

**Министерство науки и высшего образования РФ
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования
«Национальный исследовательский университет «МЭИ»**

Направление подготовки/специальность: 13.03.01 Теплоэнергетика и теплотехника

Наименование образовательной программы: ЭТАЛОН: Теплоэнергетика и теплотехника

Уровень образования: высшее образование - бакалавриат

Форма обучения: Очная

**Рабочая программа дисциплины
МАТЕМАТИКА**

Блок:	Блок 1 «Дисциплины (модули)»
Часть образовательной программы:	Обязательная
№ дисциплины по учебному плану:	Б1.О.08
Трудоемкость в зачетных единицах:	1 семестр - 7; 2 семестр - 6; 3 семестр - 7; всего - 20
Часов (всего) по учебному плану:	720 часов
Лекции	1 семестр - 48 часов; 2 семестр - 64 часа; 3 семестр - 48 часа; всего - 160 часов
Практические занятия	1 семестр - 64 часа; 2 семестр - 64 часа; 3 семестр - 64 часа; всего - 192 часа
Лабораторные работы	не предусмотрено учебным планом
Консультации	1 семестр - 2 часа; 2 семестр - 2 часа; 3 семестр - 2 часа; всего - 6 часов
Самостоятельная работа	1 семестр - 137,5 часа; 2 семестр - 85,5 часа; 3 семестр - 137,5 часа; всего - 360,5 часа
в том числе на КП/КР	не предусмотрено учебным планом
Иная контактная работа	проводится в рамках часов аудиторных занятий
включая: Контрольная работа	
Промежуточная аттестация:	
Экзамен	1 семестр - 0,5 часа;
Экзамен	2 семестр - 0,5 часа;
Экзамен	3 семестр - 0,5 часа; всего - 1,5 часа

Москва 2019

ПРОГРАММУ СОСТАВИЛ:

Преподаватель

(должность)

	Подписано электронной подписью ФГБОУ ВО «НИУ «МЭИ»	
Сведения о владельце ЦЭП МЭИ		
Владелец	Шапошникова Д.А.	
Идентификатор	R3cbdd042-ShaposhnikovaDA-86929c	
(подпись)		

Д.А.

Шапошникова

(расшифровка подписи)

СОГЛАСОВАНО:

Заведующий выпускающей кафедры

(должность, ученая степень, ученое звание)

	Подписано электронной подписью ФГБОУ ВО «НИУ «МЭИ»	
Сведения о владельце ЦЭП МЭИ		
Владелец	Черняев А.Н.	
Идентификатор	R7a97f450-ChernyaevAN-b37575e	
(подпись)		

А.Н. Черняев

(расшифровка подписи)

1. ЦЕЛИ И ЗАДАЧИ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

Цель освоения дисциплины: состоит в изучении законов и закономерностей математики и отвечающих им методов расчета с развитием математического мышления

Задачи дисциплины

- изучение базовых понятий дифференциального исчисления;
- изучение базовых понятий интегрального исчисления;
- овладение математическими методами, лежащими в основе решения физических и технических задач;
- формирование математической базы, необходимой для последующего изучения дисциплин образовательной программы.

Формируемые у обучающегося **компетенции** и запланированные **результаты обучения** по дисциплине, соотнесенные с **индикаторами достижения компетенций**:

Код и наименование компетенции	Код и наименование индикатора достижения компетенции	Запланированные результаты обучения
ОПК-3 Способен применять соответствующий физико-математический аппарат, методы анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования при решении профессиональных задач	ИД-1опк-3 Применяет математический аппарат аналитической геометрии, линейной алгебры, дифференциального и интегрального исчисления функций одной переменной	знать: - понятия неопределенного и определенного интеграла, основные методы вычисления; - основные подходы к взятию пределов. уметь: - находить решение систем линейных алгебраических уравнений; - вычислять скалярное, векторное, смешанное произведение геометрических векторов и решать стандартные задачи с непосредственным применением этих понятий; определять положение прямой и плоскости в пространстве; - вычислять производные, дифференциалы и решать стандартные задачи с непосредственным применением этих понятий; проводить полное исследование поведения функции и строить графики.
ОПК-3 Способен применять соответствующий физико-математический аппарат, методы анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования при решении профессиональных задач	ИД-2опк-3 Применяет математический аппарат теории функций нескольких переменных, теории функций комплексного переменного, теории рядов, теории дифференциальных уравнений	знать: - основные операции с комплексными числами; основные понятия и теоремы теории рядов Лорана; ТФКП; теории операционного исчисления; - дифференциальные операции в скалярных и векторных полях; интегральные характеристики векторных полей; основные понятия теории кратных, поверхностных и криволинейных интегралов; - основные понятия и теоремы теории числовых рядов; основные понятия и теоремы теории функциональных рядов,

Код и наименование компетенции	Код и наименование индикатора достижения компетенции	Запланированные результаты обучения
		<p>в частности, степенных рядов и рядов Фурье;</p> <ul style="list-style-type: none"> - алгоритмы решения линейного дифференциального уравнения первого порядка; алгоритмы решения линейного однородного и неоднородного дифференциального уравнения с переменными и постоянными коэффициентами n-го порядка. <p>уметь:</p> <ul style="list-style-type: none"> - решать уравнение теплопроводности с различными граничными и начальными условиями; - вычислять частные производные и дифференциалы, применять аппарат дифференциального исчисления функций нескольких переменных для решения различных типовых задач.
ОПК-3 Способен применять соответствующий физико-математический аппарат, методы анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования при решении профессиональных задач	ИД-3 _{ОПК-3} Применяет математический аппарат теории вероятностей и математической статистики	<p>знать:</p> <ul style="list-style-type: none"> - законы распределения и числовые характеристики дискретных, непрерывных случайных величин, схему независимых испытаний; стандартные распределения. <p>уметь:</p> <ul style="list-style-type: none"> - непосредственно вычислять вероятности; вычислять вероятность с помощью теорем сложения и умножения.
ОПК-3 Способен применять соответствующий физико-математический аппарат, методы анализа и моделирования, теоретического и экспериментального исследования при решении профессиональных задач	ИД-4 _{ОПК-3} Применяет математический аппарат численных методов	<p>знать:</p> <ul style="list-style-type: none"> - методы численного решения нелинейных уравнений; прямые и итерационные методы решения систем линейных алгебраических уравнений. <p>уметь:</p> <ul style="list-style-type: none"> - применять различные методы приближения функций; применять явные и неявные численные методы решения задач Коши; применять методы численного решения начально-краевой задачи для уравнения теплопроводности.

2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ ВО

Дисциплина относится к основной профессиональной образовательной программе ЭТАЛОН: Теплоэнергетика и теплотехника (далее – ОПОП), направления подготовки 13.03.01 Теплоэнергетика и теплотехника, уровень образования: высшее образование - бакалавриат.

Базируется на уровне среднего общего образования.

Результаты обучения, полученные при освоении дисциплины, необходимы при выполнении выпускной квалификационной работы.

3. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

3.1 Структура дисциплины

Общая трудоемкость дисциплины составляет 20 зачетных единиц, 720 часов.

№ п/п	Разделы/темы дисциплины/формы промежуточной аттестации	Всего часов на раздел	Семестр	Распределение трудоемкости раздела (в часах) по видам учебной работы											Содержание самостоятельной работы/ методические указания		
				Контактная работа						СР							
				Лек	Лаб	Пр	Консультация		ИКР		ПА	Работа в семестре	Подготовка к аттестации /контроль				
							КПР	ГК	ИККП	ТК							
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14		15		
1	Пределы и непрерывность функции одной переменной	38	1	8	-	10	-	-	-	-	-	20	-			<u>Подготовка к практическим занятиям:</u> Изучение материала по разделу "Пределы и непрерывность функции одной переменной" подготовка к выполнению заданий на практических занятиях и подготовка к контрольной работе <u>Изучение материалов литературных источников:</u> [2], Раздел 1 [5], стр.3-8 [9], Раздел 1, 2	
1.1	Пределы и непрерывность функции одной переменной	38		8	-	10	-	-	-	-	-	20	-				
2	Дифференциальное исчисление функции одной переменной	36		8	-	10	-	-	-	-	-	18	-			<u>Подготовка к практическим занятиям:</u> Изучение материала по разделу "Дифференциальное исчисление функции одной переменной" подготовка к выполнению заданий на практических занятиях и подготовка к контрольной работе <u>Изучение материалов литературных источников:</u> [2], Раздел 2 [5], стр.9-12	
2.1	Дифференциальное исчисление функции одной переменной	36		8	-	10	-	-	-	-	-	18	-				
3	Интегральное исчисление функции одной переменной. Неопределенный интеграл	42		12	-	8	-	-	-	-	-	22	-			<u>Подготовка к практическим занятиям:</u> Изучение материала по разделу "Интегральное исчисление функции одной переменной. Неопределенный интеграл" подготовка к выполнению заданий на практических занятиях и подготовка к контрольной работе	
3.1	Интегральное исчисление функции	42		12	-	8	-	-	-	-	-	22	-				

	уравнения. ОДУ.												
8.2	Дифференциальные уравнения. ДУ в ЧП второго порядка.	22		6	-	6	-	-	-	-	10	-	
9	Последовательности и ряды	36		12	-	12	-	-	-	-	12	-	
9.1	Последовательности и ряды	36		12	-	12	-	-	-	-	12	-	
10	Кратные, поверхностные, криволинейные интегралы и векторный анализ	56		26	-	22	-	-	-	-	8	-	
10.1	Кратные, поверхностные, криволинейные интегралы и векторный анализ	56		26	-	22	-	-	-	-	8	-	
	Экзамен	36.0		-	-	-	-	2	-	-	0.5	-	33.5
	Всего за семестр	216.0		64	-	64	-	2	-	-	0.5	52	33.5
	Итого за семестр	216.0		64	-	64		2		-	0.5		85.5
11	Функции комплексного переменного	56	3	14	-	24	-	-	-	-	18	-	
11.1	Функции комплексного переменного	56		14	-	24	-	-	-	-	18	-	

													[10], Раздел 1
12	Операционное исчисление	32		8	-	8	-	-	-	-	16	-	<u>Подготовка к практическим занятиям:</u> Изучение материала по разделу "Операционное исчисление" подготовка к выполнению заданий на практических занятиях и подготовка к контрольной работе
12.1	Операционное исчисление	32		8	-	8	-	-	-	-	16	-	
13	Вероятности событий	32		8	-	8	-	-	-	-	16	-	<u>Подготовка к текущему контролю:</u> Повторение материала по разделу "Вероятности событий"
13.1	Вероятности событий	32		8	-	8	-	-	-	-	16	-	<u>Подготовка к практическим занятиям:</u> Изучение материала по разделу "Вероятности событий" подготовка к выполнению заданий на практических занятиях и подготовка к контрольной работе <u>Изучение материалов литературных источников:</u> [8], стр.2-30 [10], Раздел 2
14	Случайные величины и их числовые характеристики	28		6	-	8	-	-	-	-	14	-	<u>Подготовка к практическим занятиям:</u> Изучение материала по разделу "Случайные величины и их числовые характеристики" подготовка к выполнению заданий на практических занятиях и подготовка к контрольной работе <u>Изучение материалов литературных источников:</u> [8], стр.31-70 [10], Раздел 2
14.1	Случайные величины и их числовые характеристики	28		6	-	8	-	-	-	-	14	-	
15	Численные методы	68		12	-	16	-	-	-	-	40	-	<u>Подготовка к текущему контролю:</u> Повторение материала по разделу "Численные методы"
15.1	Численные методы	68		12	-	16	-	-	-	-	40	-	<u>Подготовка к аудиторным занятиям:</u> Проработка лекций, выполнение и подготовка к защите лаб. работы <u>Подготовка домашнего задания:</u> Подготовка домашнего задания направлена на отработку умений решения профессиональных задач. Домашнее задание выдается студентам по изученному в разделе

															"Численные методы" материалу. Дополнительно студенту необходимо изучить литературу и разобрать примеры выполнения подобных заданий. Проверка домашнего задания проводится по представленным письменным работам. <u>Подготовка к контрольной работе:</u> Изучение материалов по разделу Численные методы и подготовка к контрольной работе <u>Подготовка к практическим занятиям:</u> Изучение материала по разделу "Численные методы" подготовка к выполнению заданий на практических занятиях <u>Подготовка расчетных задачий:</u> Задания ориентированы на решения минизадач по разделу "Численные методы". Студенты необходимо повторить теоретический материал, разобрать примеры решения аналогичных задач. провести расчеты по варианту задания и сделать выводы. В качестве задания используются следующие упражнения: <u>Изучение материалов литературных источников:</u> [11], стр.9-596
	Экзамен	36.0	-	-	-	2	-	-	0.5	-	33.5				
	Всего за семестр	252.0	48	-	64	-	2	-	0.5	104	33.5				
	Итого за семестр	252.0	48	-	64	2	-	0.5			137.5				
	ИТОГО	720.0	-	160	-	192	6	-	1.5		360.5				

Примечание: Лек – лекции; Лаб – лабораторные работы; Пр – практические занятия; КПР – аудиторные консультации по курсовым проектам/работам; ИККП – индивидуальные консультации по курсовым проектам/работам; ГК- групповые консультации по разделам дисциплины; СР – самостоятельная работа студента; ИКР – иная контактная работа; ТК – текущий контроль; ПА – промежуточная аттестация

3.2 Краткое содержание разделов

1. Пределы и непрерывность функции одной переменной

1.1. Пределы и непрерывность функции одной переменной

Множества, операции над ними. Понятие функции. Предел функции в точке. Свойства пределов. Непрерывные функции в точке. Свойства непрерывных функций. Асимптотические разложения. Бесконечно большие функции и их связь с бесконечно малыми. Точки разрыва, их классификация. Асимптоты.

2. Дифференциальное исчисление функции одной переменной

2.1. Дифференциальное исчисление функции одной переменной

Понятие производной. Уравнение касательной и нормали к кривой. Дифференциал. Производные высших порядков. Возрастание и убывание функции в точке. Локальный экстремум. Теоремы Ролля, Коши и Лагранжа. Правило Лопиталя. Выпуклость функции. Достаточные условия выпуклости функции. Точки перегиба. Полное исследование функции. Формула Тейлора. Параметрически заданные функции. Построение графиков функций..

3. Интегральное исчисление функции одной переменной. Неопределенный интеграл

3.1. Интегральное исчисление функции одной переменной. Неопределенный интеграл

Первообразная. Неопределённый интеграл и его свойства. Интегрирование по частям и замена переменной в неопределённом интеграле. Методы интегрирования функций различного типа..

4. Матрицы, определители, системы линейных уравнений

4.1. Матрицы, определители, системы линейных уравнений

Матрицы. Действия с ними. Определители и их свойства. Обратная матрица. Метод Гаусса решения систем уравнений. Правило Крамера. Теория решения СЛАУ. ФСР.

5. Аналитическая геометрия на плоскости и в пространстве

5.1. Аналитическая геометрия на плоскости и в пространстве

Системы координат: декартова, полярная. Скалярное, векторное, смешанное произведения и их приложение. Прямая и плоскость в пространстве. Кривые и поверхности второго порядка..

6. Интегральное исчисление функции одной переменной. Определенные, несобственные интегралы.

6.1. Интегральное исчисление функции одной переменной. Определенные, несобственные интегралы.

Определённый интеграл и его геометрический смысл. Интеграл с переменным верхним пределом. Формула Ньютона-Лейбница. Несобственный интеграл с бесконечным пределом. Абсолютная и условная сходимость. Теоремы сравнения. Несобственный интеграл от неограниченной функции..

7. Дифференциальное исчисление функций нескольких переменных

7.1. Дифференциальное исчисление функций нескольких переменных

Функции нескольких переменных. Предел, непрерывность. Дифференцируемость функции нескольких переменных. Производная по направлению, градиент. Существование и дифференцируемость неявной функции. Касательная плоскость и нормаль к поверхности. Частные производные и дифференциалы высших порядков. Формула Тейлора для функции нескольких переменных. Локальный экстремум функции нескольких переменных.

8. Дифференциальные уравнения

8.1. Дифференциальные уравнения. ОДУ.

Дифференциальные уравнения, основные понятия. Задача Коши. Теорема существования и единственности решения задачи Коши. Основные типы уравнений первого порядка. Линейные дифференциальные уравнения высшего порядка. Линейные дифференциальные уравнения с постоянными коэффициентами. Характеристическое уравнение. Построение фундаментальной системы решений однородного уравнения. Метод подбора частного решения неоднородного уравнения..

8.2. Дифференциальные уравнения. ДУ в ЧП второго порядка.

Классификация ДУ в ЧП второго порядка. Задача Штурма–Лиувилля, свойства собственных значений и собственных функций. Краевые задачи для уравнения теплопроводности, метод разделения переменных.

9. Последовательности и ряды

9.1. Последовательности и ряды

Ряды с положительными членами. Признаки сравнения. Признаки Даламбера, Коши; интегральный признак Коши. Знакопеременные и знакочередующиеся ряды. Абсолютная и условная сходимость. Теорема Лейбница. Функциональные ряды. Область сходимости. Равномерная сходимость. Признак Вейерштрасса. Степенные ряды. Теорема Абеля. Ряд Тейлора. Разложение элементарных функций в степенной ряд. Ряды Фурье. Тригонометрический ряд Фурье. Условия сходимости и свойства суммы..

10. Кратные, поверхностные, криволинейные интегралы и векторный анализ

10.1. Кратные, поверхностные, криволинейные интегралы и векторный анализ

Кратные (двойные и тройные) интегралы. Вычисление площадей, объемов, приложения кратных интегралов в механике. Двойной интеграл в полярных координатах. Тройной интеграл в цилиндрических и сферических координатах. Площадь поверхности. Поток векторного поля через поверхность, его физический смысл. Формула Остроградского–Гаусса. Дивергенция векторного поля, ее физический смысл. Криволинейный интеграл второго рода. Свойства. Формула Грина. Циркуляция. Формула Стокса. Ротор векторного поля и его физический смысл. Потенциальное поле, условия потенциальности. Интеграл в потенциальном поле.

11. Функции комплексного переменного

11.1. Функции комплексного переменного

Комплексные числа, модуль и аргумент комплексного числа, различные формы записи. Действия над комплексными числами. Числовые ряды в комплексной области. Понятие функции комплексного переменного. Предел, непрерывность. Основные функции комплексного переменного. Производная функции комплексного переменного. Аналитическая функция и ее свойства. Ряд Тейлора и ряд Лорана. Нули аналитических

функций. Изолированные особые точки, их классификация. Интеграл от функции комплексного переменного. Интегральная формула Коши. Вычет. Теорема Коши о вычетах. Вычисление интегралов с помощью вычетов.

12. Операционное исчисление

12.1. Операционное исчисление

Преобразование Лапласа, его свойства. Применение преобразования Лапласа к решению линейных дифференциальных уравнений и систем.

13. Вероятности событий

13.1. Вероятности событий

Понятие события в теории вероятностей. Аксиомы теории вероятностей. Классическое определение вероятности случайного события. Использование элементов комбинаторики для оценки вероятности случайного события. Частота и относительная частота события. Оценка вероятности по относительной частоте. Квадрируемость множества. Геометрическое определение вероятности. Алгебра событий. Теоремы сложения и умножения вероятностей. Формула полной вероятности. Формула Байеса. Схема независимых испытаний. Формула Бернулли. Закон Пуассона. Простейший поток событий.

14. Случайные величины и их числовые характеристики

14.1. Случайные величины и их числовые характеристики

Дискретные и непрерывные случайные величины. Формы законов распределения случайных величин (ряд распределения, функция распределения, плотность вероятности). Свойства законов распределения скалярных случайных величин. Типовые законы распределения непрерывных скалярных случайных величин (равномерное, показательное, нормальное распределения). Понятие о числовых характеристиках случайных величин. Математическое ожидание и его свойства. Дисперсия и ее свойства. Среднее квадратичное отклонение. Мода. Медиана.

15. Численные методы

15.1. Численные методы

Теория погрешностей. Погрешность вычислений. Обусловленность вычислительной задачи. Понятие числа обусловленности. Решение нелинейных уравнений. Методы бисекции, простых итераций, Ньютона. Решение систем линейных алгебраических уравнений. Итерационные методы. Приближение табличных функций алгебраическими многочленами. Интерполяция сплайнами. Метод наименьших квадратов. Численное дифференцирование. Численное интегрирование. Метод сеток решения краевой задачи для обыкновенного дифференциального уравнения 2-го порядка. Численные методы решения задачи Коши для систем обыкновенных дифференциальных уравнений. Приближенное решение начально-краевой задачи для уравнения теплопроводности используя явную схему.

3.3. Темы практических занятий

1. Метод сеток решения краевой задачи для обыкновенного дифференциального уравнения 2-го порядка. Численные методы решения задачи Коши для систем обыкновенных дифференциальных уравнений. Метод конечных разностей для решения краевой задачи и оценка погрешности по правилу Рунге. Приближенное решение начально-краевой задачи для уравнения теплопроводности используя явную схему.;

2. Тригонометрический ряд Фурье. Степенной ряд. Область сходимости степенного ряда. Ряд Тейлора и его приложения. Знакопеременные числовые ряды. Теорема Лейбница, оценка остатка ряда. Сходимость рядов с положительными членами. Признаки сравнения. Признаки Даламбера, Коши, интегральный. Числовые ряды. Необходимое условие сходимости. Сумма ряда.;
3. Применение операционного исчисления к решению линейных дифференциальных уравнений и систем с постоянными коэффициентами. Функция-оригинал и ее изображение по Лапласу. Свойства оригиналов и изображений. Вычисление вычетов. Вычисление интегралов с помощью вычетов. Разложение функций в ряд Тейлора. Ряды Лорана. Классификация изолированных особых точек. Интегрирование функций комплексного переменного. Интегрирование функций комплексного переменного. Элементарные функции комплексного переменного. Производная функции комплексного переменного Комплексные числа. Формы записи. Действия с комплексными числами.;
4. Закон распределения суммы двух независимых слагаемых. Законы распределения дискретных и непрерывных случайных величин. Функция распределения. Функция плотности вероятности. Числовые характеристики случайных величин. Формула полной вероятности. Формулы Байеса. Схема независимых испытаний. Формула Бернулли. Простейший поток событий. Формула Пуассона. Комбинаторика. Элементы дискретного анализа. Алгебра событий. Вычисление вероятностей событий. Свойства вероятностей. Теоремы сложения и умножения вероятностей.;
5. Численное дифференцирование. Численное интегрирование. Приближение табличных функций алгебраическими многочленами. Метод интерполяции. Интерполяция сплайнами. Метод наименьших квадратов. Приближение табличных функций алгебраическими многочленами. Интерполяция сплайнами. Решение систем линейных алгебраических уравнений. Метод Гаусса. Итерационные методы. Метод прогонки решения трехдиагональных систем уравнений. Решение нелинейных уравнений. Методы бисекции, простых итераций, Ньютона. Теория погрешностей и машинная арифметика. Теория погрешностей. Погрешность вычислений. Обусловленность вычислительной задачи. Понятие числа;
6. Исследование функций с помощью производной первого порядка. Исследование функций с помощью производной второго порядка и производных высших порядков. Общая схема исследования функций и построения графиков. Формула Тейлора. Разложение функций по формуле Тейлора. Правило Лопитала. Раскрытие различного типа неопределенностей. Дифференцирование сложной функции. Производные неявных функций.;
7. Интегрирование тригонометрических выражений. Интегрирование иррациональностей. Интегрирование рациональных функций. Первообразная функция и неопределенный интеграл, их свойства. Таблица неопределенных интегралов. Простейшие методы вычисления неопределенных интегралов. Интегрирование по частям и замена переменной.;
8. Линейные пространства. Матрица линейного оператора. Собственные значения и векторы линейного оператора. Линейный оператор. Матрица линейного оператора. Собственные значения и векторы линейного оператора. Линейные пространства. Примеры. Плоскость в пространстве. Прямая в пространстве. Геометрические векторы. Линейные операции. Скалярное произведение векторов (2 часа) Векторное и смешанное произведения векторов. Правило Крамера. Однородные системы линейных алгебраических уравнений. Неоднородные системы линейных алгебраических уравнений. Обратная матрица. Вычисление обратной матрицы. Приведение матрицы к ступенчатому виду. Ранг матрицы Определители. Свойства определителей. Матрицы. Операции над матрицами.;
9. Специальные виды полей (соленоидальное и потенциальное поля). Условие

независимости криволинейного интеграла от пути интегрирования. Работа силового поля. Циркуляция векторного поля вдоль замкнутого контура. Теорема Стокса.

Поверхностные интегралы первого рода. Поток векторного поля через незамкнутую и замкнутую поверхность (по определению и по формуле Остроградского);

10. Кривые второго порядка. Поверхности второго порядка. Двойной интеграл в декартовых и в полярных координатах. Тройной интеграл в декартовых, в цилиндрических и в сферических координатах.;

11. Несобственные интегралы с бесконечными пределами. Несобственные интегралы от неограниченных функций.;

12. Дифференциальные уравнения первого порядка: с разделяющимися переменными, однородные, линейные, Задача Коши.;

13. Линейные дифференциальные уравнения с постоянными коэффициентами. Метод подбора. Метод Лагранжа вариации произвольных постоянных.;

14. Классификация линейных уравнений в частных производных 2-го порядка. Приведение к каноническому виду линейного уравнения в частных производных второго порядка.;

15. Задача Штурма-Лиувилля для уравнения $(X(x)+\mu X(x)=0)$ на отрезке $[0,1]$. (2 часа) Решение однородной задачи для уравнения теплопроводности методом разделения переменных.;

16. Функции нескольких переменных: предел, непрерывность. Частные производные. Дифференцируемость, полный дифференциал.;

17. Касательная плоскость и нормаль к поверхности. Формула Тейлора. Экстремум функции двух переменных.;

18. Определённый интеграл. Замена переменных. Интегрирование по частям. Вычисление площадей плоских фигур. Вычисление длин дуг;

19. Понятие производной. Правила вычисления производной. Таблица производных. Производная сложной функции. Логарифмическая производная. Дифференцирование функций, заданных параметрически и неявно. Касательная и нормаль к кривой. Дифференциал. Правила вычисления дифференциала. Производные и дифференциалы высших порядков. Бесконечно большие функции. Предел функций в бесконечности. Односторонние пределы. Точки разрыва и их классификация. Асимптоты графика функции. Бесконечно малые функции, их свойства. Эквивалентные бесконечно малые функции. Раскрытие неопределенностей с помощью таблицы эквивалентных. Понятие функции. Предел функции в точке. Непрерывность функции в точке. Простейшие приемы вычисления пределов..

3.4. Темы лабораторных работ не предусмотрено

3.5 Консультации

Текущий контроль (TK)

1. Консультации направлены на получение индивидуального задания для выполнения контрольных мероприятий по разделу "Пределы и непрерывность функции одной переменной"
2. Консультации направлены на получение индивидуального задания для выполнения контрольных мероприятий по разделу "Дифференциальное исчисление функции одной переменной"
3. Консультации направлены на получение индивидуального задания для выполнения контрольных мероприятий по разделу "Интегральное исчисление функции одной переменной. Неопределенный интеграл"

4. Консультации направлены на получение индивидуального задания для выполнения контрольных мероприятий по разделу "Матрицы, определители, системы линейных уравнений"
5. Консультации направлены на получение индивидуального задания для выполнения контрольных мероприятий по разделу "Аналитическая геометрия на плоскости и в пространстве"
6. Консультации направлены на получение индивидуального задания для выполнения контрольных мероприятий по разделу "Интегральное исчисление функции одной переменной. Определенные, несобственные интегралы."
7. Консультации направлены на получение индивидуального задания для выполнения контрольных мероприятий по разделу "Дифференциальное исчисление функций нескольких переменных"
8. Консультации направлены на получение индивидуального задания для выполнения контрольных мероприятий по разделу "Дифференциальные уравнения"
9. Консультации направлены на получение индивидуального задания для выполнения контрольных мероприятий по разделу "Последовательности и ряды"
10. Консультации направлены на получение индивидуального задания для выполнения контрольных мероприятий по разделу "Кратные, поверхностные, криволинейные интегралы и векторный анализ"
11. Консультации направлены на получение индивидуального задания для выполнения контрольных мероприятий по разделу "Функции комплексного переменного"
12. Консультации направлены на получение индивидуального задания для выполнения контрольных мероприятий по разделу "Операционное исчисление"
13. Консультации направлены на получение индивидуального задания для выполнения контрольных мероприятий по разделу "Вероятности событий"
14. Консультации направлены на получение индивидуального задания для выполнения контрольных мероприятий по разделу "Случайные величины и их числовые характеристики"
15. Консультации направлены на получение индивидуального задания для выполнения контрольных мероприятий по разделу "Численные методы"

3.6 Тематика курсовых проектов/курсовых работ

Курсовой проект/ работа не предусмотрены

3.7. Соответствие разделов дисциплины и формируемых в них компетенций

Запланированные результаты обучения по дисциплине (в соответствии с разделом 1)	Коды индикаторов	Номер раздела дисциплины (в соответствии с п.3.1)															Оценочное средство (тип и наименование)
		1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	
Знать:																	
основные подходы к взятию пределов	ИД-1опк-3	+															Контрольная работа/1 семестр КМ-1 «Пределы»
понятия неопределенного и определенного интеграла, основные методы вычисления	ИД-1опк-3			+			+										Контрольная работа/1 семестр КМ-5 «Интегралы»
алгоритмы решения линейного дифференциального уравнения первого порядка; алгоритмы решения линейного однородного и неоднородного дифференциального уравнения с переменными и постоянными коэффициентами n-го порядка	ИД-2опк-3																Контрольная работа/2 семестр КМ-2 "ОДУ"
основные понятия и теоремы теории числовых рядов; основные понятия и теоремы теории функциональных рядов, в частности, степенных рядов и рядов Фурье	ИД-2опк-3																Контрольная работа/2 семестр КМ-3 «Ряды»
дифференциальные операции в скалярных и векторных полях; интегральные характеристики векторных полей; основные понятия теории кратных, поверхностных и криволинейных интегралов	ИД-2опк-3																Контрольная работа/2 семестр КМ-4 «Кратные интегралы. Теория поля»
основные операции с	ИД-2опк-3													+	+		Контрольная работа/3

линейных алгебраических уравнений															семестр КМ-2 «Линейная алгебра. СЛАУ»
вычислять частные производные и дифференциалы, применять аппарат дифференциального исчисления функций нескольких переменных для решения различных типовых задач	ИД-2опк-3							+							Контрольная работа/2 семестр КМ-1 «Функции многих переменных»
решать уравнение теплопроводности с различными граничными и начальными условиями	ИД-2опк-3							+							Контрольная работа/2 семестр КМ-5 «ДУ в ЧП. УМФ»
непосредственно вычислять вероятности; вычислять вероятность с помощью теорем сложения и умножения	ИД-3опк-3											+			Контрольная работа/3 семестр КМ-2 «Случайные события»
применять различные методы приближения функций; применять явные и неявные численные методы решения задачи Коши; применять методы численного решения начально-краевой задачи для уравнения теплопроводности	ИД-4опк-3												+		Контрольная работа/3 семестр КМ-4 «Приближение функций алгебраическими многочленами»

4. КОМПЕТЕНТНОСТНО-ОРИЕНТИРОВАННЫЕ ОЦЕНОЧНЫЕ СРЕДСТВА ДЛЯ КОНТРОЛЯ ОСВОЕНИЯ РЕЗУЛЬТАТОВ ОБУЧЕНИЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ (ТЕКУЩИЙ КОНТРОЛЬ УСПЕВАЕМОСТИ, ПРОМЕЖУТОЧНАЯ АТТЕСТАЦИЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ)

4.1. Текущий контроль успеваемости

1 семестр

Форма реализации: Письменная работа

1. 1 семестр КМ-1 «Пределы» (Контрольная работа)
2. 1 семестр КМ-2 «Линейная алгебра. СЛАУ» (Контрольная работа)
3. 1 семестр КМ-3 «Дифференцирование» (Контрольная работа)
4. 1 семестр КМ-4 «Аналитическая геометрия» (Контрольная работа)
5. 1 семестр КМ-5 «Интегралы» (Контрольная работа)

2 семестр

Форма реализации: Письменная работа

1. 2 семестр КМ-1 «Функции многих переменных» (Контрольная работа)
2. 2 семестр КМ-2 "ОДУ" (Контрольная работа)
3. 2 семестр КМ-3 «Ряды» (Контрольная работа)
4. 2 семестр КМ-4 «Кратные интегралы. Теория поля» (Контрольная работа)
5. 2 семестр КМ-5 «ДУ в ЧП. УМФ» (Контрольная работа)

3 семестр

Форма реализации: Письменная работа

1. 3 семестр КМ-1 «Действия с комплексными числами» (Контрольная работа)
2. 3 семестр КМ-2 «Случайные события» (Контрольная работа)
3. 3 семестр КМ-2 «Численное решение СЛАУ» (Контрольная работа)
4. 3 семестр КМ-3 «ТФКП. Операционное исчисление» (Контрольная работа)
5. 3 семестр КМ-4 «Приближение функций алгебраическими многочленами» (Контрольная работа)
6. 3 семестр КМ-4 «Случайные величины и их числовые характеристики» ()

Балльно-рейтинговая структура дисциплины является приложением А.

4.2 Промежуточная аттестация по дисциплине

Экзамен (Семестр №1)

итоговая оценка за освоение дисциплины определяется в соответствии с Положением о балльно-рейтинговой системе для студентов НИУ «МЭИ»

Экзамен (Семестр №2)

итоговая оценка за освоение дисциплины определяется в соответствии с Положением о балльно-рейтинговой системе для студентов НИУ «МЭИ».

Экзамен (Семестр №3)

Итоговая оценка по курсу выставляется согласно оценке промежуточной аттестации за 3 семестр.

Примечание: Оценочные материалы по дисциплине приведены в фонде оценочных материалов ОПОП.

5. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

5.1 Печатные и электронные издания:

1. Курс высшей математики. Интегральное исчисление. Функции нескольких переменных. Дифференциальные уравнения. Лекции и практикум : учебное пособие для вузов по направлениям "Технические науки", "Техника и технологии" / И. М. Петрушко, [и др.] ; общ. ред. И. М. Петрушко . – 2-е изд., стер . – СПб. : Лань-Пресс, 2019 . – 608 с. – (Учебники для вузов. Специальная литература) . - ISBN 978-5-8114-0633-3 .;
2. Курс высшей математики. Введение в математический анализ. Дифференциальное исчисление. Лекции и практикум : учебное пособие для вузов по направлениям "Технические науки", "Техника и технологии" / И. М. Петрушко, [и др.] . – 3-е изд., стер . – СПб. : Лань-Пресс, 2008 . – 288 с. – (Учебники для вузов. Специальная литература) . - ISBN 978-5-8114-0578-7 .;
3. Бараненков, А. И. Сборник задач и типовых расчетов по высшей математике : учебное пособие / А. И. Бараненков, Е. П. Богомолова, И. М. Петрушко . – СПб. : Лань-Пресс, 2009 . – 240 с. – (Учебники для вузов. Специальная литература) . - ISBN 978-5-8114-0930-3 .;
4. Курс высшей математики: Кратные интегралы. Векторный анализ. Лекции и практические занятия. Ч.3 : Учебное пособие для вузов по направлениям "Технические науки", "Техника и технологии" / И. М. Петрушко, Н. В. Гуличев, Л. Г. Попов, и др., Моск. энерг. ин-т (МЭИ ТУ) . – М. : Изд-во МЭИ, 2004 . – 292 с. – (Дистанционное обучение) . - ISBN 5-7046-1047-1 .;
5. Зимина О. В., Кириллов А. И., Сальникова Т. А.- "Высшая математика", (3-е изд.), Издательство: "ФИЗМАТЛИТ", Москва, 2006 - (368 с.)
https://e.lanbook.com/books/element.php?pl1_id=59344;
6. Курс высшей математики. Ряды. Лекции и практические занятия : учебное пособие по курсу "Высшая математика" для МЭИ (ТУ) по всем направлениям / И. М. Петрушко, П. С. Геворкян, Р. Р. Гонцов, [и др.], Моск. энерг. ин-т (МЭИ ТУ) . – М. : Издательский дом МЭИ, 2009 . – 172 с. - ISBN 978-5-383-00298-8 .;
7. Курс высшей математики. Теория функций комплексной переменной. Лекции и практические занятия : учебное пособие для вузов / И. М. Петрушко, А. Г. Елисеев, В. И. Качалов, и др. – М. : Издательский дом МЭИ, 2010 . – 308 с. - ISBN 978-5-383-00508-8 .;
8. Курс высшей математики. Теория вероятностей: Лекции и практические занятия. Ч.4 : Учебное пособие для вузов по направлениям "Технические науки", "Техника и технологии" / И. М. Петрушко, В. И. Афанасьев, А. А. Бободжанов, и др., Моск. энерг. ин-т (МЭИ ТУ) . – М. : Изд-во МЭИ, 2004 . – 304 с. – (Дистанционное обучение) . - ISBN 5-7046-1088-9 .;
9. Кузнецов, Л. А. Сборник задач по высшей математике: типовые расчеты : учебное пособие / Л. А. Кузнецов . – 6-е изд., стереотип . – СПб. : Лань-Пресс, 2005 . – 240 с. – (Учебники для вузов. Специальная литература) . - ISBN 5-8114-0574-X .;
10. Чудесенко, В. Ф. Сборник заданий по специальным курсам высшей математики. Типовые расчеты : учебное пособие / В. Ф. Чудесенко . – 5-е изд., стер . – СПб. : Лань-Пресс, 2010 . – 192 с. – (Учебники для вузов. Специальная литература) . - ISBN 978-5-8114-0661-6 .;
11. Амосов, А. А. Вычислительные методы : учебное пособие / А. А. Амосов, Ю. А. Дубинский, Н. В. Копченова . – 4-е изд., стер . – Санкт-Петербург : Лань, 2021 . – 672 с. – (Учебники для вузов. Специальная литература) . - ISBN 978-5-8114-1623-3 .;
12. Шмелев, П. А. Теория рядов в элементарном изложении. Интеграл и преобразование Фурье: Учебное пособие по курсу "Высшая математика" / П. А. Шмелев, Моск. энерг. ин-т (МЭИ ТУ) . – М. : Изд-во МЭИ, 1997 . – 218 с. - ISBN 5-7046-0236-3 : 12000.00 ..

5.2 Лицензионное и свободно распространяемое программное обеспечение:

1. СДО "Прометей";
2. Office;
3. Windows;
4. MathCad;

5. Matlab;
6. Майнд Видеоконференции;
7. Access;
8. Acrobat Reader;
9. Dev-C++;
10. PascalABC;
11. Mathematica.

5.3 Интернет-ресурсы, включая профессиональные базы данных и информационно-справочные системы:

1. ЭБС Лань - <https://e.lanbook.com/>
2. ЭБС "Университетская библиотека онлайн" - http://biblioclub.ru/index.php?page=main_ub_red
3. Научная электронная библиотека - <https://elibrary.ru/>
4. База данных Web of Science - <http://webofscience.com/>
5. База данных Scopus - <http://www.scopus.com>
6. Национальная электронная библиотека - [https://rusneb.ru/](https://rusneb.ru)

6. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

Тип помещения	Номер аудитории, наименование	Оснащение
Учебные аудитории для проведения лекционных занятий и текущего контроля	Ж-120, Машинный зал ИВЦ	сервер, кондиционер
Учебные аудитории для проведения практических занятий, КР и КП	М-816, Учебная аудитория	парта со скамьей, стол, стул, доска меловая
Учебные аудитории для проведения промежуточной аттестации	Ж-120, Машинный зал ИВЦ	сервер, кондиционер
Помещения для самостоятельной работы	НТБ-303, Компьютерный читальный зал	стол компьютерный, стул, стол письменный, вешалка для одежды, компьютерная сеть с выходом в Интернет, компьютер персональный, принтер, кондиционер
Помещения для консультирования	В-405/1, Кабинет сотрудников каф. «ВМ»	кресло рабочее, стол, стол для оргтехники, стул, шкаф, тумба, компьютерная сеть с выходом в Интернет, многофункциональный центр, компьютер персональный, принтер, кондиционер
Помещения для хранения оборудования и учебного инвентаря	В-404/1а, Кладовая	

БАЛЛЬНО-РЕЙТИНГОВАЯ СТРУКТУРА ДИСЦИПЛИНЫ

Математика

(название дисциплины)

1 семестр**Перечень контрольных мероприятий текущего контроля успеваемости по дисциплине:**

- КМ-1 1 семестр КМ-1 «Пределы» (Контрольная работа)
 КМ-2 1 семестр КМ-2 «Линейная алгебра. СЛАУ» (Контрольная работа)
 КМ-3 1 семестр КМ-3 «Дифференцирование» (Контрольная работа)
 КМ-4 1 семестр КМ-4 «Аналитическая геометрия» (Контрольная работа)
 КМ-5 1 семестр КМ-5 «Интегралы» (Контрольная работа)

Вид промежуточной аттестации – Экзамен.

Номер раздела	Раздел дисциплины	Индекс КМ:	КМ-1	КМ-2	КМ-3	КМ-4	КМ-5
		Неделя КМ:	4	5	8	11	15
1	Пределы и непрерывность функции одной переменной						
1.1	Пределы и непрерывность функции одной переменной		+				
2	Дифференциальное исчисление функции одной переменной						
2.1	Дифференциальное исчисление функции одной переменной				+		
3	Интегральное исчисление функции одной переменной. Неопределенный интеграл						
3.1	Интегральное исчисление функции одной переменной. Неопределенный интеграл						+
4	Матрицы, определители, системы линейных уравнений						
4.1	Матрицы, определители, системы линейных уравнений			+			
5	Аналитическая геометрия на плоскости и в пространстве						
5.1	Аналитическая геометрия на плоскости и в пространстве					+	
6	Интегральное исчисление функции одной переменной. Определенные, несобственные интегралы.						
6.1	Интегральное исчисление функции одной переменной. Определенные, несобственные интегралы.						+
Вес КМ, %:			20	20	20	20	20

2 семестр

Перечень контрольных мероприятий текущего контроля успеваемости по дисциплине:

- КМ-6 2 семестр КМ-1 «Функции многих переменных» (Контрольная работа)
 КМ-7 2 семестр КМ-2 "ОДУ" (Контрольная работа)
 КМ-8 2 семестр КМ-3 «Ряды» (Контрольная работа)
 КМ-9 2 семестр КМ-4 «Кратные интегралы. Теория поля» (Контрольная работа)
 КМ- 2 семестр КМ-5 «ДУ в ЧП. УМФ» (Контрольная работа)

17

Вид промежуточной аттестации – Экзамен.

Номер раздела	Раздел дисциплины	Индекс КМ:	КМ-6	КМ-7	КМ-8	КМ-9	КМ-17
		Неделя КМ:	3	11	7	13	15
1	Дифференциальное исчисление функций нескольких переменных						
1.1	Дифференциальное исчисление функций нескольких переменных	+					
2	Дифференциальные уравнения						
2.1	Дифференциальные уравнения. ОДУ.		+				
2.2	Дифференциальные уравнения. ДУ в ЧП второго порядка.						+
3	Последовательности и ряды						
3.1	Последовательности и ряды				+		
4	Кратные, поверхностные, криволинейные интегралы и векторный анализ						
4.1	Кратные, поверхностные, криволинейные интегралы и векторный анализ					+	
Вес КМ, %:		20	20	20	20	20	20

3 семестр

Перечень контрольных мероприятий текущего контроля успеваемости по дисциплине:

- КМ- 3 семестр КМ-1 «Действия с комплексными числами» (Контрольная работа)
 11
 КМ- 3 семестр КМ-3 «ТФКП. Операционное исчисление» (Контрольная работа)
 13
 КМ- 3 семестр КМ-2 «Случайные события» (Контрольная работа)
 15
 КМ- 3 семестр КМ-4 «Случайные величины и их числовые характеристики»
 16
 КМ- 3 семестр КМ-2 «Численное решение СЛАУ» (Контрольная работа)
 18
 КМ- 3 семестр КМ-4 «Приближение функций алгебраическими многочленами» (Контрольная работа)
 19

Вид промежуточной аттестации – Экзамен.

Номер раздела	Раздел дисциплины	Индекс КМ:	KM-11	KM-13	KM-15	KM-16	KM-18	KM-19
		Неделя КМ:	3	11	14	16	5	13
1	Функции комплексного переменного							
1.1	Функции комплексного переменного	+	+					
2	Операционное исчисление							
2.1	Операционное исчисление	+	+					
3	Вероятности событий							
3.1	Вероятности событий				+			
4	Случайные величины и их числовые характеристики							
4.1	Случайные величины и их числовые характеристики					+		
5	Численные методы							
5.1	Численные методы						+	+
Вес КМ, %:			20	20	10	10	20	20