3. Численное решение модельной двумерной краевой задачи;
4. Численное решение нерегулярной двумерной краевой задачи.

3.5 Консультации

Групповые консультации по разделам дисциплины (ГК)

1. Обсуждение материалов раздела "Метод конечных элементов"
2. Обсуждение материалов раздела "Многосеточные методы"

3.6 Тематика курсовых проектов/курсовых работ

Курсовой проект/ работа не предусмотрены

3.7. Соответствие разделов дисциплины и формируемых в них компетенций

Запланированные результаты обучения по дисциплине (в соответствии с разделом 1)	Коды индикаторов	Номер раздела дисциплины (в соответствии с п.3.1)		Оценочное средство (тип и наименование)
		1	2	
Знать:				
математический аппарат метода конечных элементов и многосеточных методов	ИД-6ПК-1	+	+	Лабораторная работа/Численное решение модельной двумерной краевой задачи Лабораторная работа/Численное решение одномерной краевой задачи с переменным коэффициентом
обобщенные постановки основных задач математической физики и их свойства	ИД-6ПК-1	+		Лабораторная работа/Численное решение одномерной краевой задачи с переменным коэффициентом
Уметь:				
строить дискретные аналоги краевых задач для основных уравнений математической физики и численные методы их решения	ИД-6ПК-1	+		Лабораторная работа/Численное решение модельной двумерной краевой задачи Лабораторная работа/Численное решение модельной одномерной краевой задачи
практически реализовывать и применять указанные методы	ИД-6ПК-1	+		Лабораторная работа/Численное решение модельной двумерной краевой задачи Лабораторная работа/Численное решение модельной одномерной краевой задачи
сопоставлять результаты вычислительного эксперимента с теоретически обоснованными свойствами решений краевых задач	ИД-7ПК-1		+	Лабораторная работа/Численное решение нерегулярной двумерной краевой задачи

4. КОМПЕТЕНТНОСТНО-ОРИЕНТИРОВАННЫЕ ОЦЕНОЧНЫЕ СРЕДСТВА ДЛЯ КОНТРОЛЯ ОСВОЕНИЯ РЕЗУЛЬТАТОВ ОБУЧЕНИЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ (ТЕКУЩИЙ КОНТРОЛЬ УСПЕВАЕМОСТИ, ПРОМЕЖУТОЧНАЯ АТТЕСТАЦИЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ)

4.1. Текущий контроль успеваемости

1 семестр

Форма реализации: Защита задания

1. Численное решение модельной двумерной краевой задачи (Лабораторная работа)
2. Численное решение модельной одномерной краевой задачи (Лабораторная работа)
3. Численное решение нерегулярной двумерной краевой задачи (Лабораторная работа)
4. Численное решение одномерной краевой задачи с переменным коэффициентом (Лабораторная работа)

Балльно-рейтинговая структура дисциплины является приложением А.

4.2 Промежуточная аттестация по дисциплине

Экзамен (Семестр №1)

Оценка определяется в соответствии с Положением о балльно-рейтинговой системе для студентов НИУ «МЭИ» на основании семестровой и экзаменационной составляющих

Примечание: Оценочные материалы по дисциплине приведены в фонде оценочных материалов ОПОП.

5. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

5.1 Печатные и электронные издания:

1. Ольшанский, М. А. Лекции и упражнения по многосеточным методам / М. А. Ольшанский . – М. : Физматлит, 2005 . – 168 с. - ISBN 5-922105-93-0 .;
2. Сьярле, Ф. Метод конечных элементов для эллиптических задач / Ф. Сьярле . – М. : Мир, 1980 . – 512 с.;
3. Ольшанский М. А.- "Лекции и упражнения по многосеточным методам", Издательство: "ФИЗМАТЛИТ", Москва, 2005 - (168 с.)
https://e.lanbook.com/books/element.php?pl1_id=59391.

5.2 Лицензионное и свободно распространяемое программное обеспечение:

1. СДО "Прометей";
2. Office;
3. Windows;
4. Майнд Видеоконференции;
5. Visual Studio;
6. Latex;
7. Python;
8. ОС Linux.

5.3 Интернет-ресурсы, включая профессиональные базы данных и информационно-справочные системы:

1. ЭБС Лань - <https://e.lanbook.com/>
2. Электронная библиотека МЭИ (ЭБ МЭИ) - <http://elib.mpei.ru/login.php>

6. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

Тип помещения	Номер аудитории, наименование	Оснащение
Учебные аудитории для проведения лекционных занятий и текущего контроля	М-808, Учебная аудитория	стол учебный, стул, доска меловая
	Ж-120, Машинный зал ИВЦ	сервер, кондиционер
Учебные аудитории для проведения лабораторных занятий	М-712, Учебная лаборатория каф. МКМ	стол учебный, стул, доска меловая, компьютерная сеть с выходом в Интернет, компьютер персональный
	Ж-120, Машинный зал ИВЦ	сервер, кондиционер
Учебные аудитории для проведения промежуточной аттестации	М-710а, Учебная аудитория каф. МКМ	стол, стул, доска меловая
	Ж-120, Машинный зал ИВЦ	сервер, кондиционер
Помещения для самостоятельной работы	НТБ-303, Компьютерный читальный зал	стол компьютерный, стул, стол письменный, вешалка для одежды, компьютерная сеть с выходом в Интернет, компьютер персональный, принтер, кондиционер
Помещения для консультирования	М-714, Преподавательская каф. МКМ	рабочее место сотрудника, стул, шкаф, шкаф для документов, шкаф для одежды, тумба, доска меловая, мультимедийный проектор, экран, книги, учебники, пособия
Помещения для хранения оборудования и учебного инвентаря	М-301/1, Кладовая	стул
	М-713/1, Учебно-научная лаборатория каф. МКМ	рабочее место сотрудника, стул, шкаф, шкаф для одежды, тумба, компьютерная сеть с выходом в Интернет, компьютер персональный, книги, учебники, пособия

БАЛЛЬНО-РЕЙТИНГОВАЯ СТРУКТУРА ДИСЦИПЛИНЫ

Численные методы математической физики

(название дисциплины)

1 семестр

Перечень контрольных мероприятий текущего контроля успеваемости по дисциплине:

КМ-1 Численное решение модельной одномерной краевой задачи (Лабораторная работа)

КМ-2 Численное решение одномерной краевой задачи с переменным коэффициентом (Лабораторная работа)

КМ-3 Численное решение модельной двумерной краевой задачи (Лабораторная работа)

КМ-4 Численное решение нерегулярной двумерной краевой задачи (Лабораторная работа)

Вид промежуточной аттестации – Экзамен.

Номер раздела	Раздел дисциплины	Индекс КМ:	КМ-1	КМ-2	КМ-3	КМ-4
		Неделя КМ:	4	8	12	16
1	Метод конечных элементов					
1.1	Метод конечных элементов		+	+	+	
2	Многосеточные методы					
2.1	Многосеточные методы			+	+	+
Вес КМ, %:			20	20	40	20