

**Министерство науки и высшего образования РФ
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования
«Национальный исследовательский университет «МЭИ»**

Направление подготовки/специальность: 10.03.01 Информационная безопасность

Наименование образовательной программы: Безопасность автоматизированных систем

Уровень образования: высшее образование - бакалавриат

Форма обучения: Очно-заочная

**Оценочные материалы
по дисциплине
Теория вероятностей и математическая статистика**

**Москва
2025**

ОЦЕНОЧНЫЕ МАТЕРИАЛЫ РАЗРАБОТАЛ:

Разработчик

	Подписано электронной подписью ФГБОУ ВО «НИУ «МЭИ»	
	Сведения о владельце ЦЭП МЭИ	
	Владелец	Евтеев Б.В.
	Идентификатор	Rbb7ca24a-YevteevBV-e22a6fbb

Б.В. Евтеев

СОГЛАСОВАНО:

Руководитель
образовательной
программы

	Подписано электронной подписью ФГБОУ ВО «НИУ «МЭИ»	
	Сведения о владельце ЦЭП МЭИ	
	Владелец	Баронов О.Р.
	Идентификатор	R90d76356-BaronovOR-7bf8fd7e

О.Р.
Баронов

Заведующий
выпускающей кафедрой

	Подписано электронной подписью ФГБОУ ВО «НИУ «МЭИ»	
	Сведения о владельце ЦЭП МЭИ	
	Владелец	Невский А.Ю.
	Идентификатор	R4bc65573-NevskyAY-0b6e493d

А.Ю.
Невский

ОБЩАЯ ЧАСТЬ

Оценочные материалы по дисциплине предназначены для оценки достижения обучающимися запланированных результатов обучения по дисциплине, этапа формирования запланированных компетенций и уровня освоения дисциплины.

Оценочные материалы по дисциплине включают оценочные средства для проведения мероприятий текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации.

Формируемые у обучающегося компетенции:

1. ОПК-3 Способен использовать необходимые математические методы для решения задач профессиональной деятельности

ИД-2 Применяет соответствующий математический аппарат для решения профессиональных задач

2. ОПК-11 Способен проводить эксперименты по заданной методике и обработку их результатов

ИД-1 Проводит эксперименты по заданной методике, обработку, оценку погрешности и достоверности их результатов

и включает:

для текущего контроля успеваемости:

Форма реализации: Письменная работа

1. Контрольная работа №1. Случайные события (Контрольная работа)

2. Контрольная работа №2. Случайные величины (Контрольная работа)

3. Контрольная работа №3. Предельные теоремы и оценка параметров (Контрольная работа)

4. Контрольная работа №4. Проверка статистических гипотез (Контрольная работа)

БРС дисциплины

2 семестр

Перечень контрольных мероприятий текущего контроля успеваемости по дисциплине:

КМ-1 Контрольная работа №1. Случайные события (Контрольная работа)

КМ-2 Контрольная работа №2. Случайные величины (Контрольная работа)

КМ-3 Контрольная работа №3. Предельные теоремы и оценка параметров (Контрольная работа)

КМ-4 Контрольная работа №4. Проверка статистических гипотез (Контрольная работа)

Вид промежуточной аттестации – Экзамен.

Раздел дисциплины	Веса контрольных мероприятий, %				
	Индекс КМ:	КМ-1	КМ-2	КМ-3	КМ-4
	Срок КМ:	4	8	12	15
Случайные события и их вероятности					

Аксиоматика теории вероятностей, вероятностные модели	+			
Теоремы и формулы теории вероятностей	+			
Независимые случайные испытания	+			
Случайные величины и их числовые характеристики				
Случайная величина и ее функция распределения		+		
Числовые характеристики случайной величины		+		
Случайные векторы и функции от случайных величин.				
Случайные векторы и их числовые характеристики.		+		
Функции от случайных величин.		+		
Характеристические функции и предельные теоремы.				
Характеристические функции и их свойства			+	
Предельные теоремы.			+	
Статистические оценки параметров				
Выборка и ее распределение			+	
Точечные и интервальные оценки			+	
Проверка статистических гипотез				
Понятие статистической гипотезы и ее альтернативы				+
Проверка гипотез о числовых значениях нормального распределения				+
Вес КМ:	25	25	25	25

СОДЕРЖАНИЕ ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ ТЕКУЩЕГО КОНТРОЛЯ

I. Оценочные средства для оценки запланированных результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с индикаторами достижения компетенций

Индекс компетенции	Индикатор	Запланированные результаты обучения по дисциплине	Контрольная точка
ОПК-3	ИД-2 _{ОПК-3} Применяет соответствующий математический аппарат для решения профессиональных задач	Знать: базовые фундаментальные понятия и математический аппарат теории вероятностей и математической статистики Уметь: применять математический аппарат в профессиональной деятельности, выявлять сущность проблем, возникающих в ходе профессиональной деятельности	КМ-1 Контрольная работа №1. Случайные события (Контрольная работа) КМ-3 Контрольная работа №3. Предельные теоремы и оценка параметров (Контрольная работа)
ОПК-11	ИД-1 _{ОПК-11} Проводит эксперименты по заданной методике, обработку, оценку погрешности и достоверности их результатов	Знать: знать методологию сбора и обработки статистического материала и– методы анализа статистических данных для их использования при решении профессиональных задач	КМ-2 Контрольная работа №2. Случайные величины (Контрольная работа) КМ-4 Контрольная работа №4. Проверка статистических гипотез (Контрольная работа)

		Уметь: строить и интерпретировать математические модели с применением элементов анализа случайных явлений и определять границы применимости этих моделей	
--	--	---	--

II. Содержание оценочных средств. Шкала и критерии оценивания

КМ-1. Контрольная работа №1. Случайные события

Формы реализации: Письменная работа

Тип контрольного мероприятия: Контрольная работа

Вес контрольного мероприятия в БРС: 25

Процедура проведения контрольного мероприятия: Контрольная работа проводится в письменной форме. В шапке контрольной работы указывается: наименование предмета; номер группы, Ф.И.О. студента. Для выполнения контрольной работы предусматривается несколько вопросов. Время выполнения 2 академических часа. После проверки контрольной работы оглашаются результаты.

Краткое содержание задания:

Ответить на вопросы контрольной работы

Контрольные вопросы/задания:

Запланированные результаты обучения по дисциплине	Вопросы/задания для проверки
Знать: базовые фундаментальные понятия и математический аппарат теории вероятностей и математической статистики	1. Из кошелька вытряхнули на стол пять монет. Какова вероятность того, что три из них упали гербом вверх? 2. Из 20 лотерейных билетов 5 выигрышные. Наугад выбраны 3 билета. Какова вероятность того, что среди них хотя бы один билет выигрышный? Какова вероятность того, что среди них только один билет выигрышный? 3. Вероятность попадания в цель при одном выстреле для первого стрелка равна 0,7, а для второго – 0,8. Оба стрелка дали залп по цели. Какова вероятность того, что попал только один? Какова вероятность поражения цели?

Описание шкалы оценивания:

Оценка: 5 («отлично»)

Нижний порог выполнения задания в процентах: 70

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "отлично" выставляется если задание выполнено в полном объеме или выполнено преимущественно верно

Оценка: 4 («хорошо»)

Нижний порог выполнения задания в процентах: 60

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "хорошо" выставляется если большинство вопросов раскрыто. выбрано верное направление для решения задач

Оценка: 3 («удовлетворительно»)

Нижний порог выполнения задания в процентах: 50

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "удовлетворительно" выставляется если задание преимущественно выполнено

Оценка: 2 («неудовлетворительно»)

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "неудовлетворительно" выставляется если задание выполнено неверно или преимущественно не выполнено

КМ-2. Контрольная работа №2. Случайные величины

Формы реализации: Письменная работа

Тип контрольного мероприятия: Контрольная работа

Вес контрольного мероприятия в БРС: 25

Процедура проведения контрольного мероприятия: Контрольная работа проводится в письменной форме. В шапке контрольной работы указывается: наименование предмета; номер группы, Ф.И.О. студента. Для выполнения контрольной работы предусматривается несколько вопросов. Время выполнения 2 академических часа. После проверки контрольной работы оглашаются результаты.

Краткое содержание задания:

Ответить на вопросы контрольной работы

Контрольные вопросы/задания:

Запланированные результаты обучения по дисциплине	Вопросы/задания для проверки
Знать: знать методологию сбора и обработки статистического материала и– методы анализа статистических данных для их использования при решении профессиональных задач	1.Случайная величина X имеет функцию плотности вероятности $f(x) = 2-2x$ при $0 \leq x \leq 1$ и $f(x) = 0$ при остальных x . Найти функцию распределения $F(x)$, математическое ожидание, дисперсию и вероятности $P(0,4 < X)$, $P(X < 1/5)$ и $P(1/3 < X < 1/2)$. 2.Написать закон распределения числа мальчиков в семьях с тремя детьми. Вероятность рождения мальчика принять равной 0,5. 3.Случайная величина имеет нормальный закон распределения $N(0, \sigma)$. Найти закон распределения случайной величины $Y = X$.

Описание шкалы оценивания:

Оценка: 5 («отлично»)

Нижний порог выполнения задания в процентах: 70

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "отлично" выставляется если задание выполнено в полном объеме или выполнено преимущественно верно

Оценка: 4 («хорошо»)

Нижний порог выполнения задания в процентах: 60

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "хорошо" выставляется если большинство вопросов раскрыто. выбрано верное направление для решения задач

Оценка: 3 («удовлетворительно»)

Нижний порог выполнения задания в процентах: 50

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "удовлетворительно" выставляется если задание преимущественно выполнено

Оценка: 2 («неудовлетворительно»)

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "неудовлетворительно" выставляется если задание выполнено неверно или преимущественно не выполнено

КМ-3. Контрольная работа №3. Предельные теоремы и оценка параметров

Формы реализации: Письменная работа

Тип контрольного мероприятия: Контрольная работа

Вес контрольного мероприятия в БРС: 25

Процедура проведения контрольного мероприятия: Контрольная работа проводится в письменной форме. В шапке контрольной работы указывается: наименование предмета; номер группы, Ф.И.О. студента. Для выполнения контрольной работы предусматривается несколько вопросов. Время выполнения 2 академических часа. После проверки контрольной работы оглашаются результаты.

Краткое содержание задания:

Ответить на вопросы контрольной работы

Контрольные вопросы/задания:

Запланированные результаты обучения по дисциплине	Вопросы/задания для проверки
Уметь: применять математический аппарат в профессиональной деятельности, выявлять сущность проблем, возникающих в ходе профессиональной деятельности	1. Оценить математическое ожидание и дисперсию случайной величины по результатам ее независимых наблюдений: 10, 4, 6, 4, 3, 8, 6, 4. 2. В ящике находятся 10 шаров белого и черного цветов. Из него наудачу 8 раз вынимают по одному шару, фиксируют их цвет и возвращают назад в ящик. В результате белые шары были извлечены 2 -м, 5 -м, 6 -м, 7 -м, 8 -м номером. Методом максимального правдоподобия оценить количество белых шаров в ящике.

Описание шкалы оценивания:

Оценка: 5 («отлично»)

Нижний порог выполнения задания в процентах: 70

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "отлично" выставляется если задание выполнено в полном объеме или выполнено преимущественно верно

Оценка: 4 («хорошо»)

Нижний порог выполнения задания в процентах: 60

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "хорошо" выставляется если большинство вопросов раскрыто. выбрано верное направление для решения задач

Оценка: 3 («удовлетворительно»)

Нижний порог выполнения задания в процентах: 50

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "удовлетворительно" выставляется если задание преимущественно выполнено

Оценка: 2 («неудовлетворительно»)

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "неудовлетворительно" выставляется если задание выполнено неверно или преимущественно не выполнено

КМ-4. Контрольная работа №4. Проверка статистических гипотез

Формы реализации: Письменная работа

Тип контрольного мероприятия: Контрольная работа

Вес контрольного мероприятия в БРС: 25

Процедура проведения контрольного мероприятия: Контрольная работа проводится в письменной форме. В шапке контрольной работы указывается: наименование предмета; номер группы, Ф.И.О. студента. Для выполнения контрольной работы предусматривается несколько вопросов. Время выполнения 2 академических часа. После проверки контрольной работы оглашаются результаты.

Краткое содержание задания:

Ответить на вопросы контрольной работы

Контрольные вопросы/задания:

Запланированные результаты обучения по дисциплине	Вопросы/задания для проверки					
Уметь: строить и интерпретировать математические модели с применением элементов анализа случайных явлений и определять границы применимости этих моделей	1.Результаты 200 наблюдений случайной величины X приведены в виде статистического ряда:					
	Интервалы значений	(-10,-5)	(-5,0)	(0,5)	(5,10)	(10,15)
	Число наблюдений	24	65	67	35	11
	По критерию «хи – квадрат» при уровне значимости 0,05 проверить, согласуются ли эти результаты с предположением о том, что наблюдалась случайная величина с нормальным законом распределения?					

Описание шкалы оценивания:

Оценка: 5 («отлично»)

Нижний порог выполнения задания в процентах: 70

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "отлично" выставляется если задание выполнено в полном объеме или выполнено преимущественно верно

Оценка: 4 («хорошо»)

Нижний порог выполнения задания в процентах: 60

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "хорошо" выставляется если большинство вопросов раскрыто. выбрано верное направление для решения задач

Оценка: 3 («удовлетворительно»)

Нижний порог выполнения задания в процентах: 50

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "удовлетворительно" выставляется если задание преимущественно выполнено

Оценка: 2 («неудовлетворительно»)

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "неудовлетворительно" выставляется если задание выполнено неверно или преимущественно не выполнено

СОДЕРЖАНИЕ ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ

2 семестр

Форма промежуточной аттестации: Экзамен

Пример билета

НИУ «МЭИ» ИнЭИ	ЭКЗАМЕНАЦИОННЫЙ БИЛЕТ № 1 по дисциплине: <i>Теория вероятностей и математическая статистика</i> направление подготовки: 10.03.01 форма обучения: <i>очная</i>	Утверждаю: <i>Зав. кафедрой БИТ</i>
Кафедра БИТ		
2021 год		(подпись)
1. Предмет теории вероятностей 2. Центральная предельная теорема. 3. Отказ устройства произошел при k -ом по счету испытании. Найти оценку максимального правдоподобия для вероятности отказа устройства при одном испытании.		

Процедура проведения

Экзамен проводится в письменной форме по билетам согласно программе экзамена

1. Перечень компетенций/индикаторов и контрольных вопросов проверки результатов освоения дисциплины

1. Компетенция/Индикатор: ИД-2_{ОПК-3} Применяет соответствующий математический аппарат для решения профессиональных задач

Вопросы, задания

1. Предмет теории вероятностей.
2. Случайные события и действия над ними. Пространство элементарных исходов. Сигма-алгебра событий.
3. Классическая вероятностная модель. Вычисление вероятностей с помощью формул комбинаторики.
4. Геометрические вероятности.
5. Статистическое определение вероятности.
6. Аксиоматическое определение вероятности. Аксиомы непрерывности.
7. Условная вероятность. Формула умножения вероятностей.
8. Независимые события. Формула вероятности суммы независимых случайных событий.
9. Полная система событий. Формула полной вероятности.
10. Априорные и апостериорные вероятности. Формула Байеса.
11. Испытания Бернулли. Формула Бернулли.
12. Теорема Пуассона.
13. Простейший поток. Распределение числа событий.
14. Случайные величины. Функция распределения и ее свойства.
15. Дискретные распределения. Ряд распределения и его свойства. Примеры.
16. Непрерывные случайные величины. Плотность вероятностей и ее свойства. Примеры.
17. Независимые случайные величины и их свойства.

18. Дисперсия суммы случайных величин.
19. Математическое ожидание случайной величины и его свойства.
20. Начальные и центральные моменты случайной величины.
21. Дисперсия случайной величины и ее свойства.
22. Случайные векторы. Функция распределения и её свойства.
23. Непрерывный случайный вектор. Плотность вероятности и ее свойства. Примеры.
24. Математическое ожидание случайного вектора. Ковариационная матрица.
25. Проверка гипотезы о равенстве математических ожиданий двух независимых нормальных выборок.

Материалы для проверки остаточных знаний

1. В кошельке было пять монет по 10 копеек и три монеты по 50 копеек. Из кошелька вынули наугад четыре монеты. Найдите закон распределения случайной величины X , которая равна сумме вынутых копеек.

Ответы:

-

Верный ответ: $P(X=40) = 1/14$, $P(X=80) = 3/7$, $P(X=120) = 3/7$, $P(X=160) = 1/14$,

2. Монету подбросили 900 раз. Герб выпал 403 раза. Можно ли считать, что подбрасывали симметричную монету?

Ответы:

-

Верный ответ: Нет

3. Для проверки всхожести посеяли 900 семян. Из них проросло 810. Постройте доверительный интервал для доли всхожих семян с надежностью 0,95.

Ответы:

-

Верный ответ: (0,88; 0,92)

4.1. Игральный кубик был подброшен 114 раз. Результаты выпадения очков представлены в следующей таблице:

Кол-во очков	1	2	3	4	5	6
Число выпадений этого кол-ва очков	15	27	13	26	12	21

Можно ли считать (при уровне значимости 0,05), что подбрасывали однородный и симметричный кубик?

Ответы:

-

Верный ответ: Нет.

2. Компетенция/Индикатор: ИД-1_{ОПК-11} Проводит эксперименты по заданной методике, обработку, оценку погрешности и достоверности их результатов

Вопросы, задания

1. Коэффициент корреляции случайных величин и его свойства.
2. Функции от случайных величин и векторов. Нахождение математического ожидания и распределения.
3. Плотность распределения суммы двух независимых случайных величин.
4. Характеристические функции и их свойства.
5. Виды сходимости последовательностей случайных величин и соотношения между ними.
6. Закон больших чисел в форме Чебышева.
7. Закон больших чисел в форме Бернулли.
8. Усиленный закон больших чисел.
9. Центральная предельная теорема.

10. Предмет математической статистики.
11. Генеральная совокупность. Выборка. Выборочные характеристики и их свойства.
12. Свойства выборочных характеристик.
13. Группирование результатов наблюдений. Полигон и гистограмма.
14. Виды статистических оценок и случаи их применения. Примеры.
15. Состоятельные, несмещенные и эффективные оценки. Примеры.
16. Метод максимального правдоподобия, дискретный случай.
17. Метод максимального правдоподобия. Непрерывный случай.
18. Построение интервальных оценок.
19. Доверительные интервалы в случае больших выборок.
20. Доверительные интервалы в случае нормальных выборок.
21. Распределения «хи-квадрат», Стьюдента и Фишера.
22. Проверка статистических гипотез. Статистика критерия. Критические области. Ошибки первого и второго рода. Уровень значимости.
23. Проверка гипотезы о числовом значении математического ожидания нормальной выборки.
24. Проверка гипотезы о значении дисперсии нормальной выборки.
25. Проверка гипотезы о равенстве дисперсий двух независимых нормальных выборок.

Материалы для проверки остаточных знаний

1. Абонент забыл последние 2 цифры телефонного номера, но помнит, что они различны и образуют двузначное число, меньшее 30. С учетом этого он набирает наугад 2 цифры. Найти вероятность того, что это будут нужные цифры.

Ответы:

-

Верный ответ: 1/18

II. Описание шкалы оценивания

Оценка: 5 («отлично»)

Нижний порог выполнения задания в процентах: 70

Описание характеристики выполнения знания: Работа выполнена в рамках "продвинутого" уровня. Ответы даны верно, четко сформулированные особенности практических решений

Оценка: 4 («хорошо»)

Нижний порог выполнения задания в процентах: 60

Описание характеристики выполнения знания: Работа выполнена в рамках "базового" уровня. Большинство ответов даны верно. В части материала есть незначительные недостатки

Оценка: 3 («удовлетворительно»)

Нижний порог выполнения задания в процентах: 50

Описание характеристики выполнения знания: Работа выполнена в рамках "порогового" уровня. Основная часть задания выполнена верно. на вопросы углубленного уровня

Оценка: 2 («неудовлетворительно»)

Описание характеристики выполнения знания: Работа не выполнена или выполнена преимущественно неправильно

III. Правила выставления итоговой оценки по курсу

Оценка определяется в соответствии с Положением о балльно-рейтинговой системе для студентов НИУ «МЭИ» на основании семестровой и экзаменационной составляющих.