

**Министерство науки и высшего образования РФ
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования
«Национальный исследовательский университет «МЭИ»**

Направление подготовки/специальность: 27.03.04 Управление в технических системах

Наименование образовательной программы: Автоматизированные системы управления

Уровень образования: высшее образование - бакалавриат

Форма обучения: Заочная

**Оценочные материалы
по дисциплине
Математический анализ**

**Москва
2024**

ОЦЕНОЧНЫЕ МАТЕРИАЛЫ РАЗРАБОТАЛ:

Разработчик

	Подписано электронной подписью ФГБОУ ВО «НИУ «МЭИ»	
	Сведения о владельце ЦЭП МЭИ	
	Владелец	Подкопаева В.А.
	Идентификатор	R8d0dd34a-PodkopaevaVA-ef29ca

В.А.
Подкопаева

СОГЛАСОВАНО:

Руководитель
образовательной
программы

	Подписано электронной подписью ФГБОУ ВО «НИУ «МЭИ»	
	Сведения о владельце ЦЭП МЭИ	
	Владелец	Вершинин Д.В.
	Идентификатор	R37a53c2e-VershininDV-fbbff249

Д.В.
Вершинин

Заведующий
выпускающей кафедрой

	Подписано электронной подписью ФГБОУ ВО «НИУ «МЭИ»	
	Сведения о владельце ЦЭП МЭИ	
	Владелец	Бобряков А.В.
	Идентификатор	R2c90f415-BobriakovAV-70dec1fa

А.В.
Бобряков

ОБЩАЯ ЧАСТЬ

Оценочные материалы по дисциплине предназначены для оценки достижения обучающимися запланированных результатов обучения по дисциплине, этапа формирования запланированных компетенций и уровня освоения дисциплины.

Оценочные материалы по дисциплине включают оценочные средства для проведения мероприятий текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации.

Формируемые у обучающегося компетенции:

1. ОПК-1 Способен анализировать задачи профессиональной деятельности на основе положений, законов и методов естественных наук и математики

ИД-1 Применяет математический аппарат линейной алгебры, аналитической геометрии, дифференциального и интегрального исчисления функций

ИД-2 Применяет математический аппарат теории рядов и численных методов, теории дифференциальных уравнений

и включает:

для текущего контроля успеваемости:

Форма реализации: Компьютерное задание

1. Векторный анализ (Тестирование)
2. Дифференциальные уравнения 1-го порядка (Тестирование)
3. Дифференциальные уравнения высших порядков (Тестирование)
4. Дифференцирование (Тестирование)
5. Интегралы (Тестирование)
6. Кратные интегралы (Тестирование)
7. Пределы (Тестирование)
8. Функции нескольких переменных (Тестирование)

Форма реализации: Письменная работа

1. Графики (Контрольная работа)
2. Ряды (Контрольная работа)

БРС дисциплины

2 семестр

Перечень контрольных мероприятий текущего контроля успеваемости по дисциплине:

- КМ-1 Пределы (Тестирование)
КМ-2 Дифференцирование (Тестирование)
КМ-3 Графики (Контрольная работа)
КМ-4 Функции нескольких переменных (Тестирование)
КМ-5 Интегралы (Тестирование)

Вид промежуточной аттестации – Экзамен.

Раздел дисциплины	Веса контрольных мероприятий, %					
	Индекс	КМ-1	КМ-2	КМ-3	КМ-4	КМ-5

	КМ:					
	Срок КМ:	4	8	10	13	16
Пределы						
Пределы		+				
Непрерывность функции		+				
Дифференциальное исчисление						
Дифференциальное исчисление			+			
Правило Лопиталя			+			
Формула Тейлора			+			
Графики						
Исследование функций				+		
Построение графиков функций.				+		
Функции нескольких переменных						
Функции нескольких переменных					+	
Экстремумы функции нескольких переменных					+	
Интегральное исчисление						
Неопределённый интеграл						+
Определённый интеграл						+
Несобственный интеграл						+
Вес КМ:		20	25	10	20	25

3 семестр

Перечень контрольных мероприятий текущего контроля успеваемости по дисциплине:

- КМ-1 Дифференциальные уравнения 1-го порядка (Тестирование)
- КМ-2 Дифференциальные уравнения высших порядков (Тестирование)
- КМ-3 Ряды (Контрольная работа)
- КМ-4 Кратные интегралы (Тестирование)
- КМ-5 Векторный анализ (Тестирование)

Вид промежуточной аттестации – Экзамен.

Раздел дисциплины	Веса контрольных мероприятий, %					
	Индекс КМ:	КМ-1	КМ-2	КМ-3	КМ-4	КМ-5

	Срок КМ:	3	5	9	13	16
Дифференциальные уравнения 1-го порядка						
Дифференциальные уравнения 1-го порядка	+					
Задача Коши	+					
Дифференциальные уравнения высших порядков						
Дифференциальные уравнения высших порядков		+				
Системы дифференциальных уравнений		+				
Ряды						
Числовые ряды				+		
Знакопеременные ряды				+		
Степенные ряды. Ряд Тейлора				+		
Кратные интегралы						
Кратные интегралы					+	
Приложения кратных интегралов					+	
Векторный анализ						
Поверхностные интегралы						+
Криволинейные интегралы						+
Вес КМ:		25	20	10	20	25

СОДЕРЖАНИЕ ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ ТЕКУЩЕГО КОНТРОЛЯ

I. Оценочные средства для оценки запланированных результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с индикаторами достижения компетенций

Индекс компетенции	Индикатор	Запланированные результаты обучения по дисциплине	Контрольная точка
ОПК-1	ИД-1 _{ОПК-1} Применяет математический аппарат линейной алгебры, аналитической геометрии, дифференциального и интегрального исчисления функций	Знать: основные приёмы интегрирования основные приёмы дифференцирования функций нескольких переменных основные приёмы дифференцирования основные понятия теории пределов исследовать функции и строить их графики	КМ-1 Пределы (Тестирование) КМ-2 Дифференцирование (Тестирование) КМ-3 Графики (Контрольная работа) КМ-4 Функции нескольких переменных (Тестирование) КМ-9 Кратные интегралы (Тестирование)
ОПК-1	ИД-2 _{ОПК-1} Применяет математический аппарат теории рядов и численных методов, теории дифференциальных уравнений	Знать: основные признаки сходимости рядов основные понятия и определения интегрального исчисления функций нескольких переменных Уметь: Решать стандартные дифференциальные уравнения	КМ-5 Интегралы (Тестирование) КМ-6 Дифференциальные уравнения 1-го порядка (Тестирование) КМ-7 Дифференциальные уравнения высших порядков (Тестирование) КМ-8 Ряды (Контрольная работа) КМ-10 Векторный анализ (Тестирование)

		Решать дифференциальные уравнения высших порядков Вычислять поток и циркуляцию векторного поля	
--	--	---	--

II. Содержание оценочных средств. Шкала и критерии оценивания

2 семестр

КМ-1. Пределы

Формы реализации: Компьютерное задание

Тип контрольного мероприятия: Тестирование

Вес контрольного мероприятия в БРС: 20

Процедура проведения контрольного мероприятия: Контрольная точка направлена на оценку освоения компетенции по темам: вычисление пределов, производных и построение графиков функций.

Краткое содержание задания:

Контрольная точка направлена на оценку освоения компетенции по темам: вычисление пределов

Контрольные вопросы/задания:

Запланированные результаты обучения по дисциплине	Вопросы/задания для проверки
Знать: основные приёмы дифференцирования	1.знать основные подходы к взятию пределов 2.Вычислить: $\lim_{n \rightarrow 5} \frac{\sqrt{x-1}-2}{x-5}$ 3.Вычислить: $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(1+x)}{\sqrt[7]{1+x}-1}$ 4.Вычислить: $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{4n^2+5n+2}{3n^2+3n-4}$ 5.Вычислить: $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n^3-3n-2}{(n^2-2)^2}$

Описание шкалы оценивания:

Оценка: 5 («отлично»)

Нижний порог выполнения задания в процентах: 92

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "отлично" выставляется если задание выполнено в полном объеме или выполнено преимущественно верно

Оценка: 4 («хорошо»)

Нижний порог выполнения задания в процентах: 75

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "хорошо" выставляется если большинство вопросов раскрыто. выбрано верное направление для решения задач

Оценка: 3 («удовлетворительно»)

Нижний порог выполнения задания в процентах: 50

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "удовлетворительно" выставляется если задание преимущественно выполнено

Оценка: 2 («неудовлетворительно»)

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "неудовлетворительно" выставляется если задание выполнено неверно или преимущественно не выполнено

КМ-2. Дифференцирование

Формы реализации: Компьютерное задание

Тип контрольного мероприятия: Тестирование

Вес контрольного мероприятия в БРС: 25

Процедура проведения контрольного мероприятия: Тестирование проводится с использованием СДО "Прометей". К тестированию допускается пользователь изучивший материалы, авторизованных уникальным логином и паролем. Время отведенное на выполнение задания не более 60 минут. Количество попыток не более 3х.

Краткое содержание задания:

Вычисление производной сложной функции, вычисление логарифмической производной, вычисление производных функций, заданных неявно и параметрически. Вычисление дифференциалов высших порядков.

Контрольные вопросы/задания:

Запланированные результаты обучения по дисциплине	Вопросы/задания для проверки
Знать: основные приёмы дифференцирования функций нескольких переменных	1.найти производную $y = \frac{2x^9}{9+x}$ 2.найти производную $y = \sqrt[3]{x^3 + 3x} + 3$ 3.найти производную $y = x^{\frac{1}{\ln^2 x}}$ 4.найти производную $y = (1 - 2x)^{10}$ 5.найти производную $y = \log_2 \left(x^3 + 2x + 1 \right)$

Описание шкалы оценивания:

Оценка: 5 («отлично»)

Нижний порог выполнения задания в процентах: 92

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "отлично" выставляется если задание выполнено в полном объеме или выполнено преимущественно верно

Оценка: 4 («хорошо»)

Нижний порог выполнения задания в процентах: 75

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "хорошо" выставляется если большинство вопросов раскрыто. выбрано верное направление для решения задач

Оценка: 3 («удовлетворительно»)

Нижний порог выполнения задания в процентах: 50

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "удовлетворительно" выставляется если задание преимущественно выполнено

Оценка: 2 («неудовлетворительно»)

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "неудовлетворительно" выставляется если задание выполнено неверно или преимущественно не выполнено

КМ-3. Графики

Формы реализации: Письменная работа

Тип контрольного мероприятия: Контрольная работа

Вес контрольного мероприятия в БРС: 10

Процедура проведения контрольного мероприятия: Тестирование проводится с использованием СДО "Прометей". К тестированию допускается пользователь изучивший материалы, авторизованных уникальным логином и паролем. Время отведенное на выполнение задания не более 60 минут. Количество попыток не более 3х.

Краткое содержание задания:

Уметь проводить полное исследование функции и строить графики

Контрольные вопросы/задания:

Запланированные результаты обучения по дисциплине	Вопросы/задания для проверки
Знать: исследовать функции и строить их графики	1.Найти точками локального экстремума для функции $f(x) = x^3 + x^2 - 5x + 6$ 2.Найти максимальное значение функции $f(x)=\ln x/x$ на отрезке $[1;3]$ 3.Исследовать функции и строить графики 4.Исследовать функции и построить график $y = \ln \left(x^2 + 2x + 2 \right)$ 5.Исследовать функции и построить график $y = x \ln x$

Описание шкалы оценивания:

Оценка: 5 («отлично»)

Нижний порог выполнения задания в процентах: 92

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "отлично" выставляется если задание выполнено в полном объеме или выполнено преимущественно верно

Оценка: 4 («хорошо»)

Нижний порог выполнения задания в процентах: 75

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "хорошо" выставляется если большинство вопросов раскрыто. выбрано верное направление для решения задач

Оценка: 3 («удовлетворительно»)

Нижний порог выполнения задания в процентах: 50

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "удовлетворительно" выставляется если задание преимущественно выполнено

Оценка: 2 («неудовлетворительно»)

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "неудовлетворительно" выставляется если задание выполнено неверно или преимущественно не выполнено

КМ-4. Функции нескольких переменных

Формы реализации: Компьютерное задание

Тип контрольного мероприятия: Тестирование

Вес контрольного мероприятия в БРС: 20

Процедура проведения контрольного мероприятия: Тестирование проводится с использованием СДО "Прометей". К тестированию допускается пользователь изучивший материалы, авторизованных уникальным логином и паролем. Время отведенное на выполнение задания не более 60 минут. Количество попыток не более 3х.

Краткое содержание задания:

Контрольная точка направлена на оценку освоения компетенции по темам : вычисление частных производных, дифференциалов функций нескольких переменных. Экстремумы функций двух переменных

Контрольные вопросы/задания:

Запланированные результаты обучения по дисциплине	Вопросы/задания для проверки
Знать: основные приёмы интегрирования	1.Найти частные производные сложной функции $z=7xy+\ln(x/y)-\operatorname{tg}(xy)$ 2.Точка $x = 1, y = 0$ является для функции $f = x^2 + y^2 - 2x$: 1) точкой минимума 2) точкой максимума 3) точкой перегиба 2. ответ: 1 3.Точкой локального минимума для функции $f = x^4 - 4xy + y^2$ является точка: 1) $x = \sqrt{2}, y = 2\sqrt{2}$ 2) $x = 0, y = 0$ 3) $x = 1, y = 1$ 2. Ответ: 1 4.Является ли точка $x = 1, y = 2$ точкой локального экстремума для функции $f = x^3 + xy + 1$: 5.Точкой локального экстремума для функции $f = x^4 + y^2 - x$ является точка: 1) $x = 0, y = 0$ 2) $x = 4, y = 1$ 3) $x = 4-1/3; y = 0$ ответ: 1

Описание шкалы оценивания:

Оценка: 5 («отлично»)

Нижний порог выполнения задания в процентах: 92

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "отлично" выставляется если задание выполнено в полном объеме или выполнено преимущественно верно

Оценка: 4 («хорошо»)

Нижний порог выполнения задания в процентах: 80

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "хорошо" выставляется если большинство вопросов раскрыто. выбрано верное направление для решения задач

Оценка: 3 («удовлетворительно»)

Нижний порог выполнения задания в процентах: 50

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "удовлетворительно" выставляется если задание преимущественно выполнено

Оценка: 2 («неудовлетворительно»)

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "неудовлетворительно" выставляется если задание выполнено неверно или преимущественно не выполнено

КМ-5. Интегралы

Формы реализации: Компьютерное задание

Тип контрольного мероприятия: Тестирование

Вес контрольного мероприятия в БРС: 25

Процедура проведения контрольного мероприятия: Тестирование проводится с использованием СДО "Прометей". К тестированию допускается пользователь изучивший материалы, авторизованных уникальным логином и паролем. Время отведенное на выполнение задания не более 60 минут. Количество попыток не более 3х.

Краткое содержание задания:

Контрольная точка направлена на оценку освоения компетенции по темам: вычисление интегралов, площадей и длин дуг кривых

Контрольные вопросы/задания:

Запланированные результаты обучения по дисциплине	Вопросы/задания для проверки
Знать: основные понятия и определения интегрального исчисления функций нескольких переменных	1. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями $x - y - 1 = 0$, $2x + 1 = y^2$ 2. Найти длину дуги линии $y = \ln x$ от $x = 2$ до $x = 5$ 3. Вычислить: $\int (\sqrt[3]{x} - \frac{7}{x} + 3) dx$ 4. Вычислить: $\int x 5^x dx$ 5. Может ли у функции быть ровно две различных первообразных?

Описание шкалы оценивания:

Оценка: 5 («отлично»)

Нижний порог выполнения задания в процентах: 92

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "отлично" выставляется если задание выполнено в полном объеме или выполнено преимущественно верно

Оценка: 4 («хорошо»)

Нижний порог выполнения задания в процентах: 75

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "хорошо" выставляется если большинство вопросов раскрыто. выбрано верное направление для решения задач

Оценка: 3 («удовлетворительно»)

Нижний порог выполнения задания в процентах: 50

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "удовлетворительно" выставляется если задание преимущественно выполнено

Оценка: 2 («неудовлетворительно»)

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "неудовлетворительно" выставляется если задание выполнено неверно или преимущественно не выполнено

3 семестр

КМ-1. Дифференциальные уравнения 1-го порядка

Формы реализации: Компьютерное задание

Тип контрольного мероприятия: Тестирование

Вес контрольного мероприятия в БРС: 25

Процедура проведения контрольного мероприятия: Работа проводится с использованием СДО "Прометей". К контрольной работе допускается пользователь изучивший материалы, авторизированных уникальным логином и паролем. Время отведенное на выполнение задания не более 60 минут.

Краткое содержание задания:

Контрольная точка направлена на оценку освоения компетенции по темам: стандартные типы дифференциальных уравнений первого порядков

Контрольные вопросы/задания:

Запланированные результаты обучения по дисциплине	Вопросы/задания для проверки
Уметь: Решать стандартные дифференциальные уравнения	1. Укажите может ли дифференциальное уравнение первого порядка иметь бесконечно много различных решений 2. Найти общее решение или общий интеграл дифференциального уравнения: $y' = \sqrt{\frac{1+y^2}{1+x^2}}$ 3. Решить задачу Коши $\begin{cases} y' \cdot \operatorname{ctgx} - y = 2\cos^2 x \cdot \operatorname{ctgx} \\ y(0) = 0 \end{cases}$

Описание шкалы оценивания:

Оценка: 5 («отлично»)

Нижний порог выполнения задания в процентах: 92

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "отлично" выставляется если задание выполнено в полном объеме или выполнено преимущественно верно

Оценка: 4 («хорошо»)

Нижний порог выполнения задания в процентах: 75

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "хорошо" выставляется если большинство вопросов раскрыто. выбрано верное направление для решения задач

Оценка: 3 («удовлетворительно»)

Нижний порог выполнения задания в процентах: 50

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "удовлетворительно" выставляется если задание преимущественно выполнено

Оценка: 2 («неудовлетворительно»)

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "неудовлетворительно" выставляется если задание выполнено неверно или преимущественно не выполнено

КМ-2. Дифференциальные уравнения высших порядков

Формы реализации: Компьютерное задание

Тип контрольного мероприятия: Тестирование

Вес контрольного мероприятия в БРС: 20

Процедура проведения контрольного мероприятия: Работа проводится с использованием СДО "Прометей". К контрольной работе допускается пользователь изучивший материалы, авторизированных уникальным логином и паролем. Время отведенное на выполнение задания не более 60 минут.

Краткое содержание задания:

Контрольная точка направлена на оценку освоения компетенции по темам: стандартные типы дифференциальных уравнений высших порядков; линейные дифференциальные уравнения и системы.

Контрольные вопросы/задания:

Запланированные результаты обучения по дисциплине	Вопросы/задания для проверки
Уметь: Решать дифференциальные уравнения высших порядков	1. Укажите может ли размерность пространства решений линейного дифференциального уравнения второго порядка быть равной 3 2. Укажите верно ли, что общее решение неоднородного линейного уравнения равно сумме частного решения неоднородного уравнения и общего решения соответствующего однородного уравнения 3. Укажите может ли дифференциальное уравнение второго порядка не иметь ни одного решения в действительной области

Описание шкалы оценивания:

Оценка: 5 («отлично»)

Нижний порог выполнения задания в процентах: 92

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "отлично" выставляется если задание выполнено в полном объеме или выполнено преимущественно верно

Оценка: 4 («хорошо»)

Нижний порог выполнения задания в процентах: 75

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "хорошо" выставляется если большинство вопросов раскрыто. выбрано верное направление для решения задач

Оценка: 3 («удовлетворительно»)

Нижний порог выполнения задания в процентах: 50

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "удовлетворительно" выставляется если задание преимущественно выполнено

Оценка: 2 («неудовлетворительно»)

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "неудовлетворительно" выставляется если задание выполнено неверно или преимущественно не выполнено

КМ-3. Ряды

Формы реализации: Письменная работа

Тип контрольного мероприятия: Контрольная работа

Вес контрольного мероприятия в БРС: 10

Процедура проведения контрольного мероприятия: Тестирование проводится с использованием СДО "Прометей". К тестированию допускается пользователь изучивший материалы, авторизированных уникальным логином и паролем. Время отведенное на выполнение задания не более 60 минут. Количество попыток не более 3х.

Краткое содержание задания:

Контрольная точка направлена на оценку освоения компетенции по темам: сходимость числовых рядов; нахождение областей сходимости степенных и сводящихся к степенным рядов

Контрольные вопросы/задания:

Запланированные результаты обучения по дисциплине	Вопросы/задания для проверки
Знать: основные признаки сходимости рядов	1. Исследование на сходимость ряд $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^2}{n^4+2}$ 2. Исследовать на абсолютную и условную сходимость $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n}{5^n(n+3)}$ 3. Найти область сходимости степенного ряда $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \frac{(x+1)^n}{\sqrt{n}}$ 4. Исследование на сходимость ряд $1 + \sum_{n=1}^{\infty} \frac{2n^n}{n!}$ 5. Исследование на сходимость ряд $\sum_{n=1}^{\infty} n! \left(\frac{3}{n}\right)^n$

Описание шкалы оценивания:

Оценка: 5 («отлично»)

Нижний порог выполнения задания в процентах: 92

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "отлично" выставляется если задание выполнено в полном объеме или выполнено преимущественно верно

Оценка: 4 («хорошо»)

Нижний порог выполнения задания в процентах: 75

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "хорошо" выставляется если большинство вопросов раскрыто, выбрано верное направление для решения задач

Оценка: 3 («удовлетворительно»)

Нижний порог выполнения задания в процентах: 50

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "удовлетворительно" выставляется если задание преимущественно выполнено

Оценка: 2 («неудовлетворительно»)

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "неудовлетворительно" выставляется если задание выполнено неверно или преимущественно не выполнено

КМ-4. Кратные интегралы

Формы реализации: Компьютерное задание

Тип контрольного мероприятия: Тестирование

Вес контрольного мероприятия в БРС: 20

Процедура проведения контрольного мероприятия: Тестирование проводится с использованием СДО "Прометей". К тестированию допускается пользователь изучивший материалы, авторизованных уникальным логином и паролем. Время отведенное на выполнение задания не более 60 минут. Количество попыток не более 3х.

Краткое содержание задания:

Вычисление кратных (двойных и тройных) интегралов. Вычисление площадей, объемов.

Контрольные вопросы/задания:

Запланированные результаты обучения по дисциплине	Вопросы/задания для проверки
Знать: основные понятия теории пределов	1. Основные понятия теории кратных интегралов 2. Вычислить объем тела, ограниченного

Запланированные результаты обучения по дисциплине	Вопросы/задания для проверки
	поверхностями $\begin{cases} z = x^2 + y^2 \\ z = 25 \end{cases}$ 3.Вычислить площадь, ограниченную кривыми $\begin{cases} x^2 + y^2 = 4x \\ y \leq x, \text{ } y \geq 0, \text{ } y = 0 \end{cases}$ 4.Вычислить двойные интегралы по областям D, ограниченными заданными линиями $\iint_D (4 - y) dx dy, \quad D : x^2 = 4y, \quad y = 1, \quad x = 0 \quad (x > 0)$ 5.Вычислить двойные интегралы по областям D, ограниченными заданными линиями $\iint_D (4 - y) dx dy, \quad D : x^2 = 4y, \quad y = 1, \quad x = 0 \quad (x > 0)$

Описание шкалы оценивания:

Оценка: 5 («отлично»)

Нижний порог выполнения задания в процентах: 92

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "отлично" выставляется если задание выполнено в полном объеме или выполнено преимущественно верно

Оценка: 4 («хорошо»)

Нижний порог выполнения задания в процентах: 75

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "хорошо" выставляется если большинство вопросов раскрыто. выбрано верное направление для решения задач

Оценка: 3 («удовлетворительно»)

Нижний порог выполнения задания в процентах: 50

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "удовлетворительно" выставляется если задание преимущественно выполнено

Оценка: 2 («неудовлетворительно»)

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "неудовлетворительно" выставляется если задание выполнено неверно или преимущественно не выполнено

КМ-5. Векторный анализ

Формы реализации: Компьютерное задание

Тип контрольного мероприятия: Тестирование

Вес контрольного мероприятия в БРС: 25

Процедура проведения контрольного мероприятия: Тестирование проводится с использованием СДО "Прометей". К тестированию допускается пользователь изучивший материалы, авторизованных уникальным логином и паролем. Время отведенное на выполнение задания не более 60 минут. Количество попыток не более 3х.

Краткое содержание задания:

Вычисление потока и дивергенции векторного поля. Вычисление криволинейных интегралов второго рода. Вычисление циркуляции и ротора векторного поля.

Контрольные вопросы/задания:

Запланированны е результаты обучения по дисциплине	Вопросы/задания для проверки
Уметь: Вычислять поток и циркуляцию векторного поля	1. Найти модуль потока векторного поля $\vec{a} = x^2\vec{i} - z^2\vec{j} + y^2\vec{k}$ через замкнутую поверхность $\Sigma : \begin{cases} z = x^2 + y^2, \text{ } z = 4 \\ x = 0, \text{ } y = 0, \text{ } x \geq 0, \text{ } y \geq 0 \end{cases}$ 2. Найти работу векторного поля $\vec{a} = x^2\vec{i} - y^2\vec{j} + z^2\vec{k}$ по кривой $L: \{y = x^2, \text{ } z = 1\}$ от точки A(0,0,1) до точки B(-1,1,1) 3. Найти модуль циркуляции векторного поля $\vec{a} = x^2\vec{i} - (z^2 + z)\vec{j} + y^2\vec{k}$ по кривой $L: \{y^2 + z^2 = 4, \text{ } x = 2\}$ 4. Найти поток векторного поля $\vec{a} = (x - 2z)\vec{i} + (x + 3y + z)\vec{j} + (5x + y)\vec{k}$ через внешнюю сторону поверхности через замкнутую поверхность $\Sigma : \{x + y + z = 1, \text{ } x \geq 0, \text{ } y \geq 0, \text{ } z \geq 0\}$ 5. Вычислить криволинейный интеграл в векторном поле $\vec{a} = (x - 2xy)\vec{i} + (x^2 - 2xy)\vec{j}$, $L: y = x^2$ от M1(-1,1) до M2(1,1)

Описание шкалы оценивания:

Оценка: 5 («отлично»)

Нижний порог выполнения задания в процентах: 92

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "отлично" выставляется если задание выполнено в полном объеме или выполнено преимущественно верно

Оценка: 4 («хорошо»)

Нижний порог выполнения задания в процентах: 75

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "хорошо" выставляется если большинство вопросов раскрыто. выбрано верное направление для решения задач

Оценка: 3 («удовлетворительно»)

Нижний порог выполнения задания в процентах: 50

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "удовлетворительно" выставляется если задание преимущественно выполнено

Оценка: 2 («неудовлетворительно»)

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "неудовлетворительно" выставляется если задание выполнено неверно или преимущественно не выполнено

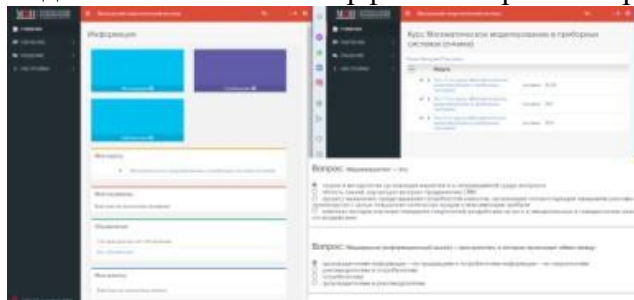
СОДЕРЖАНИЕ ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ

2 семестр

Форма промежуточной аттестации: Экзамен

Пример билета

Вид билета связан с интерфейсом сервиса "Прометей"



Процедура проведения

В тесте 20 вопросов встречаются вопросы следующих типов:

1. с одним вариантом ответа (в вопросах «один из многих», система сравнивает ответ слушателя с правильным ответом и автоматически выставляет за него назначенный балл)
2. с выбором нескольких вариантов ответов (в вопросах «многие из многих» система оценивает каждый ответ отдельно; есть возможность разрешить слушателю получить за вопрос 0,75 балла, если он выберет 3 правильных ответа из 4)
3. на соответствие слушатель должен привести в соответствие левую и правую часть ответа (в вопросах «соответствие» система оценивает каждый ответ отдельно; можно разрешить слушателю получить за вопрос 0,75 балла, если он выберет 3 правильных ответа из 4)
4. развернутый ответ, вводится в ручную в специально отведенное поле (ручная оценка преподавателем)

1. Перечень компетенций/индикаторов и контрольных вопросов проверки результатов освоения дисциплины

1. Компетенция/Индикатор: ИД-1_{ОПК-1} Применяет математический аппарат линейной алгебры, аналитической геометрии, дифференциального и интегрального исчисления функций

Вопросы, задания

1. Верно ли, что если функция двух переменных дифференцируема в данной точке, то у неё есть экстремум в этой точке
2. Первообразная для функции - это такая функция, интеграл от которой равен исходной функции
3. Неопределенный интеграл от функции на заданном интервале - это
4. Может ли у функции быть два предела в точке
5. Найдётся ли функция, которая дифференцируема в заданной точке, но у которой нет предела при стремлении к этой точке
6. Верно ли, что любая дифференцируемая в точке функция непрерывна в этой точке
7. Верно ли, что, если функция на некотором интервале строго монотонно убывает, то её производная в каждой точке этого интервала отрицательна

8.Верно ли сформирована теорема Ролля: "если функция непрерывна на отрезке и дифференцируема на интервале, то внутри отрезка найдется точка, в которой производная этой функции равна нулю"

9.Верно ли сформулировано определение: "Функция дифференцируема в точке, если в этой точке у неё существует производная"

10.Точкой локального минимума для функции $f = x^4 - 4xy + y^2$ является точка:

Материалы для проверки остаточных знаний

1.Сколько существует дифференцируемых на всей числовой оси функций, для каждой из которых её производная совпадает с ней самой

Ответы:

1) 0 2) 1 3) бесконечно много

Верный ответ: 3

2.Может ли у функции в точке быть два различных предела

Ответы:

1) Да 2) Нет

Верный ответ: 2

3.Решить задачу Коши: $y'=2y$; $y(0)=1$

Ответы:

1) $y=x$ 2) $y=e^x$ 3) $y=\exp(2x)$

Верный ответ: 3

4.Верно ли, что всегда неопределённый интеграл от произведения двух функций равен произведению интегралов от каждой из этих функций

Ответы:

1)да,2)нет

Верный ответ: 2

5.Уравнение касательной к графику функции $y = x^3$ в точке $x_0 = 2$ есть:

Ответы:

1) $y - 12x + 16 = 0$ 2) $y = x$ 3) $y = 2$ 4) $x = 2$

Верный ответ: 1

6.Уравнение нормали к графику функции $y = e^x$ в точке $x = 0$ есть:

Ответы:

1) $x + y - 1 = 0$ 2) $y = x$ 3) $x = 2$

Верный ответ: 1

7.Уравнение нормали к графику функции $\sqrt[3]{x}$ в точке $x = 0$ есть:

Ответы:

1) $y = 0$ 2) $x = 0$ 3) нет нормали

Верный ответ: 1

8.Найти $(x^3 + x^2 + 7)^{(4)}$

Ответы:

1) 0 2) $6x$ 3) 7

Верный ответ: 1

9.Найти максимальное значение функции $f=4-x^2-y^4$

Ответы:

1) 0 2) 2 3) 4 4) $1/2$

Верный ответ: 3

10.Вычислить: $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n^3 - 3n - 2}{(n^2 - 2)^2}$

Ответы:

1) 0 2) 1 3) ∞

Верный ответ: 3

11.Найти неопределённый интеграл $\int \sqrt{x} dx$

Ответы:

1) $\frac{2}{3}\sqrt{x^3} + C$ 2) 1 3) $2\sqrt{x^3} + C$

Верный ответ: 1

12. Вычислить: $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{(n+1)^3 - (3n+1)}{3n^3 + n^2}$

Ответы:

1) $\frac{2}{3}$ 2) 1 3) $\frac{1}{3}$

Верный ответ: 3

II. Описание шкалы оценивания

Оценка: 5 («отлично»)

Нижний порог выполнения задания в процентах: 92

Описание характеристики выполнения знания: Работа выполнена в рамках "продвинутого" уровня. Ответы даны верно, четко сформулированные особенности практических решений

Оценка: 4 («хорошо»)

Нижний порог выполнения задания в процентах: 75

Описание характеристики выполнения знания: Работа выполнена в рамках "базового" уровня. Большинство ответов даны верно. В части материала есть незначительные недостатки

Оценка: 3 («удовлетворительно»)

Нижний порог выполнения задания в процентах: 50

Описание характеристики выполнения знания: Работа выполнена в рамках "порогового" уровня. Основная часть задания выполнена верно. на вопросы углубленного уровня

Оценка: 2 («неудовлетворительно»)

Описание характеристики выполнения знания: Работа не выполнена или выполнена преимущественно неправильно

III. Правила выставления итоговой оценки по курсу

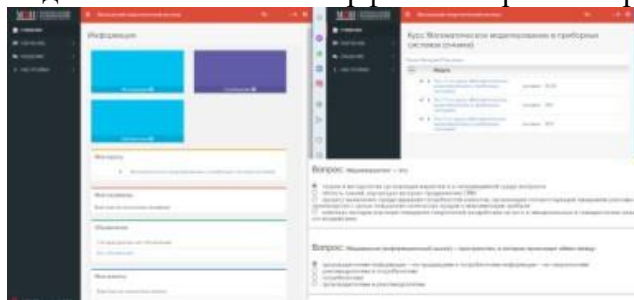
Оценка определяется в соответствии с Положением о балльно-рейтинговой системе для студентов НИУ «МЭИ» на основании семестровой и аттестационной составляющих.

3 семестр

Форма промежуточной аттестации: Экзамен

Пример билета

Вид билета связан с интерфейсом сервиса "Прометей"



Процедура проведения

В тесте 20 вопросов встречаются вопросы следующих типов:

1. с одним вариантом ответа (в вопросах «один из многих», система сравнивает ответ слушателя с правильным ответом и автоматически выставляет за него назначенный балл)
2. с выбором нескольких вариантов ответов (в вопросах «многие из многих» система оценивает каждый ответ отдельно; есть возможность разрешить слушателю получить за вопрос 0,75 балла, если он выберет 3 правильных ответа из 4)
3. на соответствие слушатель должен привести в соответствие левую и правую часть ответа (в вопросах «соответствие» система оценивает каждый ответ отдельно; можно разрешить слушателю получить за вопрос 0,75 балла, если он выберет 3 правильных ответа из 4)
4. развернутый ответ, вводится в ручную в специально отведенное поле (ручная оценка преподавателем)

1. Перечень компетенций/индикаторов и контрольных вопросов проверки результатов освоения дисциплины

1. Компетенция/Индикатор: ИД-2_{ОПК-1} Применяет математический аппарат теории рядов и численных методов, теории дифференциальных уравнений

Вопросы, задания

- 1.Верно ли, что если числовой ряд сходится, то общий член ряда стремится к нулю
- 2.Вычислить площадь фигуры, ограниченной кривыми: $x=4$; $y=x$; $xy=4$
- 3.Может ли дифференциальное уравнение первого порядка иметь бесконечно много различных решений
- 4.Радиус сходимости степенного ряда
- 5.Верно ли, что знакопеременный числовой ряд всегда сходится
- 6.Верно ли, что общее решение неоднородного линейного уравнения равно сумме частного решения неоднородного уравнения и общего решения соответствующего однородного уравнения
- 7.Вычисление площадей, объемов, приложения кратных интегралов в механике.
- 8.Двойной интеграл в полярных координатах.
- 9.Тройной интеграл в цилиндрических и сферических координатах.
- 10.Поток векторного поля через поверхность, его физический смысл.
11. Дивергенция векторного поля, ее физический смысл.
- 12.Криволинейный интеграл второго рода. Свойства.

Материалы для проверки остаточных знаний

- 1.Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями: $x=1$; $x=3$; $y=0$; $y=x$

Ответы:

- 1) 4 2) $5/2$ 3) 7 4) 0

Верный ответ: 4

- 2.Сходится ли ряд, общий член которого равен $3/(2n+5)$?

Ответы:

- 1) Да 2) Нет

Верный ответ: 2

- 3.Вычислить интеграл $\int_0^2 dx \int_0^{\sqrt{2x-x^2}} dy \int_0^3 z\sqrt{x^2+y^2} dz$

Ответы:

- 1)8
- 2)-3
- 3)0
- 4)15

Верный ответ: 1

4. Решение задачи Коши $y'' + y = 1, y(0) = 1$ есть:

Ответы:

- 1) $y=1$
- 2) $y=3x+2$
- 3) $y=-2x+C$
- 4) $y=x+C$

Верный ответ: 1

5. Решением задачи Коши $y' = \frac{y}{2x} + \frac{y^2}{4x^2}$, $y(1) = 2$ является:

Ответы:

- 1) $y=3x+1$
- 2) $y=-x+C$
- 3) $y=4$
- 4) $y=2x$

Верный ответ: 4

6. Ряд $\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{(-1)^n}{2n+3}$

Ответы:

- 1) расходится
- 2) сходится условно
- 3) сходится абсолютно

Верный ответ: 2

7. Найти поток векторного поля $\vec{a} = x\vec{i} + y\vec{j} + z\vec{k}$ через внешнюю сторону боковой поверхности цилиндра $x^2 + y^2 = 4$, ограниченную плоскостями $z=0, z=3$

Ответы:

- 1) 0
- 2) 2π
- 3) 24π
- 4) $-\pi$
- 5) 12π

Верный ответ: 3

8. Вычислить интеграл $\int_3^4 dx \int_1^2 \frac{1}{(x+y)^2} dy$

Ответы:

- 1) 16
- 2) -2
- 3) $\ln 5$
- 4) $\ln(25|24)$
- 5) $\ln 1$

Верный ответ: 4

9. Ряд $\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{n!}{(2n)!}$

Ответы:

- 1) сходится 2) расходится

Верный ответ: 1

10. Исследование на сходимость ряд $\sum_{n=1}^{\infty} n! \left(\frac{3}{n}\right)^n$

Ответы:

- 1) сходится 2) расходится

Верный ответ: 2

11. Найти потенциал $u = u(x, y, z)$ поток векторного поля $\vec{a} = (yz + 1)\vec{i} + xz\vec{j} + xy\vec{k}$

Ответы:

1) $u = x + xyz + C$ 2) $u = xz + xyz + C$

Верный ответ: 1

12. Найти поток векторного поля $\vec{a} = (x - 2z)\vec{i} + (x + 3y + z)\vec{j} + (5x + y)\vec{k}$ через внешнюю сторону поверхности через замкнутую поверхность $\Sigma: \{x + y + z = 1, x \geq 0, y \geq 0, z \geq 0\}$

Ответы:

1) $5/3$

2) $-5/3$

3) $2/3$

Верный ответ: 1

13. Решить

уравнение

$$\left(2x + 3x^2y\right)dx + \left(x^3 - 3y^2\right)dy = 0$$

Ответы:

1) $x^2 + x^3y - y^3 = C$

2) $x^2 - x^3y + y^3 = C$

Верный ответ: 1

14. Вычислить двойные интегралы по областям D , ограниченным заданными линиями $\int \int_D (4 - y) dx dy, D: x^2 = 4y, y = 1, x = 0, x > 0$

Ответы:

1) $16/15$

2) $68/15$

3) $15/68$

Верный ответ: 2

15. Вычислить двойные интегралы по областям D , ограниченным заданными линиями $\int \int_D e^{x+y} dx dy, D: y = e^x, x = 0, y = 2$

Ответы:

1) e

2) 0

3) 1

Верный ответ: 1

II. Описание шкалы оценивания

Оценка: 5 («отлично»)

Нижний порог выполнения задания в процентах: 92

Описание характеристики выполнения знания: Работа выполнена в рамках "продвинутого" уровня. Ответы даны верно, четко сформулированные особенности практических решений

Оценка: 4 («хорошо»)

Нижний порог выполнения задания в процентах: 75

Описание характеристики выполнения знания: Работа выполнена в рамках "базового" уровня. Большинство ответов даны верно. В части материала есть незначительные недостатки

Оценка: 3 («удовлетворительно»)

Нижний порог выполнения задания в процентах: 50

Описание характеристики выполнения знания: Работа выполнена в рамках "порогового" уровня. Основная часть задания выполнена верно. на вопросы углубленного уровня

Оценка: 2 («неудовлетворительно»)

Описание характеристики выполнения знания: Работа не выполнена или выполнена преимущественно неправильно

III. Правила выставления итоговой оценки по курсу

Оценка определяется в соответствии с Положением о балльно-рейтинговой системе для студентов НИУ «МЭИ» на основании семестровой и аттестационной составляющих.