

**Министерство науки и высшего образования РФ
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования
«Национальный исследовательский университет «МЭИ»**

Направление подготовки/специальность: 09.03.01 Информатика и вычислительная техника

Наименование образовательной программы: Информационные технологии

Уровень образования: высшее образование - бакалавриат

Форма обучения: Очная

**Оценочные материалы
по дисциплине
Современная компьютерная алгебра**

**Москва
2024**

ОЦЕНОЧНЫЕ МАТЕРИАЛЫ РАЗРАБОТАЛ:

Разработчик

	Подписано электронной подписью ФГБОУ ВО «НИУ «МЭИ»	
	Сведения о владельце ЦЭП МЭИ	
	Владелец	Мамонтов А.И.
	Идентификатор	R4598743d-MamontovAI-34471f61

А.И.
Мамонтов

СОГЛАСОВАНО:

Руководитель
образовательной
программы

	Подписано электронной подписью ФГБОУ ВО «НИУ «МЭИ»	
	Сведения о владельце ЦЭП МЭИ	
	Владелец	Вишняков С.В.
	Идентификатор	R35b26072-VishniakovSV-02810d9

С.В.
Вишняков

Заведующий
выпускающей
кафедрой

	Подписано электронной подписью ФГБОУ ВО «НИУ «МЭИ»	
	Сведения о владельце ЦЭП МЭИ	
	Владелец	Топорков В.В.
	Идентификатор	Rc76a6458-ToporkovVV-1f71a135

В.В. Топорков

Заведующий
выпускающей
кафедрой

	Подписано электронной подписью ФГБОУ ВО «НИУ «МЭИ»	
	Сведения о владельце ЦЭП МЭИ	
	Владелец	Вишняков С.В.
	Идентификатор	R35b26072-VishniakovSV-02810d9

С.В.
Вишняков

Заведующий
выпускающей
кафедрой

	Подписано электронной подписью ФГБОУ ВО «НИУ «МЭИ»	
	Сведения о владельце ЦЭП МЭИ	
	Владелец	Самокрутов А.А.
	Идентификатор	R145b9cc2-SamokrutovAA-7b5e7df

А.А.
Самокрутов

ОБЩАЯ ЧАСТЬ

Оценочные материалы по дисциплине предназначены для оценки достижения обучающимися запланированных результатов обучения по дисциплине, этапа формирования запланированных компетенций и уровня освоения дисциплины.

Оценочные материалы по дисциплине включают оценочные средства для проведения мероприятий текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации.

Формируемые у обучающегося компетенции:

1. ПК-1 Способен обосновывать принимаемые проектные решения, осуществлять постановку и выполнять эксперименты по проверке их корректности и эффективности
- ИД-4 Применяет методы моделирования и осуществляет анализ результатов для моделирования работы вычислительных систем и сетей ЭВМ

и включает:

для текущего контроля успеваемости:

Форма реализации: Проверка задания

1. Полугруппы (Проверочная работа)
2. Помехоустойчивое кодирование (Проверочная работа)
3. Проблемы полноты в алгебрах (Проверочная работа)
4. Решётки (Проверочная работа)

БРС дисциплины

6 семестр

Перечень контрольных мероприятий текущего контроля успеваемости по дисциплине:

- КМ-1 Проблемы полноты в алгебрах (Проверочная работа)
КМ-2 Решётки (Проверочная работа)
КМ-3 Полугруппы (Проверочная работа)
КМ-4 Помехоустойчивое кодирование (Проверочная работа)

Вид промежуточной аттестации – Зачет.

Раздел дисциплины	Веса контрольных мероприятий, %				
	Индекс КМ:	КМ-1	КМ-2	КМ-3	КМ-4
	Срок КМ:	4	7	10	13
Алгебры и подалгебры					
Алгебры и подалгебры		+			
Проблема полноты в алгебрах					
Проблема полноты в алгебрах		+			

Решетки понятий и шкалы				
Решетки понятий и шкалы		+		
Полугруппы				
Полугруппы			+	
Кольца				
Кольца				+
Модулярная арифметика				
Модулярная арифметика				+
Поля и их применение в кодировании				
Поля и их применение в кодировании				+
Вес КМ:	25	25	25	25

СОДЕРЖАНИЕ ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ ТЕКУЩЕГО КОНТРОЛЯ

I. Оценочные средства для оценки запланированных результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с индикаторами достижения компетенций

Индекс компетенции	Индикатор	Запланированные результаты обучения по дисциплине	Контрольная точка
ПК-1	ИД-4ПК-1 Применяет методы моделирования и осуществляет анализ результатов для моделирования работы вычислительных систем и сетей ЭВМ	Знать: основные алгебраические структуры принципы преобразования информации алгебраическими методами, в частности, с применением структуры полугруппы Уметь: применять современную компьютерную алгебру в теории кодирования применять алгоритмы операций в различных алгебраических структурах применять основные алгебраические структуры применять основные определения и свойства полугрупп	КМ-1 Проблемы полноты в алгебрах (Проверочная работа) КМ-2 Решётки (Проверочная работа) КМ-3 Полугруппы (Проверочная работа) КМ-4 Помехоустойчивое кодирование (Проверочная работа)

II. Содержание оценочных средств. Шкала и критерии оценивания

КМ-1. Проблемы полноты в алгебрах

Формы реализации: Проверка задания

Тип контрольного мероприятия: Проверочная работа

Вес контрольного мероприятия в БРС: 25

Процедура проведения контрольного мероприятия: Проверка выполненных студентами решений индивидуальных задач.

Краткое содержание задания:

В работе проверяется знание основных алгебраических структур и умение применять основные алгебраические структуры

Контрольные вопросы/задания:

Запланированные результаты обучения по дисциплине	Вопросы/задания для проверки
Знать: основные алгебраические структуры	1.Замкнутый класс, полная система, базис в универсальной алгебре 2.Свойства конечно порожденной алгебры 3.Критериальная система. Критерий полноты в конечно порожденной алгебре
Уметь: применять основные алгебраические структуры	1.Пусть A --- некоторое линейно упорядоченное множество. Найдите все подалгебры алгебры $(A; \min(x, y), \max(x, y))$ 2.Пусть A --- некоторое линейно упорядоченное множество. В алгебре $(A; \min(x, y), \max(x, y))$ найдите все предполные классы и критерий полноты. Для каких множеств A существуют предполные классы в такой алгебре? 3.Найдите гомоморфизмы алгебры $(\mathbb{N}; +)$ в алгебру $(\mathbb{Z}; +)$ 4.Найдите гомоморфизмы алгебры $(\mathbb{N}; *)$ в алгебру $(\mathbb{Z}; *)$ 5.Пусть конечно-порожденная алгебра имеет ровно n предполных классов. Какова может быть мощность базиса в такой алгебре?

Описание шкалы оценивания:

Оценка: 5 («отлично»)

Нижний порог выполнения задания в процентах: 70

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "отлично" выставляется если задание выполнено в полном объеме или выполнено преимущественно верно

Оценка: 4 («хорошо»)

Нижний порог выполнения задания в процентах: 60

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "хорошо" выставляется если большинство вопросов раскрыто. выбрано верное направление для решения задач

Оценка: 3 («удовлетворительно»)

Нижний порог выполнения задания в процентах: 50

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "удовлетворительно" выставляется если задание преимущественно выполнено

Оценка: 2 («неудовлетворительно»)

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "неудовлетворительно" выставляется если задание выполнено неверно или преимущественно не выполнено

КМ-2. Решётки

Формы реализации: Проверка задания

Тип контрольного мероприятия: Проверочная работа

Вес контрольного мероприятия в БРС: 25

Процедура проведения контрольного мероприятия: Проверка выполненных студентами решений индивидуальных задач.

Краткое содержание задания:

В работе проверяется умение применять алгоритмы операций в различных алгебраических структурах

Контрольные вопросы/задания:

Запланированные результаты обучения по дисциплине	Вопросы/задания для проверки
Уметь: применять алгоритмы операций в различных алгебраических структурах	1. Пусть решетка понятий имеет ровно n атомов. Какова мощность решетки? 2. Пусть решетка понятий имеет ровно n атомов. Какой может быть мощность базиса в ней? 3. Атомами решетки понятий являются 7 дней недели. Постройте минимальную шкалу для ее понятий 4. Атомами решетки понятий являются 12 месяцев года. Постройте минимальную шкалу 5. Атомы решетки понятий --- 31 день календарного месяца. Постройте минимальную шкалу

Описание шкалы оценивания:

Оценка: 5 («отлично»)

Нижний порог выполнения задания в процентах: 70

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "отлично" выставляется если задание выполнено в полном объеме или выполнено преимущественно верно

Оценка: 4 («хорошо»)

Нижний порог выполнения задания в процентах: 60

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "хорошо" выставляется если большинство вопросов раскрыто, выбрано верное направление для решения задач

Оценка: 3 («удовлетворительно»)

Нижний порог выполнения задания в процентах: 50

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "удовлетворительно" выставляется если задание преимущественно выполнено

Оценка: 2 («неудовлетворительно»)

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "неудовлетворительно" выставляется если задание выполнено неверно или преимущественно не выполнено

КМ-3. Полугруппы

Формы реализации: Проверка задания

Тип контрольного мероприятия: Проверочная работа

Вес контрольного мероприятия в БРС: 25

Процедура проведения контрольного мероприятия: Проверка выполненных студентами решений индивидуальных задач.

Краткое содержание задания:

В работе проверяется знание принципов преобразования информации алгебраическими методами, в частности, с применением структуры полугруппы и умение применять основные определения и свойства полугрупп

Контрольные вопросы/задания:

Запланированные результаты обучения по дисциплине	Вопросы/задания для проверки
Знать: принципы преобразования информации алгебраическими методами, в частности, с применением структуры полугруппы	1.Полугруппы. Циклические полугруппы. Полугруппы преобразований 2.Цикловой индекс группы подстановок 3.Группа автоморфизмов графа 4.Число геометрически различных окрасок вершин графа 5.Задача об ожерельях
Уметь: применять основные определения и свойства полугрупп	1.Постройте полугруппы порядка 1,2,3 2.Выясните, какие из полугрупп порядка 1,2,3 являются группами, абелевыми группами 3.Найдите все идемпотенты в каждой полугруппе порядка 1,2,3 4.Найдите все подполугруппы в каждой из полугрупп порядка 1,2,3 5.Выясните, какие из полугрупп порядка 1,2,3 являются циклическими. Для каждой циклической полугруппы найдите индекс и порядок

Описание шкалы оценивания:

Оценка: 5 («отлично»)

Нижний порог выполнения задания в процентах: 70

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "отлично" выставляется если задание выполнено в полном объеме или выполнено преимущественно верно

Оценка: 4 («хорошо»)

Нижний порог выполнения задания в процентах: 60

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "хорошо" выставляется если большинство вопросов раскрыто. выбрано верное направление для решения задач

Оценка: 3 («удовлетворительно»)

Нижний порог выполнения задания в процентах: 50

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "удовлетворительно" выставляется если задание преимущественно выполнено

Оценка: 2 («неудовлетворительно»)

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "неудовлетворительно" выставляется если задание выполнено неверно или преимущественно не выполнено

КМ-4. Помехоустойчивое кодирование

Формы реализации: Проверка задания

Тип контрольного мероприятия: Проверочная работа

Вес контрольного мероприятия в БРС: 25

Процедура проведения контрольного мероприятия: Проверка выполненных студентами решений индивидуальных задач.

Краткое содержание задания:

В работе проверяется умение применять современную компьютерную алгебру в теории кодирования

Контрольные вопросы/задания:

Запланированные результаты обучения по дисциплине	Вопросы/задания для проверки
Уметь: применять современную компьютерную алгебру в теории кодирования	1. Постройте поле $GF(16)$ 2. Найдите все слова кода $R(3,2)$ 3. Найдите проверочную матрицу кода Хэмминга с 5 проверочными символами 4. Существует ли линейные коды с кодовым расстоянием 0 и 1? 5. Какие значения может принимать кодовое расстояние линейного (n, k) -кода?

Описание шкалы оценивания:

Оценка: 5 («отлично»)

Нижний порог выполнения задания в процентах: 70

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "отлично" выставляется если задание выполнено в полном объеме или выполнено преимущественно верно

Оценка: 4 («хорошо»)

Нижний порог выполнения задания в процентах: 60

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "хорошо" выставляется если большинство вопросов раскрыто. выбрано верное направление для решения задач

Оценка: 3 («удовлетворительно»)

Нижний порог выполнения задания в процентах: 50

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "удовлетворительно" выставляется если задание преимущественно выполнено

Оценка: 2 («неудовлетворительно»)

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "неудовлетворительно" выставляется если задание выполнено неверно или преимущественно не выполнено

СОДЕРЖАНИЕ ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ

6 семестр

Форма промежуточной аттестации: Зачет

Пример билета

1. Сортировка методом Шелла.
2. Постройте поле $GF(4)$ как расширение поля $GF(2)$ и решите в поле $GF(4)$ уравнение $x^2+x+1=0$.

Процедура проведения

Зачет проводится в письменно-устной форме. На подготовку ответа дается 60 минут. Кроме ответа на вопросы билета, студент должен ответить на дополнительные вопросы.

1. Перечень компетенций/индикаторов и контрольных вопросов проверки результатов освоения дисциплины

1. Компетенция/Индикатор: ИД-4ПК-1 Применяет методы моделирования и осуществляет анализ результатов для моделирования работы вычислительных систем и сетей ЭВМ

Вопросы, задания

- 1.Замкнутый класс, полная система, базис в универсальной алгебре
- 2.Свойства конечно порожденной алгебры
- 3.Предполный класс. Расширение замкнутого класса до предполного в конечно порожденной алгебре
- 4.Критериальная система. Критерий полноты в конечно порожденной алгебре
- 5.Задача о размене денег. Число Фробениуса
- 6.Разбиения матриц
- 7.Сортировка Шелла
- 8.Сети Петри. Структура и функционирование. Проблема живучести
- 9.Число Фробениуса и живучесть консервативной сети Петри
- 10.Функциональные системы и их замкнутые классы
- 11.Алгебра функций k -значной логики
- 12.Канонические формулы для функций k -значной логики
- 13.Примеры полных систем в k -значной логике
- 14.Максимальная и минимальная шкалы в булевой алгебре понятий
- 15.Многомодульная арифметика
- 16.Полугруппы. Циклические полугруппы. Полугруппы преобразований
- 17.Цикловой индекс группы подстановок
- 18.Группа автоморфизмов графа
- 19.Число геометрически различных окрасок вершин графа
- 20.Задача об ожерельях
- 21.Конечное поле, его характеристика, алгебраическое расширение поля
- 22.Построение полей порядка 4,8,9
- 23.Различные способы представления конечного поля
- 24.Линейный код над конечным полем, его матрицы
- 25.Кодовое расстояние и корректирующие способности линейного кода
- 26.Декодирование по синдрому
- 27.Код m -кратного повторения, бинарный код проверки на четность
- 28.Коды Хэмминга

29. Коды Рида-Малера
30. Матрицы и преобразования Адамара
31. Декодирование кодов $R(1, m)$
32. Оптимальные коды. Метод Хаффмана
33. Коды, исправляющие замены 0 на 1
34. Коды, исправляющие вставки и выпадения символов
35. Циклический код и его порождающий многочлен
36. Уравнения в конечных полях
37. Проверочная матрица циклического кода. Кодирование и декодирование
38. Пусть A --- некоторое линейно упорядоченное множество. Найдите все подалгебры алгебры $(A; \min(x, y), \max(x, y))$
39. Пусть A --- некоторое линейно упорядоченное множество. В алгебре $(A; \min(x, y), \max(x, y))$ найдите все предполные классы и критерий полноты. Для каких множеств A существуют предполные классы в такой алгебре?
40. Найдите гомоморфизмы алгебры $(\mathbb{N}; +)$ в алгебру $(\mathbb{Z}; +)$
41. Пусть решетка понятий имеет ровно n атомов. Какова мощность решетки?
42. Пусть решетка понятий имеет ровно n атомов. Какой может быть мощность базиса в ней?
43. Атомами решетки понятий являются 7 дней недели. Постройте минимальную шкалу для ее понятий
44. Найдите все слова кода $R(3, 2)$
45. Найдите проверочную матрицу кода Хэмминга с 5 проверочными символами
46. Существует ли линейные коды с кодовым расстоянием 0 и 1?
47. Постройте полугруппы порядка 1, 2, 3
48. Выясните, какие из полугрупп порядка 1, 2, 3 являются группами, абелевыми группами
49. Найдите все идемпотенты в каждой полугруппе порядка 1, 2, 3

Материалы для проверки остаточных знаний

1. Алгебра из n ($n=2, 3, 4, \dots$) элементов может быть

Ответы:

- a) конечно порожденной,
- b) бесконечно порожденной,
- c) алгеброй без базиса,
- d) алгеброй без предполных классов,
- e) алгеброй с бесконечным базисом.

Верный ответ: a) конечно порожденной

2. В любой конечно порожденной алгебре есть

Ответы:

- a) предполные классы,
- b) критериальная система,
- c) подалгебры,
- d) полная система,
- e) базис.

Верный ответ: a) предполные классы, b) критериальная система, c) подалгебры, d) полная система, e) базис.

3. Если алгебра имеет базис, то в ней есть

Ответы:

- a) предполные классы,
- b) критериальная система,
- c) полная система,
- d) собственные подалгебры,
- e) замкнутые классы.

Верный ответ: с) полная система, е) замкнутые классы.

4. Решетка содержит ровно 16 понятий. Укажите мощность максимальной шкалы.

Ответы:

- a) 2,
- b) 3,
- c) 4,
- d) 5,
- e) 8.

Верный ответ: с) 4

5. Решетка содержит ровно 16 понятий. Укажите мощность минимальной шкалы.

Ответы:

- a) 2,
- b) 3,
- c) 4,
- d) 5,
- e) 8.

Верный ответ: b) 3

6. Операция полугруппы обязательно

Ответы:

- a) коммутативна,
- b) ассоциативна,
- c) обратима,
- d) имеет нейтральный элемент,
- e) имеет идемпотент.

Верный ответ: b) ассоциативна

7. Циклическая полугруппа обязательно

Ответы:

- a) коммутативна,
- b) конечно порождаема,
- c) конечна,
- d) имеет единицу,
- e) имеет идемпотент.

Верный ответ: a) коммутативна

8. Поле может иметь следующий порядок

Ответы:

- a) 1,
- b) 2,
- c) 3,
- d) 4,
- e) 5.

Верный ответ: b) 2, c) 3, d) 4, e) 5.

9. Код Хэмминга с m проверочными символами имеет кодовое расстояние

Ответы:

- a) 2,
- b) 3,
- c) $m-1$,
- d) m ,
- e) 2^{m-m-1} .

Верный ответ: b) 3

10. Бинарный код с проверкой на четность является

Ответы:

- a) циклическим,

- b) линейным,
- c) исправляющим ошибки,
- d) кодом с повторением символов,
- e) кодом с расстоянием 3.

Верный ответ: b) линейным

II. Описание шкалы оценивания

Оценка: 5 («отлично»)

Нижний порог выполнения задания в процентах: 70

Описание характеристики выполнения знания: Работа выполнена в рамках "продвинутого" уровня. Ответы даны верно, четко сформулированные особенности практических решений

Оценка: 4 («хорошо»)

Нижний порог выполнения задания в процентах: 60

Описание характеристики выполнения знания: Работа выполнена в рамках "базового" уровня. Большинство ответов даны верно. В части материала есть незначительные недостатки

Оценка: 3 («удовлетворительно»)

Нижний порог выполнения задания в процентах: 50

Описание характеристики выполнения знания: Работа выполнена в рамках "порогового" уровня. Основная часть задания выполнена верно. На вопросы углубленного уровня даны неверные ответы

Оценка: 2 («неудовлетворительно»)

Описание характеристики выполнения знания: Работа не выполнена или выполнена преимущественно неправильно

III. Правила выставления итоговой оценки по курсу

Оценка определяется по совокупности результатов текущего контроля успеваемости в соответствии с Положением о балльно-рейтинговой системе для студентов НИУ «МЭИ».