

Министерство науки и высшего образования РФ
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования
«Национальный исследовательский университет «МЭИ»

Направление подготовки/специальность: 38.03.05 Бизнес-информатика

Наименование образовательной программы: Анализ и моделирование бизнес-процессов в экономике

Уровень образования: высшее образование - бакалавриат

Форма обучения: Очно-заочная

Рабочая программа дисциплины
ЛИНЕЙНАЯ АЛГЕБРА


Блок:	Блок 1 «Дисциплины (модули)»
Часть образовательной программы:	Базовая
№ дисциплины по учебному плану:	Б1.Б.06
Трудоемкость в зачетных единицах:	2 семестр - 6;
Часов (всего) по учебному плану:	216 часов
Лекции	2 семестр - 32 часа;
Практические занятия	2 семестр - 32 часа;
Лабораторные работы	не предусмотрено учебным планом
Консультации	2 семестр - 2 часа;
Самостоятельная работа	2 семестр - 149,5 часа;
в том числе на КП/КР	не предусмотрено учебным планом
Иная контактная работа	проводится в рамках часов аудиторных занятий
включая:	
Тестирование	
Контрольная работа	
Промежуточная аттестация:	
Экзамен	2 семестр - 0,5 часа;

Москва 2018

ПРОГРАММУ СОСТАВИЛ:

Преподаватель

(должность)

	Подписано электронной подписью ФГБОУ ВО «НИУ «МЭИ»	
	Сведения о владельце ЦЭП МЭИ	
	Владелец	Расулов А.Б.
	Идентификатор	R5daf18b6-RasulovAB-ddd33814

(подпись)

А.Б. Расулов

(расшифровка подписи)

СОГЛАСОВАНО:

Руководитель образовательной программы

(должность, ученая степень, ученое звание)

	Подписано электронной подписью ФГБОУ ВО «НИУ «МЭИ»	
	Сведения о владельце ЦЭП МЭИ	
	Владелец	Крепков И.М.
	Идентификатор	R04da5bdb-KrepkovIM-33fe3095

(подпись)

И.М. Крепков

(расшифровка подписи)

Заведующий выпускающей кафедры

(должность, ученая степень, ученое звание)

	Подписано электронной подписью ФГБОУ ВО «НИУ «МЭИ»	
	Сведения о владельце ЦЭП МЭИ	
	Владелец	Невский А.Ю.
	Идентификатор	R4bc65573-NevskyAY-0b6e493d

(подпись)

А.Ю. Невский

(расшифровка подписи)

1. ЦЕЛИ И ЗАДАЧИ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

Цель освоения дисциплины: изучение линейных математических моделей окружающего мира для последующего их применения в экономической деятельности.

Задачи дисциплины

- привитие и развитие математического мышления;
воспитание математической культуры;
освоение студентами математических методов и техник для последующего их использования в естественнонаучных и специальных дисциплинах.

Формируемые у обучающегося **компетенции** и запланированные **результаты обучения** по дисциплине, соотнесенные с **индикаторами достижения компетенций**:

Код и наименование компетенции	Код и наименование индикатора достижения компетенции	Запланированные результаты обучения
ОПК-1 способностью решать стандартные задачи профессиональной деятельности на основе информационной и библиографической культуры с применением информационно-коммуникационных технологий и с учетом основных требований информационной безопасности		знать: - Формулы для вычисления скалярного, векторного и смешанного произведений векторов. Уравнения прямых и плоскостей в пространстве; - Формулы для вычисления собственных значений линейных преобразований, заданных матрицами в фиксированном базисе. уметь: - Определять вид кривой/поверхности второго порядка; - Находить собственные значения и собственные векторы линейного оператора.
ОПК-3 способностью работать с компьютером как средством управления информацией, работать с информацией из различных источников, в том числе в глобальных компьютерных сетях		знать: - Способы решения систем линейных уравнений; - Канонические уравнения кривых и поверхностей второго порядка. уметь: - Вычислять обратные матрицы; - Составлять уравнения прямых и плоскостей.

2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ ВО

Дисциплина относится к обязательной части блока дисциплин основной профессиональной образовательной программе Анализ и моделирование бизнес-процессов в экономике (далее – ОПОП), направления подготовки 38.03.05 Бизнес-информатика, уровень образования: высшее образование - бакалавриат.

Базируется на уровне среднего общего образования.

Результаты обучения, полученные при освоении дисциплины, необходимы при выполнении выпускной квалификационной работы.

3. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

3.1 Структура дисциплины

Общая трудоемкость дисциплины составляет 6 зачетных единиц, 216 часов.

№ п/п	Разделы/темы дисциплины/формы промежуточной аттестации	Всего часов на раздел	Семестр	Распределение трудоемкости раздела (в часах) по видам учебной работы										Содержание самостоятельной работы/ методические указания
				Контактная работа							СР			
				Лек	Лаб	Пр	Консультация		ИКР		ПА	Работа в семестре	Подготовка к аттестации /контроль	
КПР	ГК	ИККП	ТК											
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
1	Векторы	58	2	10	-	10	-	-	-	-	-	38	-	<u>Изучение материалов литературных источников:</u> [1], 55-69 [3], 100-202
1.1	Линейные операции над геометрическими векторами и их свойства. Линейная независимость и зависимость геометрических векторов. Линейные подпространства геометрических векторов, их базис и размерность. Линейные операции над геометрическими векторами в координатной форме. Скалярное, векторное и смешанное произведение векторов, их координатная форма. Уравнения прямой и плоскости в пространстве.	58		10	-	10	-	-	-	-	-	38	-	
2	Матрицы определители	58		10	-	10	-	-	-	-	-	38	-	
2.1	Операции над	58		10	-	10	-	-	-	-	-	38	-	

	<p>матрицами и их свойства.</p> <p>Определители и их свойства.</p> <p>Элементарные преобразования матриц. Приведение матриц к ступенчатому виду.</p> <p>Ранг матрицы.</p> <p>Нахождение обратной матрицы.</p> <p>Арифметические векторы и операции над ними. Линейная независимость и зависимость арифметических векторов. Лемма о базисном миноре.</p> <p>Линейные подпространства арифметических векторов, их базис и размерность.</p>														[2], 201-219
3	Системы линейных уравнений	64		12	-	12	-	-	-	-	-	40	-		<u>Изучение материалов литературных источников:</u>
3.1	<p>Запись системы линейных уравнений в матричной форме.</p> <p>Правило Крамера.</p> <p>Условие нетривиальной совместности однородной системы линейных уравнений.</p> <p>Линейное пространство решений однородной</p>	64		12	-	12	-	-	-	-	-	40	-		<p>[1], 160-177</p> <p>[4], 47-99</p>

	системы линейных уравнений. Фундаментальная система решений и общее решение однородной системы линейных уравнений. Теорема Кронекера-Капелли. Структура общего решения неоднородной системы линейных уравнений. Метод Гаусса												
	Экзамен	36.0											
	Всего за семестр	216.0											
	Итого за семестр	216.0											
			-	-	-	-	2	-	-	0.5	-	33.5	
			32	-	32	-	2	-	-	0.5	116	33.5	
			32	-	32		2		-	0.5		149.5	

Примечание: Лек – лекции; Лаб – лабораторные работы; Пр – практические занятия; КПр – аудиторные консультации по курсовым проектам/работам; ИККП – индивидуальные консультации по курсовым проектам/работам; ГК- групповые консультации по разделам дисциплины; СР – самостоятельная работа студента; ИКР – иная контактная работа; ТК – текущий контроль; ПА – промежуточная аттестация

3.2 Краткое содержание разделов

1. Векторы

1.1. Линейные операции над геометрическими векторами и их свойства. Линейная независимость и зависимость геометрических векторов. Линейные подпространства геометрических векторов, их базис и размерность. Линейные операции над геометрическими векторами в координатной форме. Скалярное, векторное и смешанное произведение векторов, их координатная форма. Уравнения прямой и плоскости в пространстве.

зависимость геометрических векторов. Линейные подпространства геометрических векторов, их базис и размерность. Линейные операции над геометрическими векторами в координатной форме. Скалярное, векторное и смешанное произведение векторов, их координатная форма. Уравнения прямой и плоскости в пространстве..

2. Матрицы определители

2.1. Операции над матрицами и их свойства. Определители и их свойства. Элементарные преобразования матриц. Приведение матриц к ступенчатому виду. Ранг матрицы. Нахождение обратной матрицы. Арифметические векторы и операции над ними. Линейная независимость и зависимость арифметических векторов. Лемма о базисном миноре. Линейные подпространства арифметических векторов, их базис и размерность.

Операции над матрицами и их свойства. Определители и их свойства. Элементарные преобразования матриц. Приведение матриц к ступенчатому виду. Ранг матрицы. Нахождение обратной матрицы. Арифметические векторы и операции над ними. Линейная независимость и зависимость арифметических векторов. Лемма о базисном миноре. Линейные подпространства арифметических векторов, их базис и размерность..

3. Системы линейных уравнений

3.1. Запись системы линейных уравнений в матричной форме. Правило Крамера. Условие нетривиальной совместности однородной системы линейных уравнений. Линейное пространство решений однородной системы линейных уравнений. Фундаментальная система решений и общее решение однородной системы линейных уравнений. Теорема Кронекера-Капелли. Структура общего решения неоднородной системы линейных уравнений. Метод Гаусса

Запись системы линейных уравнений в матричной форме. Правило Крамера. Условие нетривиальной совместности однородной системы линейных уравнений. Линейное пространство решений однородной системы линейных уравнений. Фундаментальная система решений и общее решение однородной системы линейных уравнений. Теорема Кронекера-Капелли. Структура общего решения неоднородной системы линейных уравнений. Метод Гаусса. Определение линейного пространства. Линейные подпространства. Линейная независимость и зависимость векторов. Базис и размерность линейного пространства. Координаты вектора в базисе. Линейные операции над векторами в координатной форме. Линейный оператор и его матрица. Действия над линейными операторами и их свойства. Обратный оператор. Образ, ядро, ранг и дефект линейного оператора. Изменение координат вектора и матрицы линейного оператора при переходе к новому базису. Определение понятия собственного значения и собственного вектора линейного оператора. Нахождение и свойства собственных значений и векторов. Матрица линейного оператора в собственном базисе. 5. Евклидово пространство. Скалярное произведение в линейном пространстве. Неравенство Коши-Буняковского. Норма вектора, угол между векторами. Существование ортонормированного базиса в евклидовом пространстве. Скалярное произведение в ортонормированном базисе. Самосопряженный оператор и его матрица в

ортонормированном базисе. Собственные векторы и собственные значения самосопряженного оператора. Существование собственного ортонормированного базиса. Квадратичные формы и их матрицы. Приведение квадратичной формы к каноническому виду методом Лагранжа и ортогональным преобразованием. Закон инерции квадратичных форм. Кривые и поверхности второго порядка. Приведение их уравнений к каноническому виду. Классификация кривых и поверхностей второго порядка..

3.3. Темы практических занятий

1. Линейная независимость и зависимость векторов.;
2. Кривые и поверхности второго порядка.;
3. Закон инерции квадратичных форм.;
4. Приведение квадратичной формы к каноническому виду методом Лагранжа и ортогональным преобразованием.;
5. Квадратичные формы и их матрицы.;
6. Квадратичные формы.;
7. Существование собственного ортонормированного базиса.;
8. Собственные векторы и собственные значения самосопряженного оператора.;
9. Самосопряженный оператор и его матрица в ортонормированном базисе.;
10. Скалярное произведение в ортонормированном базисе.;
11. Существование ортонормированного базиса в евклидовом пространстве.;
12. Норма вектора, угол между векторами.;
13. Обратный оператор.;
14. Скалярное произведение в линейном пространстве.;
15. Евклидово пространство.;
16. Матрица линейного оператора в собственном базисе.;
17. Нахождение и свойства собственных значений и векторов.;
18. Определение понятия собственного значения и собственного вектора линейного оператора.;
19. Изменение координат вектора и матрицы линейного оператора при переходе к новому базису.;
20. Образ, ядро, ранг и дефект линейного оператора.;
21. Приведение их уравнений к каноническому виду.;
22. Действия над линейными операторами и их свойства.;
23. Линейный оператор и его матрица.;
24. Линейные операции над векторами в координатной форме.;
25. Координаты вектора в базисе.;
26. Неравенство Коши-Буняковского.;
27. Линейные подпространства.;
28. Операции над матрицами и их свойства.;
29. Линейные операции над геометрическими векторами и их свойства.;
30. Классификация кривых и поверхностей второго порядка.;
31. Определение линейного пространства.;
32. Структура общего решения неоднородной системы линейных уравнений. Метод Гаусса.;
33. Теорема Кронекера-Капелли.;
34. Фундаментальная система решений и общее решение однородной системы линейных уравнений.;
35. Линейное пространство решений однородной системы линейных уравнений.;
36. Условие нетривиальной совместности однородной системы линейных уравнений.;
37. Правило Крамера.;
38. Запись системы линейных уравнений в матричной форме.;
39. Системы линейных уравнений.;

40. Линейные подпространства арифметических векторов, их базис и размерность.;
41. Лемма о базисном миноре.;
42. Линейное пространство и линейные операторы.;
43. Линейная независимость и зависимость арифметических векторов.;
44. Нахождение обратной матрицы.;
45. Ранг матрицы.;
46. Приведение матриц к ступенчатому виду.;
47. Элементарные преобразования матриц.;
48. Определители и их свойства.;
49. Базис и размерность линейного пространства.;
50. Матрицы и определители.;
51. Уравнения прямой и плоскости в пространстве.;
52. Скалярное, векторное и смешанное произведение векторов, их координатная форма.;
53. Линейные операции над геометрическими векторами в координатной форме.;
54. Линейные подпространства геометрических векторов, их базис и размерность.;
55. Линейная независимость и зависимость геометрических векторов.;
56. Арифметические векторы и операции над ними.;
57. Геометрические векторы..

3.4. Темы лабораторных работ не предусмотрено

3.5 Консультации

Групповые консультации по разделам дисциплины (ГК)

1. Обсуждение материалов по кейсам раздела "Векторы"
2. Обсуждение материалов по кейсам раздела "Матрицы определители"
3. Обсуждение материалов по кейсам раздела "Системы линейных уравнений"

3.6 Тематика курсовых проектов/курсовых работ Курсовой проект/ работа не предусмотрены

3.7. Соответствие разделов дисциплины и формируемых в них компетенций

Запланированные результаты обучения по дисциплине (в соответствии с разделом 1)	Коды индикаторов	Номер раздела дисциплины (в соответствии с п.3.1)			Оценочное средство (тип и наименование)
		1	2	3	
Знать:					
Формулы для вычисления собственных значений линейных преобразований, заданных матрицами в фиксированном базисе	ОПК-1(Компетенция)	+			Тестирование/Линейные пространства
Формулы для вычисления скалярного, векторного и смешанного произведений векторов. Уравнения прямых и плоскостей в пространстве	ОПК-1(Компетенция)			+	Контрольная работа/Системы линейные уравнения
Канонические уравнения кривых и поверхностей второго порядка	ОПК-3(Компетенция)	+			Тестирование/Аналитическая геометрия
Способы решения систем линейных уравнений	ОПК-3(Компетенция)			+	Контрольная работа/Системы линейные уравнения
Уметь:					
Находить собственные значения и собственные векторы линейного оператора	ОПК-1(Компетенция)		+		Тестирование/Матрицы
Определять вид кривой/поверхности второго порядка	ОПК-1(Компетенция)	+			Тестирование/Аналитическая геометрия
Составлять уравнения прямых и плоскостей	ОПК-3(Компетенция)			+	Контрольная работа/Системы линейные уравнения
Вычислять обратные матрицы	ОПК-3(Компетенция)		+		Тестирование/Матрицы

4. КОМПЕТЕНТНОСТНО-ОРИЕНТИРОВАННЫЕ ОЦЕНОЧНЫЕ СРЕДСТВА ДЛЯ КОНТРОЛЯ ОСВОЕНИЯ РЕЗУЛЬТАТОВ ОБУЧЕНИЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ (ТЕКУЩИЙ КОНТРОЛЬ УСПЕВАЕМОСТИ, ПРОМЕЖУТОЧНАЯ АТТЕСТАЦИЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ)

4.1. Текущий контроль успеваемости

2 семестр

Форма реализации: Компьютерное задание

1. Аналитическая геометрия (Тестирование)

Форма реализации: Письменная работа

1. Линейные пространства (Тестирование)
2. Матрицы (Тестирование)
3. Системы линейные уравнения (Контрольная работа)

Балльно-рейтинговая структура дисциплины является приложением А.

4.2 Промежуточная аттестация по дисциплине

Экзамен (Семестр №2)

Оценка определяется в соответствии с Положением о балльно-рейтинговой системе для студентов НИУ "МЭИ" на основании семестровой и экзаменационной составляющих.

Примечание: Оценочные материалы по дисциплине приведены в фонде оценочных материалов ОПОП.

5. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

5.1 Печатные и электронные издания:

1. Бободжанов, А. А. Высшая математика. Индивидуальные задания по курсу элементарной и высшей математики : задачник по направлениям "Электроэнергетика", "Теплотехника", "Атомная энергетика", "Энергомашиностроение" / А. А. Бободжанов, М. А. Бободжанова, В. Ф. Сафонов, Нац. исслед. ун-т "МЭИ" . – М. : Изд-во МЭИ, 2017 . – 340 с. - ISBN 978-5-7046-1863-8 .

[http://elib.mpei.ru/action.php?kt_path_info=ktcore.SecViewPlugin.actions.document&fDocumentId=9520;](http://elib.mpei.ru/action.php?kt_path_info=ktcore.SecViewPlugin.actions.document&fDocumentId=9520)

2. Бободжанов, А. А. Высшая математика. Лекции : учебное пособие по направлениям "Электроэнергетика", "Теплоэнергетика" и др. / А. А. Бободжанов, М. А. Бободжанова, В. Ф. Сафонов, Нац. исслед. ун-т "МЭИ" . – М. : Изд-во МЭИ, 2015 . – 348 с. - ISBN 978-5-7046-1565-1 .

[http://elib.mpei.ru/action.php?kt_path_info=ktcore.SecViewPlugin.actions.document&fDocumentId=7499;](http://elib.mpei.ru/action.php?kt_path_info=ktcore.SecViewPlugin.actions.document&fDocumentId=7499)

3. Александров П. С.- "Курс аналитической геометрии и линейной алгебры", (2-е изд.,стер.), Издательство: "Лань", Санкт-Петербург, 2009 - (512 с.)

[https://e.lanbook.com/books/element.php?pl1_cid=25&pl1_id=493;](https://e.lanbook.com/books/element.php?pl1_cid=25&pl1_id=493)

4. Зими́на О. В., Кириллов А. И., Сальникова Т. А.- "Высшая математика", (3-е изд.), Издательство: "ФИЗМАТЛИТ", Москва, 2006 - (368 с.)

[https://e.lanbook.com/books/element.php?pl1_id=59344.](https://e.lanbook.com/books/element.php?pl1_id=59344)

5.2 Лицензионное и свободно распространяемое программное обеспечение:

1. СДО "Прометей";
2. Office;

3. Windows;
4. Майнд Видеоконференции.

5.3 Интернет-ресурсы, включая профессиональные базы данных и информационно-справочные системы:

1. ЭБС Лань - <https://e.lanbook.com/>
2. ЭБС "Университетская библиотека онлайн" - http://biblioclub.ru/index.php?page=main_ub_red
3. База данных Web of Science - <http://webofscience.com/>
4. База данных Scopus - <http://www.scopus.com>
5. ЭБС "Консультант студента" - <http://www.studentlibrary.ru/>
6. Электронная библиотека МЭИ (ЭБ МЭИ) - <http://elib.mpei.ru/login.php>
7. Портал открытых данных Российской Федерации - <https://data.gov.ru>
8. Электронная открытая база данных "Polpred.com Обзор СМИ" - <https://www.polpred.com>
9. Информационно-справочная система «Кодекс/Техэксперт» - <Http://proinfosoft.ru;http://docs.cntd.ru/>
10. Открытая университетская информационная система «РОССИЯ» - <https://uisrussia.msu.ru>

6. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

Тип помещения	Номер аудитории, наименование	Оснащение
Учебные аудитории для проведения лекционных занятий и текущего контроля	К-601, Учебная аудитория	парта со скамьей, стол преподавателя, стул, трибуна, доска меловая, мультимедийный проектор, экран
	А-300, Учебная аудитория "А"	кресло рабочее, парта, стеллаж, стол преподавателя, стол учебный, стул, трибуна, микрофон, мультимедийный проектор, экран, доска маркерная, колонки, техническая аппаратура, кондиционер, телевизор
Учебные аудитории для проведения практических занятий, КР и КП	А-210, Учебная аудитория "А"	парта, стул, стол письменный, доска меловая
Учебные аудитории для проведения промежуточной аттестации	Ж-120, Машинный зал ИВЦ	сервер, кондиционер
	А-210, Учебная аудитория "А"	парта, стул, стол письменный, доска меловая
Помещения для самостоятельной работы	НТБ-303, Компьютерный читальный зал	стол компьютерный, стул, стол письменный, вешалка для одежды, компьютерная сеть с выходом в Интернет, компьютер персональный, принтер, кондиционер
Помещения для консультирования	А-300, Учебная аудитория "А"	кресло рабочее, парта, стеллаж, стол преподавателя, стол учебный, стул, трибуна, микрофон, мультимедийный проектор, экран, доска маркерная, колонки, техническая аппаратура, кондиционер, телевизор

Помещения для хранения оборудования и учебного инвентаря	К-202/2, Склад кафедры БИТ	стеллаж для хранения инвентаря, стол, стул, шкаф для документов, шкаф для хранения инвентаря, тумба, запасные комплектующие для оборудования
--	----------------------------	--

БАЛЛЬНО-РЕЙТИНГОВАЯ СТРУКТУРА ДИСЦИПЛИНЫ

Линейная алгебра

(название дисциплины)

2 семестр

Перечень контрольных мероприятий текущего контроля успеваемости по дисциплине:

- КМ-1 Аналитическая геометрия (Тестирование)
- КМ-2 Матрицы (Тестирование)
- КМ-3 Системы линейные уравнения (Контрольная работа)
- КМ-4 Линейные пространства (Тестирование)

Вид промежуточной аттестации – Экзамен.

Номер раздела	Раздел дисциплины	Индекс КМ:	КМ-1	КМ-2	КМ-3	КМ-4
		Неделя КМ:	4	8	12	15
1	Векторы					
1.1	Линейные операции над геометрическими векторами и их свойства. Линейная независимость и зависимость геометрических векторов. Линейные подпространства геометрических векторов, их базис и размерность. Линейные операции над геометрическими векторами в координатной форме. Скалярное, векторное и смешанное произведение векторов, их координатная форма. Уравнения прямой и плоскости в пространстве.		+			+
2	Матрицы определители					
2.1	Операции над матрицами и их свойства. Определители и их свойства. Элементарные преобразования матриц. Приведение матриц к ступенчатому виду. Ранг матрицы. Нахождение обратной матрицы. Арифметические векторы и операции над ними. Линейная независимость и зависимость арифметических векторов. Лемма о базисном миноре. Линейные подпространства арифметических векторов, их базис и размерность.			+		
3	Системы линейных уравнений					
3.1	Запись системы линейных уравнений в матричной форме. Правило Крамера. Условие нетривиальной совместности однородной системы линейных уравнений. Линейное пространство решений однородной системы линейных уравнений. Фундаментальная система решений и общее решение однородной системы линейных уравнений. Теорема Кронекера-Капелли. Структура общего решения неоднородной системы линейных уравнений. Метод Гаусса				+	

	Bec KM, %:	25	25	25	25
--	------------	----	----	----	----