

**Министерство науки и высшего образования РФ**  
**Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение**  
**высшего образования**  
**«Национальный исследовательский университет «МЭИ»**

---

Направление подготовки/специальность: 27.03.02 Управление качеством

Наименование образовательной программы: Управление качеством в производственно-технологических системах

Уровень образования: высшее образование - бакалавриат

Форма обучения: Очно-заочная

**Рабочая программа дисциплины**  
**МАТЕМАТИКА**

<b>Блок:</b>	<b>Блок 1 «Дисциплины (модули)»</b>
<b>Часть образовательной программы:</b>	<b>Обязательная</b>
<b>№ дисциплины по учебному плану:</b>	<b>Б1.О.10</b>
<b>Трудоемкость в зачетных единицах:</b>	<b>1 семестр - 4; 2 семестр - 4; 3 семестр - 3; всего - 11</b>
<b>Часов (всего) по учебному плану:</b>	<b>396 часа</b>
<b>Лекции</b>	<b>1 семестр - 20 часов; 2 семестр - 20 часов; 3 семестр - 16 часов; всего - 56 часа</b>
<b>Практические занятия</b>	<b>1 семестр - 20 часов; 2 семестр - 20 часов; 3 семестр - 16 часов; всего - 56 часа</b>
<b>Лабораторные работы</b>	<b>не предусмотрено учебным планом</b>
<b>Консультации</b>	<b>1 семестр - 2 часа; 2 семестр - 2 часа; 3 семестр - 2 часа; всего - 6 часов</b>
<b>Самостоятельная работа</b>	<b>1 семестр - 101,5 часа; 2 семестр - 101,5 часа; 3 семестр - 73,5 часа; всего - 276,5 часа</b>
<b>в том числе на КП/КР</b>	<b>не предусмотрено учебным планом</b>
<b>Иная контактная работа</b>	<b>проводится в рамках часов аудиторных занятий</b>
<b>включая:</b> <b>Контрольная работа</b> <b>Расчетно-графическая работа</b> <b>Тестирование</b>	
<b>Промежуточная аттестация:</b>	
<b>Экзамен</b> <b>Экзамен</b> <b>Экзамен</b>	<b>1 семестр - 0,5 часа; 2 семестр - 0,5 часа; 3 семестр - 0,5 часа; всего - 1,5 часа</b>

# Москва 2024

**ПРОГРАММУ СОСТАВИЛ:**

Преподаватель

	Подписано электронной подписью ФГБОУ ВО «НИУ «МЭИ»	
	Сведения о владельце ЦЭП МЭИ	
	Владелец	Подкопаева В.А.
	Идентификатор	Rd0dd34a-ПодкопаеваVA-ef29ca

В.А. Подкопаева

**СОГЛАСОВАНО:**

Руководитель  
образовательной программы

	Подписано электронной подписью ФГБОУ ВО «НИУ «МЭИ»	
	Сведения о владельце ЦЭП МЭИ	
	Владелец	Мызникова М.Н.
	Идентификатор	R5ac9642a-MuznikovaMN-91ca4d6

М.Н.  
Мызникова

Заведующий выпускающей  
кафедрой

	Подписано электронной подписью ФГБОУ ВО «НИУ «МЭИ»	
	Сведения о владельце ЦЭП МЭИ	
	Владелец	Кетоева Н.Л.
	Идентификатор	R56dba1ba-KetoyevaNL-5403d8c5

Н.Л. Кетоева

## 1. ЦЕЛИ И ЗАДАЧИ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

**Цель освоения дисциплины:** овладение методами элементарной линейной алгебры и аналитической геометрии. Овладение математическим аппаратом действительного анализа для решения прикладных задач. овладение навыками постановки и решения задач теории вероятностей и математической статистики .

### Задачи дисциплины

- научиться решать системы линейных уравнений методом Гаусса;
- научиться находить собственные числа и собственные векторы линейных преобразований конечномерных пространств;
- научиться решать задачи по аналитической геометрии;
- уметь классифицировать кривые и поверхности второго порядка;
- уметь находить обратную матрицу;
- Научиться строить графики функций;
- Научиться находить экстремумы функций;
- Научиться исследовать сходимость рядов;
- Научиться решать простейшие дифференциальные уравнения;
- Научиться вычислять интегралы;
- научиться решать вероятностные задачи, где вероятностным пространством является пространство элементарных исходов;
- научиться вычислять численные характеристики случайной величины;
- научиться определять числовые характеристики корреляции случайных величин;
- находить доверительные интервалы для числовых характеристик случайных величин и проверять статистические гипотезы.

Формируемые у обучающегося **компетенции** и запланированные **результаты обучения** по дисциплине, соотнесенные с **индикаторами достижения компетенций**:

Код и наименование компетенции	Код и наименование индикатора достижения компетенции	Запланированные результаты обучения
ОПК-1 Способен анализировать задачи профессиональной деятельности на основе положений, законов и методов естественных наук и математики	ИД-1 <sub>ОПК-1</sub> Выполняет анализ и структурирование данных, вычленяет математические отношения и создает математическую модель ситуации	знать: <ul style="list-style-type: none"><li>- Основные приёмы интегрирования;</li><li>- Основные признаки сходимости рядов;</li><li>- центральную предельную теорему;</li><li>- Основные приёмы дифференцирования функций нескольких переменных;</li><li>- Способы решения систем линейных уравнений;</li><li>- стандартные распределения случайных величин;</li><li>- Основные приёмы решения дифференциальных уравнений;</li><li>- Формулы сокращенного умножения, тригонометрию, основные методы начала анализа для изучения функций и их свойств;</li><li>- Формулы для вычисления определителей матриц, действия с матрицами;</li><li>- Формулы для вычисления скалярного,</li></ul>

Код и наименование компетенции	Код и наименование индикатора достижения компетенции	Запланированные результаты обучения
		<p>векторного и смешанного произведений векторов. Уравнения прямых и плоскостей в пространстве;</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- элементы регрессионного анализа;</li> <li>- Основные приёмы вычисления пределов и производных функций.</li> </ul> <p>уметь:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- Решать стандартные дифференциальные уравнения;</li> <li>- Определять ранги матриц. Решать однородные и неоднородные системы линейных уравнений;</li> <li>- Находить собственные значения и собственные векторы линейного оператора;</li> <li>- Вычислять обратные матрицы;</li> <li>- находить доверительные интервалы для математического ожидания и дисперсии;</li> <li>- решать комбинаторными методами простейшие вероятностные задачи.</li> </ul>

## 2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ ВО

Дисциплина относится к основной профессиональной образовательной программе Управление качеством в производственно-технологических системах (далее – ОПОП), направления подготовки 27.03.02 Управление качеством, уровень образования: высшее образование - бакалавриат.

Базируется на уровне среднего общего образования.

Результаты обучения, полученные при освоении дисциплины, необходимы при выполнении выпускной квалификационной работы.

### 3. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

#### 3.1 Структура дисциплины

Общая трудоемкость дисциплины составляет 11 зачетных единиц, 396 часа.

№ п/п	Разделы/темы дисциплины/формы промежуточной аттестации	Всего часов на раздел	Семестр	Распределение трудоемкости раздела (в часах) по видам учебной работы										Содержание самостоятельной работы/ методические указания	
				Контактная работа						СР					
				Лек	Лаб	Пр	Консультация		ИКР		ПА	Работа в семестре	Подготовка к аттестации /контроль		
КПР	ГК	ИККП	ТК												
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	
1	Элементарная математика	24	1	6	-	8	-	-	-	-	-	10	-	<b><u>Самостоятельное изучение теоретического материала:</u></b> Работа ориентирована на изучение литературных источников, конспектирование основных данных, разбор примеров решения задач, прохождение тестов по учебному материалу <b><u>Подготовка к текущему контролю:</u></b> Работа ориентирована на изучение теоретического материала по темам элементарной математики <b><u>Изучение материалов литературных источников:</u></b> [4], 315-364	
1.1	Элементарная математика	24		6	-	8	-	-	-	-	-	10	-		
2	Матрицы и определители	27		3	-	3	-	-	-	-	-	-	21	-	<b><u>Подготовка к текущему контролю:</u></b> Работа ориентирована на изучение литературных источников, конспектирование основных данных, разбор примеров решения задач, прохождение тестов по учебному материалу <b><u>Самостоятельное изучение теоретического материала:</u></b> Работа ориентирована на изучение теоретического материала по темам матрицы и определители
2.1	Арифметические операции с матрицами	9		1	-	1	-	-	-	-	-	-	7	-	
2.2	Определители	9		1	-	1	-	-	-	-	-	-	7	-	
2.3	Обратная матрица	9		1	-	1	-	-	-	-	-	-	7	-	
3	Аналитическая геометрия на плоскости и в пространстве	26		6	-	4	-	-	-	-	-	-	16	-	<b><u>Подготовка к текущему контролю:</u></b> Работа ориентирована на изучение литературных источников, конспектирование основных данных, разбор примеров решения задач, прохождение тестов по учебному материалу <b><u>Самостоятельное изучение</u></b>
3.1	Векторы	13		3	-	2	-	-	-	-	-	-	8	-	
3.2	Уравнения прямых и	13	3	-	2	-	-	-	-	-	-	8	-		

	плоскостей												<b><u>теоретического материала:</u></b> Работа ориентирована на изучение теоретического материала по темам матрицы и определители <b><u>Изучение материалов литературных источников:</u></b> [4], 209-313	
4	Системы линейных уравнений	16		3	-	3	-	-	-	-	-	10	-	<b><u>Самостоятельное изучение теоретического материала:</u></b> Работа ориентирована на изучение теоретического материала по темам матрицы и определители
4.1	Однородные и неоднородные системы линейных уравнений	16		3	-	3	-	-	-	-	-	10	-	<b><u>Подготовка к текущему контролю:</u></b> Работа ориентирована на изучение литературных источников, конспектирование основных данных, разбор примеров решения задач, прохождение тестов по учебному материалу
5	Кривые и поверхности	15		2	-	2	-	-	-	-	-	11	-	<b><u>Самостоятельное изучение теоретического материала:</u></b> Работа ориентирована на изучение теоретического материала по темам матрицы и определители
5.1	Кривые и поверхности второго порядка	15		2	-	2	-	-	-	-	-	11	-	<b><u>Подготовка к текущему контролю:</u></b> Работа ориентирована на изучение литературных источников, конспектирование основных данных, разбор примеров решения задач, прохождение тестов по учебному материалу
	Экзамен	36.0		-	-	-	-	2	-	-	0.5	-	33.5	
	Всего за семестр	144.0		20	-	20	-	2	-	-	0.5	68	33.5	
	Итого за семестр	144.0		20	-	20	2	-	-	0.5	101.5			
6	Введение в математический анализ	19	2	3	-	3	-	-	-	-	-	13	-	<b><u>Подготовка к текущему контролю:</u></b> Повторение материала по разделу "Введение в математический анализ"
6.1	Графики	6		1	-	1	-	-	-	-	-	4	-	<b><u>Самостоятельное изучение теоретического материала:</u></b> Изучение дополнительного материала по разделу "Введение в математический анализ"
6.2	Дифференциальное исчисление	6		1	-	1	-	-	-	-	-	4	-	<b><u>Изучение материалов литературных источников:</u></b> [5], 34-54
6.3	Пределы	7		1	-	1	-	-	-	-	-	5	-	
7	Функции нескольких переменных	14		2	-	2	-	-	-	-	-	10	-	<b><u>Подготовка к текущему контролю:</u></b> Повторение материала по разделу "Функции"

7.1	Функции нескольких переменных	7	1	-	1	-	-	-	-	-	5	-	нескольких переменных" <b><u>Самостоятельное изучение теоретического материала:</u></b> Изучение дополнительного материала по разделу "Функции нескольких переменных" <b><u>Изучение материалов литературных источников:</u></b> [5], 113-143 [7], 24-43
7.2	Экстремумы функции нескольких переменных	7	1	-	1	-	-	-	-	-	5	-	
8	Интегральное исчисление	25	5	-	5	-	-	-	-	-	15	-	<b><u>Подготовка к текущему контролю:</u></b> Повторение материала по разделу "Интегральное исчисление"
8.1	Неопределённый интеграл	7	1	-	1	-	-	-	-	-	5	-	<b><u>Самостоятельное изучение теоретического материала:</u></b> Изучение дополнительного материала по разделу "Интегральное исчисление"
8.2	Несобственный интеграл	9	2	-	2	-	-	-	-	-	5	-	<b><u>Изучение материалов литературных источников:</u></b> [5], 77-90 [7], 14-23
8.3	Определённый интеграл	9	2	-	2	-	-	-	-	-	5	-	
9	Ряды	30	6	-	6	-	-	-	-	-	18	-	<b><u>Подготовка к текущему контролю:</u></b> Повторение материала по разделу "Ряды"
9.1	Числовые ряды	10	2	-	2	-	-	-	-	-	6	-	<b><u>Самостоятельное изучение теоретического материала:</u></b> Изучение дополнительного материала по разделу "Ряды"
9.2	Знакопеременные ряды	10	2	-	2	-	-	-	-	-	6	-	<b><u>Изучение материалов литературных источников:</u></b> [5], 144-156 [6], 45-54 [7], 9-13
9.3	Степенные ряды. Ряд Тейлора	10	2	-	2	-	-	-	-	-	6	-	
10	Дифференциальные уравнения	20	4	-	4	-	-	-	-	-	12	-	<b><u>Подготовка к текущему контролю:</u></b> Повторение материала по разделу "Дифференциальные уравнения"
10.1	Дифференциальные уравнения 1-го порядка.	10	2	-	2	-	-	-	-	-	6	-	<b><u>Самостоятельное изучение теоретического материала:</u></b> Изучение дополнительного материала по разделу "Дифференциальные уравнения"
10.2	Дифференциальные уравнения высших порядков	10	2	-	2	-	-	-	-	-	6	-	<b><u>Изучение материалов литературных источников:</u></b>



													<b>источников:</b> [5], 55-76 [6], 23-34	
	Экзамен	36.0		-	-	-	-	2	-	-	0.5	-	33.5	
	Всего за семестр	144.0		20	-	20	-	2	-	-	0.5	68	33.5	
	Итого за семестр	144.0		20	-	20	2	-	-	0.5	101.5			
11	Элементы комбинаторики. Случайные события	11	3	2	-	2	-	-	-	-	-	7	-	<b>Подготовка к текущему контролю:</b> Повторение материала по разделу "Элементы комбинаторики. Случайные события"
11.1	Элементы комбинаторики. Случайные события	11		2	-	2	-	-	-	-	-	7	-	<b>Самостоятельное изучение теоретического материала:</b> Изучение дополнительного материала по разделу "Элементы комбинаторики. Случайные события"
12	Элементарная теория вероятностей	13		3	-	3	-	-	-	-	-	7	-	<b>Подготовка к текущему контролю:</b> Повторение материала по разделу "Элементарная теория вероятностей"
12.1	Элементарная теория вероятностей	13		3	-	3	-	-	-	-	-	7	-	<b>Самостоятельное изучение теоретического материала:</b> Изучение дополнительного материала по разделу "Элементарная теория вероятностей" <b>Изучение материалов литературных источников:</b> [9], 84-99
13	Случайные величины	14		3	-	3	-	-	-	-	-	8	-	<b>Подготовка к текущему контролю:</b> Повторение материала по разделу "Случайные величины"
13.1	Непрерывные и дискретные случайные величины	14		3	-	3	-	-	-	-	-	8	-	<b>Самостоятельное изучение теоретического материала:</b> Изучение дополнительного материала по разделу "Случайные величины" <b>Изучение материалов литературных источников:</b> [9], 100-123
14	Законы распределения	17		4	-	4	-	-	-	-	-	9	-	<b>Подготовка к текущему контролю:</b> Повторение материала по разделу "Законы распределения"
14.1	Законы распределения	17		4	-	4	-	-	-	-	-	9	-	<b>Самостоятельное изучение</b>

													<i><b>теоретического материала:</b></i> Изучение дополнительного материала по разделу "Законы распределения" <i><b>Изучение материалов литературных источников:</b></i> [8], 69-98 [9], 156-198
15	Элементы математической статистики	17	4	-	4	-	-	-	-	-	9	-	<i><b>Подготовка к текущему контролю:</b></i> Повторение материала по разделу "элементы математической статистики" <i><b>Самостоятельное изучение теоретического материала:</b></i> Изучение дополнительного материала по разделу "элементы математической статистики" <i><b>Изучение материалов литературных источников:</b></i> [8], 34-54 [9], 124-145
15.1	Статистические выборки; выборочные средние	17	4	-	4	-	-	-	-	-	9	-	
	Экзамен	36.0	-	-	-	-	2	-	-	0.5	-	33.5	
	Всего за семестр	108.0	16	-	16	-	2	-	-	0.5	40	33.5	
	Итого за семестр	108.0	16	-	16	2	-	-	-	0.5	73.5		
	<b>ИТОГО</b>	<b>396.0</b>	-	<b>56</b>	-	<b>56</b>	<b>6</b>	-	-	<b>1.5</b>	<b>276.5</b>		

**Примечание:** Лек – лекции; Лаб – лабораторные работы; Пр – практические занятия; КПП – аудиторные консультации по курсовым проектам/работам; ИККП – индивидуальные консультации по курсовым проектам/работам; ГК- групповые консультации по разделам дисциплины; СР – самостоятельная работа студента; ИКР – иная контактная работа; ТК – текущий контроль; ПА – промежуточная аттестация

## 3.2 Краткое содержание разделов

### 1. Элементарная математика

#### 1.1. Элементарная математика

Формулы сокращенного умножения. Действия с одночленами и многочленами. Разложение на множители. Теорема Безу и следствие из нее. Деление многочленов уголком. Модуль. Простейшие уравнения и неравенства с модулем. Простейшие рациональные уравнения и неравенства. Дробно-рациональные выражения. Простейшие рациональные и иррациональные уравнения и неравенства. Элементарные функции, их свойства. Графики элементарных функций.

### 2. Матрицы и определители

#### 2.1. Арифметические операции с матрицами

Сложение и умножение матриц. Транспонированные матрицы.

#### 2.2. Определители

Вычисление определителей различными способами. Правило Крамера.

#### 2.3. Обратная матрица

Вычисление обратных матриц различными способами. Матричные уравнения.

### 3. Аналитическая геометрия на плоскости и в пространстве

#### 3.1. Векторы

Арифметические операции с векторами. Скалярное, векторное, смешанное произведения векторов.

#### 3.2. Уравнения прямых и плоскостей

Различные виды уравнений плоскостей. Различные виды уравнений прямых. Взаимное расположение прямых и плоскостей.

### 4. Системы линейных уравнений

#### 4.1. Однородные и неоднородные системы линейных уравнений

Ранг матрицы системы. Метод Гаусса. Структура общего решения системы линейных уравнений.

### 5. Кривые и поверхности

#### 5.1. Кривые и поверхности второго порядка

Кривые второго порядка. Поверхности второго порядка. Метод сечений.

### 6. Введение в математический анализ

#### 6.1. Графики

Исследование функций.

#### 6.2. Дифференциальное исчисление

Производные. Правило Лопиталья. Формула Тейлора.

6.3. Пределы  
вычисление пределов.

### 7. Функции нескольких переменных

7.1. Функции нескольких переменных

Понятие функции нескольких переменных. Полный дифференциал. Производные сложных функций. Производные неявных функций. Производные и дифференциалы высших порядков. Формула Тейлора.

7.2. Экстремумы функции нескольких переменных

Экстремумы функции нескольких переменных. Условные экстремумы.

### 8. Интегральное исчисление

8.1. Неопределённый интеграл

вычисление неопределённых интегралов.

8.2. Несобственный интеграл

вычисление несобственных интегралов.

8.3. Определённый интеграл

вычисление определённых интегралов. вычисление площадей и длин дуг.

### 9. Ряды

9.1. Числовые ряды

Необходимый признак сходимости ряда. Достаточные признаки сходимости ряда.

9.2. Знакопеременные ряды

Абсолютная и условная сходимость. Оценка остатка ряда.

9.3. Степенные ряды. Ряд Тейлора

Степенные ряды. Ряд Тейлора.

### 10. Дифференциальные уравнения

10.1. Дифференциальные уравнения 1-го порядка.

Уравнения с разделяющимися переменными. Однородные уравнения. Линейные уравнения. Уравнения Бернулли.

10.2. Дифференциальные уравнения высших порядков

Уравнения допускающие понижение порядка. Линейные однородные дифференциальные уравнения. Линейные неоднородные дифференциальные уравнения. Системы дифференциальных уравнений.

### 11. Элементы комбинаторики. Случайные события

11.1. Элементы комбинаторики. Случайные события

Понятие выборки. Перестановки, размещения, сочетания (с повторениями и без повторений). Разбиения. Случайные события. Определение вероятности случайного события.

## 12. Элементарная теория вероятностей

### 12.1. Элементарная теория вероятностей

Непосредственное вычисление вероятностей. Теоремы сложения и умножения вероятностей. Формула полной вероятности и формулы Байеса. Схема независимых испытаний. Формула Пуассона. Простейший поток событий.

## 13. Случайные величины

### 13.1. Непрерывные и дискретные случайные величины

Функции случайных величин и векторов. Центральная предельная теорема и следствия из неё.

## 14. Законы распределения

### 14.1. Законы распределения

Законы распределения и числовые характеристики дискретных и непрерывных случайных величин. Основные законы распределения случайных величин. Нормальный закон распределения.

## 15. Элементы математической статистики

### 15.1. Статистические выборки; выборочные средние

Точечные оценки. Доверительный интервал. Проверка статистических и параметрических гипотез. Элементы регрессионного анализа. Оценки по методу наименьших квадратов.

## **3.3. Темы практических занятий**

1. Знакопеременные ряды;
2. Пределы;
3. Числовые ряды;
4. Несобственный интеграл;
5. Функции нескольких переменных;
6. Дифференциальные уравнения высших порядков;
7. Кривые и поверхности;
8. Непосредственное вычисление вероятностей. Теоремы сложения и умножения вероятностей;
9. Обратная матрица;
10. Определённый интеграл;
11. Законы распределения. Центральная предельная теорема;
12. Формула полной вероятности. Простейший поток событий;
13. Системы линейных уравнений;
14. Неопределённый интеграл;
15. Точечные оценки. Оценки по методу наименьших квадратов;
16. Определители;
17. Уравнения прямых и плоскостей;
18. Векторы;
19. Графики;

20. Элементарная математика;
21. Экстремумы функции нескольких переменных;
22. Дифференциальное исчисление;
23. Арифметические операции с матрицами;
24. Дифференциальные уравнения 1-го порядка;
25. Степенные ряды. Ряд Тейлора.

### **3.4. Темы лабораторных работ** не предусмотрено

### **3.5 Консультации**

#### *Групповые консультации по разделам дисциплины (ГК)*

1. Повторение решения задач в рамках темы раздела элементарная математика
2. Повторение решения задач в рамках темы раздела матрицы и определители
3. Повторение решения задач в рамках темы раздела аналитическая геометрия на плоскости и в пространстве
4. Повторение решения задач в рамках темы раздела системы линейных уравнений
5. Повторение решения задач в рамках темы раздела кривые и поверхности
6. Обсуждение материалов по кейсам раздела "Введение в математический анализ"
7. Обсуждение материалов по кейсам раздела "Функции нескольких переменных"
8. Обсуждение материалов по кейсам раздела "Интегральное исчисление"
9. Обсуждение материалов по кейсам раздела "Ряды"
10. Обсуждение материалов по кейсам раздела "Дифференциальные уравнения"
11. Обсуждение материалов по кейсам раздела "Элементы комбинаторики. Случайные события"
12. Обсуждение материалов по кейсам раздела "Элементарная теория вероятностей"
13. Обсуждение материалов по кейсам раздела "Случайные величины"
14. Обсуждение материалов по кейсам раздела "Законы распределения"
15. Обсуждение материалов по кейсам раздела "Элементы математической статистики"

### **3.6 Тематика курсовых проектов/курсовых работ** Курсовой проект/ работа не предусмотрены

### 3.7. Соответствие разделов дисциплины и формируемых в них компетенций

Запланированные результаты обучения по дисциплине (в соответствии с разделом 1)	Коды индикаторов	Номер раздела дисциплины (в соответствии с п.3.1)															Оценочное средство (тип и наименование)
		1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	
<b>Знать:</b>																	
Основные приёмы вычисления пределов и производных функций	ИД-1 <sub>ОПК-1</sub>						+										Тестирование/Интегральное исчисление функций одной переменной
элементы регрессионного анализа	ИД-1 <sub>ОПК-1</sub>															+	Тестирование/Распределение
Формулы для вычисления скалярного, векторного и смешанного произведений векторов. Уравнения прямых и плоскостей в пространстве	ИД-1 <sub>ОПК-1</sub>			+													Контрольная работа/Аналитическая геометрия
Формулы для вычисления определителей матриц, действия с матрицами	ИД-1 <sub>ОПК-1</sub>		+														Контрольная работа/Матрицы и определители
Формулы сокращенного умножения, тригонометрию, основные методы начала анализа для изучения функций и их свойств	ИД-1 <sub>ОПК-1</sub>	+															Контрольная работа/Элементарная математика
Основные приёмы решения дифференциальных уравнений	ИД-1 <sub>ОПК-1</sub>										+						Контрольная работа/Дифференциальные уравнения
стандартные распределения случайных величин	ИД-1 <sub>ОПК-1</sub>											+					Тестирование/Случайное событие
Способы решения систем линейных уравнений	ИД-1 <sub>ОПК-1</sub>				+	+											Расчетно-графическая работа/Системы линейных уравнений

Основные приёмы дифференцирования функций нескольких переменных	ИД-1 <sub>ОПК-1</sub>									+								Тестирование/Функции нескольких переменных	
центральную предельную теорему	ИД-1 <sub>ОПК-1</sub>																+	Тестирование/Вычисление числовых характеристик случайных величин	
Основные признаки сходимости рядов	ИД-1 <sub>ОПК-1</sub>									+								Тестирование/Числовые и функциональные ряды	
Основные приёмы интегрирования	ИД-1 <sub>ОПК-1</sub>									+								Тестирование/Исследование функций с помощью производных	
<b>Уметь:</b>																			
решать комбинаторными методами простейшие вероятностные задачи	ИД-1 <sub>ОПК-1</sub>																+	Тестирование/Различные типы вероятностных пространств	
находить доверительные интервалы для математического ожидания и дисперсии	ИД-1 <sub>ОПК-1</sub>																	+	Контрольная работа/Анализ статистических выборок
Вычислять обратные матрицы	ИД-1 <sub>ОПК-1</sub>		+																Контрольная работа/Матрицы и определители
Находить собственные значения и собственные векторы линейного оператора	ИД-1 <sub>ОПК-1</sub>			+															Контрольная работа/Векторы
Определять ранги матриц. Решать однородные и неоднородные системы линейных уравнений	ИД-1 <sub>ОПК-1</sub>				+														Расчетно-графическая работа/Системы линейных уравнений
Решать стандартные дифференциальные уравнения	ИД-1 <sub>ОПК-1</sub>										+								Контрольная работа/Дифференциальные уравнения



## **4. КОМПЕТЕНТНОСТНО-ОРИЕНТИРОВАННЫЕ ОЦЕНОЧНЫЕ СРЕДСТВА ДЛЯ КОНТРОЛЯ ОСВОЕНИЯ РЕЗУЛЬТАТОВ ОБУЧЕНИЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ (ТЕКУЩИЙ КОНТРОЛЬ УСПЕВАЕМОСТИ, ПРОМЕЖУТОЧНАЯ АТТЕСТАЦИЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ)**

### **4.1. Текущий контроль успеваемости**

#### **1 семестр**

Форма реализации: Защита задания

1. Системы линейных уравнений (Расчетно-графическая работа)

Форма реализации: Письменная работа

1. Аналитическая геометрия (Контрольная работа)
2. Векторы (Контрольная работа)
3. Матрицы и определители (Контрольная работа)
4. Элементарная математика (Контрольная работа)

#### **2 семестр**

Форма реализации: Компьютерное задание

1. Исследование функций с помощью производных (Тестирование)
2. Функции нескольких переменных (Тестирование)

Форма реализации: Письменная работа

1. Дифференциальные уравнения (Контрольная работа)
2. Интегральное исчисление функций одной переменной (Тестирование)
3. Числовые и функциональные ряды (Тестирование)

#### **3 семестр**

Форма реализации: Компьютерное задание

1. Вычисление числовых характеристик случайных величин (Тестирование)
2. Различные типы вероятностных пространств (Тестирование)
3. Распределение (Тестирование)
4. Случайное событие (Тестирование)

Форма реализации: Письменная работа

1. Анализ статистических выборок (Контрольная работа)

Балльно-рейтинговая структура дисциплины является приложением А.

### **4.2 Промежуточная аттестация по дисциплине**

#### *Экзамен (Семестр №1)*

Оценка определяется по совокупности результатов текущего контроля успеваемости в соответствии с Положением о балльно-рейтинговой системе для студентов НИУ «МЭИ»

#### *Экзамен (Семестр №2)*

Оценка определяется по совокупности результатов текущего контроля успеваемости в соответствии с Положением о балльно-рейтинговой системе для студентов НИУ «МЭИ»

#### *Экзамен (Семестр №3)*

Оценка определяется в соответствии с Положением о балльно-рейтинговой системе для студентов НИУ «МЭИ» на основании семестровой и аттестационной составляющих.

В диплом выставляется оценка за 3 семестр.

**Примечание:** Оценочные материалы по дисциплине приведены в фонде оценочных материалов ОПОП.

## **5. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ**

### **5.1 Печатные и электронные издания:**

1. Бугров, Я. С. Высшая математика. В 3 т. Т.1. Элементы линейной алгебры и аналитической геометрии : учебник для вузов по инженерно-техническим специальностям / Я. С. Бугров, С. М. Никольский . – 6-е изд., стереотип . – М. : Дрофа, 2004 . – 288 с. – (Высшее образование: Современный учебник) . - ISBN 5-7107-8421-4 .;
2. Зимина О. В., Кириллов А. И., Сальникова Т. А.- "Высшая математика", (3-е изд.), Издательство: "ФИЗМАТЛИТ", Москва, 2006 - (368 с.)  
[https://e.lanbook.com/books/element.php?pl1\\_id=59344](https://e.lanbook.com/books/element.php?pl1_id=59344);
3. Клетеник Д. В.- "Сборник задач по аналитической геометрии", (17-е изд., стер.), Издательство: "Лань", Санкт-Петербург, 2019 - (224 с.)  
<https://e.lanbook.com/book/114702>;
4. Александров П. С.- "Курс аналитической геометрии и линейной алгебры", (2-е изд.,стер.), Издательство: "Лань", Санкт-Петербург, 2021 - (512 с.)  
<https://e.lanbook.com/book/167802>;
5. А. А. Туганбаев- "Курс математического анализа", Издательство: "ФЛИНТА", Москва, 2020 - (376 с.)  
<https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=611206>;
6. А. А. Туганбаев- "Математический анализ: интегралы", (3-е изд., стер.), Издательство: "ФЛИНТА", Москва, 2017 - (76 с.)  
<https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=103835>;
7. А. А. Туганбаев- "Математический анализ: производные и графики функций", (3-е изд., стер.), Издательство: "ФЛИНТА", Москва, 2017 - (91 с.)  
<https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=103836>;
8. Алибеков И. Ю.- "Теория вероятностей и математическая статистика в среде MATLAB", (2-е изд., стер.), Издательство: "Лань", Санкт-Петербург, 2021 - (184 с.)  
<https://e.lanbook.com/book/152661>;
9. А. А. Гусак, Е. А. Бричикова- "Теория вероятностей: примеры и задачи", (8-е изд.), Издательство: "ТетраСистемс", Минск, 2013 - (287 с.)  
<https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=572286>;
10. Александров П. С.- "Курс аналитической геометрии и линейной алгебры", (2-е изд.,стер.), Издательство: "Лань", Санкт-Петербург, 2009 - (512 с.)  
[https://e.lanbook.com/books/element.php?pl1\\_cid=25&pl1\\_id=493](https://e.lanbook.com/books/element.php?pl1_cid=25&pl1_id=493).

### **5.2 Лицензионное и свободно распространяемое программное обеспечение:**

1. СДО "Прометей";
2. Office / Российский пакет офисных программ;
3. Windows / Операционная система семейства Linux;
4. Видеоконференции (Майнд, Сберджаз, ВК и др).

### **5.3 Интернет-ресурсы, включая профессиональные базы данных и информационно-справочные системы:**

1. ЭБС Лань - <https://e.lanbook.com/>
2. ЭБС "Университетская библиотека онлайн" - [http://biblioclub.ru/index.php?page=main\\_ub\\_red](http://biblioclub.ru/index.php?page=main_ub_red)
3. Электронная библиотека МЭИ (ЭБ МЭИ) - <http://elib.mpei.ru/login.php>
4. Портал открытых данных Российской Федерации - <https://data.gov.ru>

5. База открытых данных Министерства труда и социальной защиты РФ -

<https://rosmintrud.ru/opendata>

6. База открытых данных профессиональных стандартов Министерства труда и социальной защиты РФ - <http://profstandart.rosmintrud.ru/obshchiy-informatsionnyy-blok/natsionalnyy-reestr-professionalnykh-standartov/>

7. База открытых данных Министерства экономического развития РФ -

<http://www.economy.gov.ru>

8. База открытых данных Росфинмониторинга - <http://www.fedsfm.ru/opendata>

9. Электронная открытая база данных "Polpred.com Обзор СМИ" -

<https://www.polpred.com>

## 6. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

Тип помещения	Номер аудитории, наименование	Оснащение
Учебные аудитории для проведения лекционных занятий и текущего контроля	К-511, Аудитория для проведения интерактивных занятий кафедры МЭП	кресло рабочее, парта со скамьей, стол преподавателя, стул, трибуна, вешалка для одежды, тумба, доска меловая, компьютерная сеть с выходом в Интернет, мультимедийный проектор, экран, кондиционер, стенд учебный, мел, маркер, стилус
	К-520, Аудитория для проведения интерактивных занятий кафедры МЭП	кресло рабочее, парта со скамьей, стол преподавателя, стол, стул, трибуна, вешалка для одежды, тумба, доска меловая, компьютерная сеть с выходом в Интернет, мультимедийный проектор, экран, кондиционер, стенд учебный, мел, маркер, стилус
Учебные аудитории для проведения практических занятий, КР и КП	К-504, Учебная аудитория	парта со скамьей, стол преподавателя, стул, трибуна, доска меловая, мультимедийный проектор, экран, кондиционер
	К-509, Аудитория для проведения интерактивных занятий кафедры МЭП	кресло рабочее, парта со скамьей, стол преподавателя, стул, трибуна, вешалка для одежды, тумба, доска меловая, компьютерная сеть с выходом в Интернет, мультимедийный проектор, экран, кондиционер, стенд учебный, мел, маркер, стилус
Учебные аудитории для проведения промежуточной аттестации	К-504, Учебная аудитория	парта со скамьей, стол преподавателя, стул, трибуна, доска меловая, мультимедийный проектор, экран, кондиционер
	К-509, Аудитория для проведения интерактивных занятий кафедры МЭП	кресло рабочее, парта со скамьей, стол преподавателя, стул, трибуна, вешалка для одежды, тумба, доска меловая, компьютерная сеть с выходом в Интернет, мультимедийный проектор, экран, кондиционер, стенд учебный, мел, маркер, стилус
	К-511, Аудитория для проведения интерактивных занятий кафедры МЭП	кресло рабочее, парта со скамьей, стол преподавателя, стул, трибуна, вешалка для одежды, тумба, доска меловая, компьютерная сеть с выходом в Интернет,

		мультимедийный проектор, экран, кондиционер, стенд учебный, мел, маркер, стилус
	К-520, Аудитория для проведения интерактивных занятий кафедры МЭП	кресло рабочее, парта со скамьей, стол преподавателя, стол, стул, трибуна, вешалка для одежды, тумба, доска меловая, компьютерная сеть с выходом в Интернет, мультимедийный проектор, экран, кондиционер, стенд учебный, мел, маркер, стилус
Помещения для самостоятельной работы	НТБ-302, Читальный зал отдела обслуживания учебной литературой	стул, стол письменный, компьютерная сеть с выходом в Интернет, компьютер персональный
	НТБ-201, Компьютерный читальный зал	стол компьютерный, стул, стол письменный, вешалка для одежды, компьютерная сеть с выходом в Интернет, компьютер персональный, принтер, кондиционер
	НТБ-300, Учебная аудитория	кресло рабочее, парта, рабочее место сотрудника, стул, доска интерактивная, компьютерная сеть с выходом в Интернет, колонки звуковые, мультимедийный проектор, экран, компьютер персональный, кондиционер, телевизор
Помещения для консультирования	К-507, Компьютерный класс кафедры МЭП	кресло рабочее, стол преподавателя, стол, стол компьютерный, стул, компьютерная сеть с выходом в Интернет, экран интерактивный, компьютер персональный, кондиционер, стенд учебный, мел, маркер, стилус
	К-516, Преподавательская кафедры МЭП	кресло рабочее, рабочее место сотрудника, стол, стул, шкаф для документов, шкаф для одежды, тумба, компьютерная сеть с выходом в Интернет, колонки звуковые, многофункциональный центр, ноутбук, компьютер персональный, принтер, холодильник, кондиционер, книги, учебники, пособия
	К-514, Преподавательская кафедры МЭП	кресло рабочее, рабочее место сотрудника, стол, стул, шкаф для документов, шкаф для одежды, тумба, компьютерная сеть с выходом в Интернет, колонки звуковые, многофункциональный центр, компьютер персональный, принтер, кондиционер, книги, учебники, пособия
	К-513, Кабинет сотрудников кафедры МЭП	кресло рабочее, рабочее место сотрудника, стол, стул, шкаф для документов, шкаф для одежды, тумба, компьютерная сеть с выходом в Интернет, экран интерактивный, колонки звуковые, мультимедийный

		проектор, доска маркерная, многофункциональный центр, ноутбук, компьютер персональный, принтер, холодильник, кондиционер, книги, учебники, пособия, канцелярский принадлежности
	К-518, Кабинет сотрудников кафедры МЭП	кресло рабочее, рабочее место сотрудника, стол, стул, шкаф для документов, шкаф для одежды, тумба, компьютерная сеть с выходом в Интернет, колонки звуковые, доска маркерная, многофункциональный центр, ноутбук, компьютер персональный, принтер, кондиционер, книги, учебники, пособия
Помещения для хранения оборудования и учебного инвентаря	Ж-203, Кабинет Дирекции	кресло рабочее, рабочее место сотрудника, стол, стул, шкаф для документов, вешалка для одежды, тумба, компьютерная сеть с выходом в Интернет, компьютер персональный, принтер, холодильник, кондиционер

## БАЛЛЬНО-РЕЙТИНГОВАЯ СТРУКТУРА ДИСЦИПЛИНЫ

### Математика

(название дисциплины)

#### 1 семестр

**Перечень контрольных мероприятий текущего контроля успеваемости по дисциплине:**

- КМ-1 Элементарная математика (Контрольная работа)
- КМ-2 Матрицы и определители (Контрольная работа)
- КМ-3 Векторы (Контрольная работа)
- КМ-4 Аналитическая геометрия (Контрольная работа)
- КМ-5 Системы линейных уравнений (Расчетно-графическая работа)

**Вид промежуточной аттестации – Экзамен.**

Номер раздела	Раздел дисциплины	Индекс КМ:	КМ-1	КМ-2	КМ-3	КМ-4	КМ-5
		Неделя КМ:	4	7	10	12	16
1	Элементарная математика						
1.1	Элементарная математика		+				
2	Матрицы и определители						
2.1	Арифметические операции с матрицами			+			
2.2	Определители			+			
2.3	Обратная матрица			+			
3	Аналитическая геометрия на плоскости и в пространстве						
3.1	Векторы				+	+	
3.2	Уравнения прямых и плоскостей					+	
4	Системы линейных уравнений						
4.1	Однородные и неоднородные системы линейных уравнений						+
5	Кривые и поверхности						
5.1	Кривые и поверхности второго порядка						+
Вес КМ, %:			15	30	15	35	5

## 2 семестр

### Перечень контрольных мероприятий текущего контроля успеваемости по дисциплине:

- КМ-1 Интегральное исчисление функций одной переменной (Тестирование)
- КМ-2 Функции нескольких переменных (Тестирование)
- КМ-3 Исследование функций с помощью производных (Тестирование)
- КМ-4 Числовые и функциональные ряды (Тестирование)
- КМ-5 Дифференциальные уравнения (Контрольная работа)

**Вид промежуточной аттестации – Экзамен.**

Номер раздела	Раздел дисциплины	Индекс КМ:	КМ-1	КМ-2	КМ-3	КМ-4	КМ-5
		Неделя КМ:	3	6	9	12	15
1	Введение в математический анализ						
1.1	Графики		+				
1.2	Дифференциальное исчисление		+				
1.3	Пределы		+				
2	Функции нескольких переменных						
2.1	Функции нескольких переменных			+			
2.2	Экстремумы функции нескольких переменных			+			
3	Интегральное исчисление						
3.1	Неопределённый интеграл				+		
3.2	Несобственный интеграл				+		
3.3	Определённый интеграл				+		
4	Ряды						
4.1	Числовые ряды					+	
4.2	Знакопеременные ряды					+	
4.3	Степенные ряды. Ряд Тейлора					+	
5	Дифференциальные уравнения						
5.1	Дифференциальные уравнения 1-го порядка.						+
5.2	Дифференциальные уравнения высших порядков						+

Вес КМ, %:	20	20	20	20	20
------------	----	----	----	----	----

### 3 семестр

**Перечень контрольных мероприятий текущего контроля успеваемости по дисциплине:**

- КМ-1 Случайное событие (Тестирование)
- КМ-2 Различные типы вероятностных пространств (Тестирование)
- КМ-3 Вычисление числовых характеристик случайных величин (Тестирование)
- КМ-4 Распределение (Тестирование)
- КМ-5 Анализ статистических выборок (Контрольная работа)

**Вид промежуточной аттестации – Экзамен.**

Номер раздела	Раздел дисциплины	Индекс КМ:	КМ-1	КМ-2	КМ-3	КМ-4	КМ-5
		Неделя КМ:	4	8	11	13	15
1	Элементы комбинаторики. Случайные события						
1.1	Элементы комбинаторики. Случайные события		+				
2	Элементарная теория вероятностей						
2.1	Элементарная теория вероятностей			+			
3	Случайные величины						
3.1	Непрерывные и дискретные случайные величины				+		
4	Законы распределения						
4.1	Законы распределения					+	
5	Элементы математической статистики						
5.1	Статистические выборки; выборочные средние						+
Вес КМ, %:			20	20	20	20	20