

**Министерство науки и высшего образования РФ  
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение  
высшего образования  
«Национальный исследовательский университет «МЭИ»**

**Направление подготовки/специальность: 27.03.02 Управление качеством**

**Наименование образовательной программы: Управление качеством продукции, процессов и услуг**

**Уровень образования: высшее образование - бакалавриат**

**Форма обучения: Заочная**

**Оценочные материалы  
по дисциплине  
Теория вероятностей и математическая статистика**

**Москва  
2021**

## ОЦЕНОЧНЫЕ МАТЕРИАЛЫ РАЗРАБОТАЛ:

Преподаватель

(должность)

	Подписано электронной подписью ФГБОУ ВО «НИУ «МЭИ»	
	Сведения о владельце ЦЭП МЭИ	
	Владелец	Янченко А.Я.
	Идентификатор	Rf0c8420a-YanchenkoAY-4bf6dae3

(подпись)

А.Я. Янченко

(расшифровка  
подписи)

## СОГЛАСОВАНО:

Руководитель  
образовательной  
программы

(должность, ученая степень, ученое  
звание)

	Подписано электронной подписью ФГБОУ ВО «НИУ «МЭИ»	
	Сведения о владельце ЦЭП МЭИ	
	Владелец	Знаменская М.А.
	Идентификатор	R0edb956b-ZnamenskayaMA-72cea9

(подпись)

М.А.  
Знаменская

(расшифровка  
подписи)

Заведующий  
выпускающей кафедры

(должность, ученая степень, ученое  
звание)

	Подписано электронной подписью ФГБОУ ВО «НИУ «МЭИ»	
	Сведения о владельце ЦЭП МЭИ	
	Владелец	Кетоева Н.Л.
	Идентификатор	R56dba1ba-KetoyevaNL-5403d8c5

(подпись)

Н.Л. Кетоева

(расшифровка  
подписи)

## ОБЩАЯ ЧАСТЬ

Оценочные материалы по дисциплине предназначены для оценки: достижения обучающимися запланированных результатов обучения по дисциплине, этапа формирования запланированных компетенций и уровня освоения дисциплины.

Оценочные материалы по дисциплине включают оценочные средства для проведения мероприятий текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации.

Формируемые у обучающегося компетенции:

1. ОПК-2 Способен формулировать задачи управления в технических системах на основе знаний по профильным разделам математических и естественно-научных дисциплин (модулей)

ИД-1 Демонстрирует знания теории вероятностей, статистики, комбинаторики, а также существующих групп статистических и логических методов управления качеством

ИД-2 Формулирует и анализирует задачи профессиональной деятельности

2. ОПК-4 Способен осуществлять оценку эффективности систем управления качеством, разработанных на основе математических методов

ИД-1 Применяет основные принципы анализа качества процессов, управления процессами на основе применения контрольных карт, а также статистических аспектов приемочного контроля качества продукции

3. ОПК-8 Способен осуществлять критический анализ и обобщение профессиональной информации в рамках управления качеством продукции, процессов, услуг

ИД-2 Использует статистические методы анализа и обработки профессиональной информации о качестве продукции, процессов и услуг

и включает:

**для текущего контроля успеваемости:**

Форма реализации: Компьютерное задание

1. Вычисление числовых характеристик случайных величин (Тестирование)
2. Различные типы вероятностных пространств (Тестирование)

Форма реализации: Письменная работа

1. Анализ статистических выборок (Контрольная работа)

### БРС дисциплины

3 семестр

Раздел дисциплины	Веса контрольных мероприятий, %			
	Индекс КМ:	КМ-1	КМ-2	КМ-3
	Срок КМ:	6	9	15
Элементарная теория вероятностей				
Элементарная теория вероятностей		+		
Случайные величины				

Непрерывные и дискретные случайные величины		+	
Элементы математической статистики			
Статистические выборки; выборочные средние			+
Вес КМ:	35	30	35

\$Общая часть/Для промежуточной аттестации\$

## СОДЕРЖАНИЕ ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ ТЕКУЩЕГО КОНТРОЛЯ

### *I. Оценочные средства для оценки запланированных результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с индикаторами достижения компетенций*

Индекс компетенции	Индикатор	Запланированные результаты обучения по дисциплине	Контрольная точка
ОПК-2	ИД-1 <sub>ОПК-2</sub> Демонстрирует знания теории вероятностей, статистики, комбинаторики, а также существующих групп статистических и логических методов управления качеством	Знать: решать комбинаторными методами простейшие вероятностные задачи	Различные типы вероятностных пространств (Тестирование)
ОПК-2	ИД-2 <sub>ОПК-2</sub> Формулирует и анализирует задачи профессиональной деятельности	Уметь: элементы регрессионного анализа	Анализ статистических выборок (Контрольная работа)
ОПК-4	ИД-1 <sub>ОПК-4</sub> Применяет основные принципы анализа качества процессов, управления процессами на основе применения контрольных карт, а также статистических аспектов приемочного контроля качества продукции	Знать: стандартные распределения случайных величин Уметь: находить доверительные интервалы для математического ожидания и дисперсии	Вычисление числовых характеристик случайных величин (Тестирование) Анализ статистических выборок (Контрольная работа)
ОПК-8	ИД-2 <sub>ОПК-8</sub> Использует статистические методы анализа и обработки	Знать: центральную предельную теорему	Различные типы вероятностных пространств (Тестирование) Анализ статистических выборок (Контрольная работа)

	профессиональной информации о качестве продукции, процессов и услуг	Уметь: проводить оценки по методу наименьших квадратов	
--	---	---	--

## II. Содержание оценочных средств. Шкала и критерии оценивания

### КМ-1. Различные типы вероятностных пространств

**Формы реализации:** Компьютерное задание

**Тип контрольного мероприятия:** Тестирование

**Вес контрольного мероприятия в БРС:** 35

**Процедура проведения контрольного мероприятия:** Тестирование проводится с использованием СДО "Прометей". К тестированию допускается пользователь изучивший материалы, авторизованных уникальным логином и паролем. Время отведенное на выполнение задания не более 60 минут. Количество попыток не более 3х

#### Краткое содержание задания:

Контрольная точка направлена на усвоение приёмов и методов решения задач по элементарной теории вероятностей

#### Контрольные вопросы/задания:

Знать: решать комбинаторными методами простейшие вероятностные задачи	1. Из колоды в 52 карты извлекаются наудачу 4 карты. Вероятность того, что среди них окажутся ровно две пики равна 1) 0.213 2) 0.76 3) 0.145 4) 0.531 5) 0.39 ответ: 1 2. В первом ящике 20 белых и 1 чёрный шар, во втором 50 белых и 6 чёрных. Из первого ящика во второй переложили 11 шаров, затем из второго извлекли 1 шар. Найти вероятность того, что выбранный шар - белый.
Знать: центральную предельную теорему	1. Шесть человек вошли в лифт на 1-м этаже 7-миэтажного дома. Считая, что любой пассажир может с равной вероятностью выйти на 2-м, 3-м, 4-м, 5-м, 6-м, 7-м этажах. Вероятность того, что на каждом этаже выйдет по одному пассажиру равна  2. В колоде 36 карт. Каждому из четырех игроков раздали по 6 карт. Найдите вероятность того, что каждый игрок получил по одному тузу равна

#### Описание шкалы оценивания:

Оценка: 5

Нижний порог выполнения задания в процентах: 92

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "отлично" выставляется если задание выполнено в полном объеме или выполнено верно на 92 %

Оценка: 4

Нижний порог выполнения задания в процентах: 75

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "хорошо" выставляется если верно выполнено не менее 75% заданий теста

Оценка: 3

Нижний порог выполнения задания в процентах: 50

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "удовлетворительно" выставляется если верно выполнено не менее 50% заданий теста

## КМ-2. Вычисление числовых характеристик случайных величин

**Формы реализации:** Компьютерное задание

**Тип контрольного мероприятия:** Тестирование

**Вес контрольного мероприятия в БРС:** 30

**Процедура проведения контрольного мероприятия:** Тестирование проводится с использованием СДО "Прометей". К тестированию допускается пользователь изучивший материалы, авторизованных уникальным логином и паролем. Время отведенное на выполнение задания не более 90 минут. Количество попыток не более 3х

### Краткое содержание задания:

Контрольная точка направлена на оценку освоения законов распределения стандартных случайных величин

### Контрольные вопросы/задания:

<p>Знать: стандартные распределения случайных величин</p>	<p>1. Монету бросают до первого выпадения герба, либо до тех пор, пока цифра не выпадет 4 раза. Найдите среднее число бросков монеты.</p> <p>2. Найдите среднее квадратическое отклонение случайной величины <math>Z=2X-Y+5</math>, если <math>M(X)=3</math>, <math>M(Y)=5</math>, <math>D(X)=2</math>, <math>D(Y)=1</math>, а случайные величины <math>X</math> и <math>Y</math> независимы</p> <p>3. Игровой кубик подбрасывают 15 раз. Оцените вероятность того, что суммарное число выпавших очков превысит 50.</p> <p>4. Вероятность попадания в цель при одном выстреле равна 0.3. Найти сколько нужно сделать выстрелов, чтобы вероятность поражения цели была больше 0.9</p>
---	--

### Описание шкалы оценивания:

Оценка: 5

Нижний порог выполнения задания в процентах: 92

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "отлично" выставляется если задание выполнено в полном объеме или выполнено верно на 92 %

Оценка: 4

Нижний порог выполнения задания в процентах: 75

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "хорошо" выставляется если верно выполнено не менее 75% заданий теста

Оценка: 3

Нижний порог выполнения задания в процентах: 50



Описание характеристики выполнения знания: Оценка "удовлетворительно" выставляется если верно выполнено не менее 50% заданий теста

### КМ-3. Анализ статистических выборок

**Формы реализации:** Письменная работа

**Тип контрольного мероприятия:** Контрольная работа

**Вес контрольного мероприятия в БРС:** 35

**Процедура проведения контрольного мероприятия:** Тестирование проводится с использованием СДО "Прометей". К тестированию допускается пользователь изучивший материалы, авторизированных уникальным логином и паролем. Время отведенное на выполнение задания не более 60 минут. Количество попыток не более 3х

#### Краткое содержание задания:

Контрольная точка направлена на оценку освоения вычисление выборочных числовых характеристик по заданным статистическим выборкам

#### Контрольные вопросы/задания:

<p>Уметь: элементы регрессионного анализа</p>	<p>1. Стрелок 20 раз попал в цель при 100 выстрелах. Построить доверительный интервал для вероятности попадания в цель при одном выстреле для уравнения надёжности <math>\gamma = 0.9</math></p> <p>1.</p> <p>2.Ковариация между выборками <math>x = (x_1, x_2, \dots, x_n)</math> и <math>y = (y_1, y_2, \dots, y_n)</math>, вычисляется по формуле:</p> <p>1) <math>cov(x, y) = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y})</math></p> <p>2) <math>cov(x, y) = \sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y})</math></p> <p>3) <math>cov(x, y) = \frac{n-1}{n} \sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y})</math></p> <p>4) <math>cov(x, y) = \frac{n}{n-1} \sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y})</math></p> <p>ответ: 1</p>																						
<p>Уметь: находить доверительные интервалы для математического ожидания и дисперсии</p>	<p>1.к</p> <p>2.</p> <p>Найти коэффициент корреляции, если по данным измерений двух случайных величин составлена таблица:</p> <table border="1" data-bbox="767 1711 1332 1780"> <tr> <td>X</td> <td>6</td> <td>10</td> <td>15</td> <td>20</td> <td>22</td> <td>25</td> <td>30</td> <td>32</td> <td>35</td> <td>38</td> </tr> <tr> <td>Y</td> <td>0</td> <td>18</td> <td>5</td> <td>27</td> <td>14</td> <td>10</td> <td>18</td> <td>35</td> <td>28</td> <td>30</td> </tr> </table> <p>1) 0,743 2) 0,441 3) 0,249 4) 0,691 5) 0,925 ответ: 1</p>	X	6	10	15	20	22	25	30	32	35	38	Y	0	18	5	27	14	10	18	35	28	30
X	6	10	15	20	22	25	30	32	35	38													
Y	0	18	5	27	14	10	18	35	28	30													

Уметь: проводить оценки по методу наименьших квадратов	1.Измерения сопротивления резистора дали следующей результаты (в омах) : X1=592, X2=595, X3=594, X4=592, X5=593, X6=597, X7=595,X8=589, X9=590. Известно, что ошибки измерения имеют нормальный закон распределения. Систематическая ошибка отсутствует. Построить доверительный интервал для интенсивного сопротивления резистора с надёжностью 0.99 в предположении: D (x)=4
--	--

**Описание шкалы оценивания:**

*Оценка: 5*

*Нижний порог выполнения задания в процентах: 92*

*Описание характеристики выполнения знания: Оценка "отлично" выставляется если задание выполнено в полном объеме или выполнено верно на 92 %*

*Оценка: 4*

*Нижний порог выполнения задания в процентах: 75*

*Описание характеристики выполнения знания: Оценка "хорошо" выставляется если верно выполнено не менее 75% заданий теста*

*Оценка: 3*

*Нижний порог выполнения задания в процентах: 50*

*Описание характеристики выполнения знания: Оценка "удовлетворительно" выставляется если верно выполнено не менее 50% заданий теста*

# СОДЕРЖАНИЕ ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ

## 3 семестр

**Форма промежуточной аттестации:** Зачет с оценкой

### Пример билета

Вид билета связан с интерфейсом сервиса "Прометей"



### Процедура проведения

В тесте 20 вопросов встречаются вопросы следующих типов: 1. с одним вариантом ответа ( в вопросах «один из многих», система сравнивает ответ слушателя с правильным ответом и автоматически выставляет за него назначенный балл) 2. с выбором нескольких вариантов ответов ( в вопросах «многие из многих» система оценивает каждый ответ отдельно; есть возможность разрешить слушателю получить за вопрос 0,75 балла, если он выберет 3 правильных ответа из 4) 3. на соответствие слушатель должен привести в соответствие левую и правую часть ответа (в вопросах «соответствие» система оценивает каждый ответ отдельно; можно разрешить слушателю получить за вопрос 0,75 балла, если он выберет 3 правильных ответа из 4) 4. развернутый ответ, вводится в ручную в специально отведенное поле (ручная оценка преподавателем)

### *1. Перечень компетенций/индикаторов и контрольных вопросов проверки результатов освоения дисциплины*

**1. Компетенция/Индикатор:** ИД-1опк-2 Демонстрирует знания теории вероятностей, статистики, комбинаторики, а также существующих групп статистических и логических методов управления качеством

#### **Вопросы, задания**

- 1.Закон больших чисел и усиленный закон больших чисел. Метод Монте--Карло
- 2.Теорема Харди--Рамануджана о количестве различных простых делителей числа
- 3.Неравенство Чебышёва. Математическое ожидание и дисперсия для равномерного и нормального распределений

#### **Материалы для проверки остаточных знаний**

1.Среднее квадратическое отклонение – это:

Ответы:

- 1) квадратный корень из дисперсии 2) квадрат дисперсии 3) половина дисперсии 4) дисперсия минус квадрат среднего значения

Верный ответ: 1

2.Выборка задана в виде распределения частот: Тогда среднее значение выборки равно:

$x_i$	1	2	3	5
$n_i$	15	20	10	5

Ответы:

- 1) 2,2 2) 2 3) 2,5 4) 2,7

Верный ответ: 1

3. Плотность равномерного распределения дана формулой:  $f(x) = 1/(b - a)$ , если  $a \leq x \leq b$ ,  $f(x) = 0$ , если  $x < a$  и  $x > b$ . Тогда математическое ожидание случайной величины с таким распределением равно:

Ответы:

- 1)  $(a + b)/2$  2)  $(a - b)/2$  3)  $(a + b)/4$  4)  $(a - b)/4$

Верный ответ: 1

4. Перестановками из  $n$  элементов называются такие комбинации,

Ответы:

1) из которых каждое содержит все  $n$  элементов, и которые отличаются друг от друга только порядком расположения элементов 2) из которых каждое содержит все  $n$  элементов, и которые отличаются друг от друга только составом элементов 3) из которых каждое содержит все  $n$  элементов, и которые отличаются друг от друга составом элементов и порядком их следования 4) из которых каждое содержит не менее  $n$  элементов, и которые отличаются друг от друга составом элементов и порядком их следования

Верный ответ: 1

5. Сколько экзаменационных комиссий, состоящих из 7 человек, можно образовать из 14 преподавателей?

Ответы:

- 1) 3432 2) 4432 3) 14 4) 98

Верный ответ: 1

**2. Компетенция/Индикатор:** ИД-2<sub>ОПК-2</sub> Формулирует и анализирует задачи профессиональной деятельности

### Вопросы, задания

1. Математическое ожидание суммы случайного количества случайных величин.

Мартингалы

2. Свойства условных математических ожиданий

3. Математическое ожидание для комплекснозначных случайных величин

### Материалы для проверки остаточных знаний

1. Коэффициент корреляции двух случайных величин  $X$  и  $Y$  принимает значения:

Ответы:

- 1) на отрезке  $[-1; 1]$  2) на интервале  $(-1; 1)$  3) на интервале  $(-\infty; 1)$  4) на полуинтервале  $[1; \infty)$

Верный ответ: 1

2. Случайная величина, распределена по показательному закону  $f(x) = \lambda e^{-\lambda x}$ .

Произведена выборка, среднее значение которой равно 10. Тогда параметр  $\lambda$  оценивается числом:

Ответы:

- 1) 0,1 2) 10 3) 1 4)  $\sqrt{10}$

Верный ответ: 1

3. Распределение дискретной случайной величины  $X$  имеет вид: Математическое ожидание случайной величины  $M(x)$  равно:

$x_i$	200	1600
$p_i$	0,3	0,7

Ответы:

- 1) 1180 2) 1800 3) 1400 4) 1600

Верный ответ: 1

**3. Компетенция/Индикатор:** ИД-1<sub>ОПК-4</sub> Применяет основные принципы анализа качества процессов, управления процессами на основе применения контрольных карт, а также статистических аспектов приемочного контроля качества продукции

**Вопросы, задания**

1. Теорема Пойя о возвращении
2. Теорема Маркова
3. Случайные процессы. Траектории

**Материалы для проверки остаточных знаний**

1. Вариационный ряд – это:

Ответы:

- 1) ранжированный в порядке возрастания или убывания ряд вариантов
- 2) ранжированный в порядке возрастания ряд вариантов
- 3) ранжированный в порядке убывания ряд вариантов
- 4) ряд признаков, полученных в результате измерения какого-либо экономического процесса

Верный ответ: 1

2. Выборка задана в виде распределения частот: Тогда медиана этого вариационного ряда равна:

$x_i$	4	7	8	12	17
$n_i$	2	4	5	6	3

Ответы:

- 1) 8
- 2) 7
- 3) 12
- 4) 7,5

Верный ответ: 1

3. При каком значении линейного коэффициента корреляции между признаками связь можно считать самой сильной:

Ответы:

- 1) -0,981
- 2) 0,645
- 3) 0,111
- 4) 0,434

Верный ответ: 1

**4. Компетенция/Индикатор:** ИД-2<sub>ОПК-8</sub> Использует статистические методы анализа и обработки профессиональной информации о качестве продукции, процессов и услуг

**Вопросы, задания**

1. Вероятностная модель эксперимента со случайными исходами. Операции над событиями и операции над множествами
2. Ветвящиеся процессы. Вероятность вырождения и скорость вырождения в критическом случае
3. Случайные блуждания по целым точкам прямой и на целочисленной решетке

**Материалы для проверки остаточных знаний**

1. Значение  $\frac{6!}{A_{10}^7} (C_7^5 + C_7^3)$  равно:

Ответы:

- 1) 1/15
- 2) 1
- 3) 3/7
- 4) 2/15

Верный ответ: 1

2. Средний стаж работы рабочих АО составил 5 лет. Дисперсия стажа работы 4 года. Чему равен коэффициент вариации?

Ответы:

- 1) 40%
- 2) 80%
- 3) 50%
- 4) 125%

Верный ответ: 1

3. Значение  $\frac{1}{A_{20}^4}(A_{20}^6 + A_{20}^5)$  равно

Ответы:

1) 256 2) 225 3) 196 4) 289

Верный ответ: 1

## **II. Описание шкалы оценивания**

*Оценка: 5*

*Нижний порог выполнения задания в процентах: 92*

*Описание характеристики выполнения знания:* Работа выполнена в рамках "продвинутого" уровня. Ответы даны верно, четко сформулированные особенности практических решений

*Оценка: 4*

*Нижний порог выполнения задания в процентах: 75*

*Описание характеристики выполнения знания:* Работа выполнена в рамках "базового" уровня. Большинство ответов даны верно. В части материала есть незначительные недостатки

*Оценка: 3*

*Нижний порог выполнения задания в процентах: 50*

*Описание характеристики выполнения знания:* Работа выполнена в рамках "порогового" уровня. Основная часть задания выполнена верно. на вопросы углубленного уровня

## **III. Правила выставления итоговой оценки по курсу**

Оценка определяется в соответствии с Положением о балльно-рейтинговой системе для студентов НИУ «МЭИ» на основании семестровой и аттестационной составляющих.