

**Министерство науки и высшего образования РФ**  
**Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение**  
**высшего образования**  
**«Национальный исследовательский университет «МЭИ»**

---

Направление подготовки/специальность: 13.03.02 Электроэнергетика и электротехника

Наименование образовательной программы: Гидроэнергетика и возобновляемые источники энергии

Уровень образования: высшее образование - бакалавриат

Форма обучения: Очная


**Рабочая программа дисциплины**  
**ЛИНЕЙНАЯ АЛГЕБРА И АНАЛИТИЧЕСКАЯ ГЕОМЕТРИЯ**

<b>Блок:</b>	<b>Блок 1 «Дисциплины (модули)»</b>
<b>Часть образовательной программы:</b>	<b>Обязательная</b>
<b>№ дисциплины по учебному плану:</b>	<b>Б1.О.07</b>
<b>Трудоемкость в зачетных единицах:</b>	<b>1 семестр - 2;</b>
<b>Часов (всего) по учебному плану:</b>	<b>72 часа</b>
<b>Лекции</b>	<b>1 семестр - 16 часов;</b>
<b>Практические занятия</b>	<b>1 семестр - 16 часов;</b>
<b>Лабораторные работы</b>	<b>не предусмотрено учебным планом</b>
<b>Консультации</b>	<b>проводится в рамках часов аудиторных занятий</b>
<b>Самостоятельная работа</b>	<b>1 семестр - 39,7 часа;</b>
<b>в том числе на КП/КР</b>	<b>не предусмотрено учебным планом</b>
<b>Иная контактная работа</b>	<b>проводится в рамках часов аудиторных занятий</b>
<b>включая:</b> <b>Контрольная работа</b> <b>Расчетно-графическая работа</b>	
<b>Промежуточная аттестация:</b>	
<b>Зачет с оценкой</b>	<b>1 семестр - 0,3 часа;</b>

**Москва 2023**

**ПРОГРАММУ СОСТАВИЛ:**


Преподаватель

	Подписано электронной подписью ФГБОУ ВО «НИУ «МЭИ»	
	Сведения о владельце ЦЭП МЭИ	
	Владелец	Кириченко П.В.
	Идентификатор	R106dc7f8-KirichenkoPV-a94c9a91

П.В. Кириченко


**СОГЛАСОВАНО:**

Руководитель  
образовательной  
программы

	Подписано электронной подписью ФГБОУ ВО «НИУ «МЭИ»	
	Сведения о владельце ЦЭП МЭИ	
	Владелец	Шестопалова Т.А.
	Идентификатор	Rca486bb1-ShestopalovaTA-2b9205

Т.А.  
Шестопалова

Заведующий выпускающей  
кафедрой

	Подписано электронной подписью ФГБОУ ВО «НИУ «МЭИ»	
	Сведения о владельце ЦЭП МЭИ	
	Владелец	Шестопалова Т.А.
	Идентификатор	Rca486bb1-ShestopalovaTA-2b9205

Т.А.  
Шестопалова

## 1. ЦЕЛИ И ЗАДАЧИ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

**Цель освоения дисциплины:** получение теоретической подготовки и приобретение практических навыков в области линейной алгебры и аналитической геометрии.

### Задачи дисциплины

- освоение базовых понятий аналитической геометрии;
- освоение базовых понятий линейной алгебры;
- освоение математических методов, лежащих в основе решения физических и технических задач;
- формирование математической базы, необходимой для последующего изучения дисциплин образовательной программы.

Формируемые у обучающегося **компетенции** и запланированные **результаты обучения** по дисциплине, соотнесенные с **индикаторами достижения компетенций**:

Код и наименование компетенции	Код и наименование индикатора достижения компетенции	Запланированные результаты обучения
ОПК-3 Способен применять соответствующий физико-математический аппарат при решении практических задач	ИД-1 <sub>опк-3</sub> Применяет математический аппарат аналитической геометрии, линейной алгебры, дифференциального и интегрального исчисления функции одной переменной	знать: - основные термины, понятия и определения линейной алгебры и аналитической геометрии.  уметь: - исследовать и решать системы линейных алгебраических уравнений; - использовать векторный и координатный методы решения геометрических задач; - определять матрицу, собственные значения и собственные векторы линейного оператора; - производить основные операции над матрицами и вычислять определители.

## 2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ ВО

Дисциплина относится к основной профессиональной образовательной программе Гидроэнергетика и возобновляемые источники энергии (далее – ОПОП), направления подготовки 13.03.02 Электроэнергетика и электротехника, уровень образования: высшее образование - бакалавриат.

Базируется на уровне среднего общего образования.

Результаты обучения, полученные при освоении дисциплины, необходимы при выполнении выпускной квалификационной работы.

### 3. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

#### 3.1 Структура дисциплины

Общая трудоемкость дисциплины составляет 2 зачетных единицы, 72 часа.

№ п/п	Разделы/темы дисциплины/формы промежуточной аттестации	Всего часов на раздел	Семестр	Распределение трудоемкости раздела (в часах) по видам учебной работы										Содержание самостоятельной работы/ методические указания	
				Контактная работа							СР				
				Лек	Лаб	Пр	Консультация		ИКР		ПА	Работа в семестре	Подготовка к аттестации /контроль		
КПР	ГК	ИККП	ТК												
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	
1	Линейная алгебра	55.7	1	12	-	12	-	-	-	-	-	31.7	-	<p><b><u>Подготовка к аудиторным занятиям:</u></b> Проработка лекции, выполнение задания, полученного на предыдущем занятии</p> <p><b><u>Подготовка к текущему контролю:</u></b> Повторение материала по разделу "Линейная алгебра"</p> <p><b><u>Подготовка домашнего задания:</u></b> Подготовка домашнего задания направлена на отработку умений решения профессиональных задач. Домашнее задание выдается студентам по изученному в разделе "Линейная алгебра" материалу. Дополнительно студенту необходимо изучить литературу и разобрать примеры выполнения подобных заданий. Проверка домашнего задания проводится по представленным письменным работам.</p> <p><b><u>Подготовка к практическим занятиям:</u></b> Изучение материала по разделу "Линейная алгебра" подготовка к выполнению заданий на практических занятиях</p> <p><b><u>Самостоятельное изучение теоретического материала:</u></b> Изучение дополнительного материала по разделу "Линейная алгебра"</p> <p><b><u>Подготовка к контрольной работе:</u></b> Изучение материалов по разделу Линейная алгебра и подготовка к контрольной работе</p>	
1.1	Матрицы и определители	10		2	-	2	-	-	-	-	-	-	6		-
1.2	Системы линейных уравнений	27.7		6	-	6	-	-	-	-	-	-	15.7		-
1.3	Линейные операторы	18		4	-	4	-	-	-	-	-	-	10		-

													<p><b><u>Изучение материалов литературных источников:</u></b>  [1], Раздел I § 1.- 2., Раздел II § 1.- 6., Раздел III § 1.- 3., Раздел V § 1.- 3, Раздел VI §§ 1, 2, 4  [2], §§ 1- 4, 14, 15, 20, 22-26  [3], Раздел X  [4], II: 4.5, 4.10, 4.12, 4.14, 4.2III: № 1.2, 1.4, 1.8, 1.12, 1.24, 1.36, 1.42, 1.46, 1.50, 1.52, 2.10, 2.12, 2.14, 3.6, 3.8, 3.12, 3.18, 3.22, 4.2, 4.12, 4.26, 4.29, 4.33, 4.37,4.45, 4.464, 4.30, 4.34</p>
2	Аналитическая геометрия	16	4	-	4	-	-	-	-	-	8	-	<p><b><u>Самостоятельное изучение теоретического материала:</u></b> Изучение дополнительного материала по разделу "Аналитическая геометрия"  <b><u>Подготовка расчетных заданий:</u></b> Задания ориентированы на решения минизадч по разделу "Аналитическая геометрия". Студенты необходимо повторить теоретический материал, разобрать примеры решения аналогичных задач. провести расчеты по варианту задания и сделать выводы.  <b><u>Подготовка к текущему контролю:</u></b>  Повторение материала по разделу "Аналитическая геометрия"  <b><u>Подготовка к аудиторным занятиям:</u></b>  Проработка лекции  <b><u>Подготовка домашнего задания:</u></b>  Подготовка домашнего задания направлена на отработку умений решения профессиональных задач. Домашнее задание выдается студентам по изученному в разделе "Аналитическая геометрия" материалу. Дополнительно студенту необходимо изучить литературу и разобрать примеры выполнения подобных заданий. Проверка домашнего задания проводится по</p>
2.1	Аналитическая геометрия	16	4	-	4	-	-	-	-	-	8	-	

													представленным письменным работам. <b><u>Подготовка к контрольной работе:</u></b> Изучение материалов по разделу Аналитическая геометрия и подготовка к контрольной работе <b><u>Подготовка к практическим занятиям:</u></b> Изучение материала по разделу "Аналитическая геометрия" подготовка к выполнению заданий на практических занятиях <b><u>Изучение материалов литературных источников:</u></b> [2], §§ 5, 12, 13, 8-10 [3], Раздел IX [4], II: № 1.36, 5.2, 5.14, 5.22, 5.30, 5.38, 5.56, 5.58, 5.70, 5.82, 5.106, 5.10, 5.18, 5.150, 5.154, 6.14, 6.16, 6.20, 6.24, 6.34, 6.64, 7.4, 7.14, 7.32, 7.40, 7.54, 8.12, 8.20, 8.24, 3.18, 3.32, 3.36, 3.44, 3.56, 9.6, 9.8, 9.14, 9.20, 9.30, 9.34, 1.12, 1.16, 1.20, 1.22
	Зачет с оценкой	0.3	-	-	-	-	-	-	-	0.3	-	-	
	Всего за семестр	72.0	16	-	16	-	-	-	-	0.3	39.7	-	
	Итого за семестр	72.0	16	-	16	-	-	-	-	0.3	39.7	-	

**Примечание:** Лек – лекции; Лаб – лабораторные работы; Пр – практические занятия; КПр – аудиторные консультации по курсовым проектам/работам; ИККП – индивидуальные консультации по курсовым проектам/работам; ГК- групповые консультации по разделам дисциплины; СР – самостоятельная работа студента; ИКР – иная контактная работа; ТК – текущий контроль; ПА – промежуточная аттестация

### 3.2 Краткое содержание разделов

#### 1. Линейная алгебра

##### 1.1. Матрицы и определители

Понятие матрицы. Линейные операции над матрицами. Транспонированная матрица. Определители и их свойства. Алгебраические дополнения и миноры. Обратная матрица..

##### 1.2. Системы линейных уравнений

Определение и свойства линейного пространства. Подпространства линейного пространства. Линейная зависимость и независимость элементов линейного пространства. Базис и координаты. Размерность линейного пространства. Ранг матрицы. Теорема о базисном миноре. Преобразование базиса и координат. Существование решения системы  $m$  линейных уравнений с  $n$  неизвестными. Квадратные системы и формулы Крамера. Однородные системы линейных уравнений: общее решение и фундаментальная совокупность решений (ФСР). Неоднородные системы линейных уравнений: структура общего решения..

##### 1.3. Линейные операторы

Определение линейного оператора, действующего в линейном пространстве. Матрица линейного оператора. Действия над линейными операторами. Обратный оператор. Собственные векторы и собственные значения линейных операторов. Инвариантные подпространства. Понятие квадратичной формы и ее матрицы. Преобразование матрицы квадратичной формы при линейном преобразовании переменных. Канонический вид квадратичной формы. Закон инерции квадратичных форм. Критерий Сильвестра знакоопределенности квадратичной формы. Приведение к каноническому виду уравнения кривой второго порядка и уравнения поверхности второго порядка..

#### 2. Аналитическая геометрия

##### 2.1. Аналитическая геометрия

Векторы. Линейные операции над векторами. Скалярное произведение, его свойства. Длина вектора. Угол между векторами. Векторное произведение (свойства и геометрический смысл). Смешанное произведение и его свойства. Уравнение плоскости. Расстояние от точки до плоскости. Уравнения прямой в пространстве.

### 3.3. Темы практических занятий

1. Матрицы, арифметические действия над ними и их свойства. Понятие определителя для квадратной матрицы и его вычисление. Алгебраические дополнения и миноры. Обратная матрица, её нахождение (2 часа).;
2. Определение и свойства линейного пространства. Подпространства линейного пространства. Линейная зависимость и независимость элементов линейного пространства. Базис и координаты. Размерность линейного пространства. Ранг матрицы. Теорема о базисном миноре. Преобразование базиса и координат (4 часа).;
3. Системы  $m$  линейных уравнений с  $n$  неизвестными. Квадратные системы и формулы Крамера. Однородные системы линейных уравнений: общее решение и фундаментальная совокупность решений (ФСР). Неоднородные системы линейных уравнений: структура общего решения (2 часа).;
4. Линейный оператор, действующий в линейном пространстве. Собственные векторы и собственные значения линейного оператора (2 часа).;
5. Квадратичные формы и приведение их к каноническому виду. Критерий Сильвестра знакоопределенности квадратичных форм (2 часа).;

6. 6. Линейные операции над векторами. Скалярное произведение, его свойства. Длина вектора. Угол между векторами. Векторное произведение (свойства и геометрический смысл). Смешанное произведение и его свойства. Уравнение плоскости. Расстояние от точки до плоскости. Уравнения прямой в пространстве (4 часа)..

### **3.4. Темы лабораторных работ** не предусмотрено

### **3.5 Консультации**

#### *Групповые консультации по разделам дисциплины (ГК)*

1. Обсуждение материалов по кейсам раздела "Линейная алгебра"
2. Обсуждение материалов по кейсам раздела "Аналитическая геометрия"

#### *Текущий контроль (ТК)*

1. Консультации направлены на получение индивидуального задания для выполнения контрольных мероприятий по разделу "Линейная алгебра"
2. Консультации направлены на получение индивидуального задания для выполнения контрольных мероприятий по разделу "Аналитическая геометрия"

### **3.6 Тематика курсовых проектов/курсовых работ** Курсовой проект/ работа не предусмотрены



### 3.7. Соответствие разделов дисциплины и формируемых в них компетенций

Запланированные результаты обучения по дисциплине (в соответствии с разделом 1)	Коды индикаторов	Номер раздела дисциплины (в соответствии с п.3.1)		Оценочное средство (тип и наименование)
		1	2	
<b>Знать:</b>				
основные термины, понятия и определения линейной алгебры и аналитической геометрии	ИД-1 <sub>ОПК-3</sub>		+	Расчетно-графическая работа/Аналитическая геометрия
<b>Уметь:</b>				
производить основные операции над матрицами и вычислять определители	ИД-1 <sub>ОПК-3</sub>	+		Контрольная работа/Матрицы и определители
определять матрицу, собственные значения и собственные векторы линейного оператора	ИД-1 <sub>ОПК-3</sub>	+		Контрольная работа/Линейные операторы
использовать векторный и координатный методы решения геометрических задач	ИД-1 <sub>ОПК-3</sub>		+	Расчетно-графическая работа/Аналитическая геометрия
исследовать и решать системы линейных алгебраических уравнений	ИД-1 <sub>ОПК-3</sub>	+		Контрольная работа/Системы линейных уравнений

## **4. КОМПЕТЕНТНОСТНО-ОРИЕНТИРОВАННЫЕ ОЦЕНОЧНЫЕ СРЕДСТВА ДЛЯ КОНТРОЛЯ ОСВОЕНИЯ РЕЗУЛЬТАТОВ ОБУЧЕНИЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ (ТЕКУЩИЙ КОНТРОЛЬ УСПЕВАЕМОСТИ, ПРОМЕЖУТОЧНАЯ АТТЕСТАЦИЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ)**

### **4.1. Текущий контроль успеваемости**

**1 семестр**

Форма реализации: Защита задания

1. Аналитическая геометрия (Расчетно-графическая работа)

Форма реализации: Письменная работа

1. Линейные операторы (Контрольная работа)
2. Матрицы и определители (Контрольная работа)
3. Системы линейных уравнений (Контрольная работа)

Балльно-рейтинговая структура дисциплины является приложением А.

### **4.2 Промежуточная аттестация по дисциплине**

*Зачет с оценкой (Семестр №1)*

итоговая оценка за освоение дисциплины определяется в соответствии с Положением о балльно-рейтинговой системе для студентов НИУ «МЭИ».

В диплом выставляется оценка за 1 семестр.

**Примечание:** Оценочные материалы по дисциплине приведены в фонде оценочных материалов ОПОП.

## **5. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ**

### **5.1 Печатные и электронные издания:**

1. Бутузов, В. Ф. Линейная алгебра в вопросах и задачах : Учебное пособие для вузов / В. Ф. Бутузов, Н. Ч. Крутицкая, А. А. Шишкин . – М. : Физматлит, 2001 . – 248 с. - ISBN 5-922100-22-X .;
2. Бугров, Я. С. Высшая математика: В 3 т. Т.1. Элементы линейной алгебры и аналитической геометрии : Учебник для вузов по инженерно-техническим специальностям / Я. С. Бугров, С. М. Никольский . – 5-е изд., стереотип . – М. : Дрофа, 2003 . – 288 с. – (Высшее образование: Современный учебник) . - ISBN 5-7107-6554-6 .;
3. Кузнецов, Л. А. Сборник заданий по высшей математике. Типовые расчеты : учебное пособие для вузов по направлениям подготовки и специальностям в области естественных наук и математики, техники и технологий, образования и педагогики / Л. А. Кузнецов . – 11-е изд., стер . – СПб. : Лань-Пресс, 2008 . – 240 с. – (Учебники для вузов. Специальная литература) . - ISBN 978-5-8114-0574-9 .;
4. Петрушко И. М., Бараненков А. И., Богомолова Е. П.- "Сборник задач и типовых расчетов по высшей математике", Издательство: "Лань", Санкт-Петербург, 2009 - (240 с.)  
[https://e.lanbook.com/books/element.php?pl1\\_cid=25&pl1\\_id=310](https://e.lanbook.com/books/element.php?pl1_cid=25&pl1_id=310).

### **5.2 Лицензионное и свободно распространяемое программное обеспечение:**

1. СДО "Прометей";
2. Office / Российский пакет офисных программ;
3. Windows / Операционная система семейства Linux;

4. Видеоконференции (Майнд, Сберджаз, ВК и др).

### 5.3 Интернет-ресурсы, включая профессиональные базы данных и информационно-справочные системы:

1. ЭБС Лань - <https://e.lanbook.com/>
2. ЭБС "Университетская библиотека онлайн" - [http://biblioclub.ru/index.php?page=main\\_ub\\_red](http://biblioclub.ru/index.php?page=main_ub_red)
3. Научная электронная библиотека - <https://elibrary.ru/>
4. Электронная библиотека МЭИ (ЭБ МЭИ) - <http://elib.mpei.ru/login.php>
5. Портал открытых данных Российской Федерации - <https://data.gov.ru>
6. База открытых данных Министерства труда и социальной защиты РФ - <https://rosmintrud.ru/opendata>
7. База открытых данных профессиональных стандартов Министерства труда и социальной защиты РФ - <http://profstandart.rosmintrud.ru/obshchiy-informatsionnyy-blok/natsionalnyy-reestr-professionalnykh-standartov/>
8. База открытых данных Министерства экономического развития РФ - <http://www.economy.gov.ru>
9. База открытых данных Росфинмониторинга - <http://www.fedsfm.ru/opendata>
10. Электронная открытая база данных "Polpred.com Обзор СМИ" - <https://www.polpred.com>

### 6. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

Тип помещения	Номер аудитории, наименование	Оснащение
Учебные аудитории для проведения лекционных занятий и текущего контроля	Ж-120, Машинный зал ИВЦ	сервер, кондиционер
Учебные аудитории для проведения практических занятий, КР и КП	А-302, Учебная аудитория "А"	парта со скамьей, стол преподавателя, стул, доска меловая
	Д-420, Учебная аудитория	парта со скамьей, стол преподавателя, стул, доска меловая
	Д-419, Учебная аудитория	парта со скамьей, стол преподавателя, стул, доска меловая
Учебные аудитории для проведения промежуточной аттестации	А-302, Учебная аудитория "А"	парта со скамьей, стол преподавателя, стул, доска меловая
	Д-420, Учебная аудитория	парта со скамьей, стол преподавателя, стул, доска меловая
	Д-419, Учебная аудитория	парта со скамьей, стол преподавателя, стул, доска меловая
Помещения для самостоятельной работы	Г-206, Аспирантская кафедры "ГВИЭ"	кресло рабочее, стул, шкаф для документов, стол письменный, тумба, компьютерная сеть с выходом в Интернет, компьютер персональный, принтер, кондиционер
Помещения для хранения оборудования и учебного инвентаря	Г-225, Кладовая кафедры "ГВИЭ"	стеллаж для хранения инвентаря, стул, стол письменный, компьютерная сеть с выходом в Интернет, набор инструментов для профилактического обслуживания оборудования, наборы демонстрационного оборудования, архивные документы, дипломные и курсовые

		работы студентов, канцелярский принадлежности, запасные комплектующие для оборудования, сменные запчасти для ЭВМ
--	--	--

**БАЛЛЬНО-РЕЙТИНГОВАЯ СТРУКТУРА ДИСЦИПЛИНЫ****Линейная алгебра и аналитическая геометрия**

(название дисциплины)

**1 семестр****Перечень контрольных мероприятий текущего контроля успеваемости по дисциплине:**

- КМ-1 Матрицы и определители (Контрольная работа)  
 КМ-2 Системы линейных уравнений (Контрольная работа)  
 КМ-3 Линейные операторы (Контрольная работа)  
 КМ-4 Аналитическая геометрия (Расчетно-графическая работа)

**Вид промежуточной аттестации – Зачет с оценкой.**

Номер раздела	Раздел дисциплины	Индекс КМ:	КМ-1	КМ-2	КМ-3	КМ-4
		Неделя КМ:	3	6	12	15
1	Линейная алгебра					
1.1	Матрицы и определители		+			
1.2	Системы линейных уравнений			+		
1.3	Линейные операторы				+	
2	Аналитическая геометрия					
2.1	Аналитическая геометрия					+
Вес КМ, %:			25	25	25	25