

**Министерство науки и высшего образования РФ
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования
«Национальный исследовательский университет «МЭИ»**

Направление подготовки/специальность: 38.03.05 Бизнес-информатика

Наименование образовательной программы: Информационное и программное обеспечение бизнес-процессов

Уровень образования: высшее образование - бакалавриат

Форма обучения: Очная

**Оценочные материалы
по дисциплине
Теория вероятностей и математическая статистика**

**Москва
2022**

ОЦЕНОЧНЫЕ МАТЕРИАЛЫ РАЗРАБОТАЛ:

Преподаватель
(должность)

| | | |
|---------------|--|---------------|
| | Подписано электронной подписью ФГБОУ ВО «НИУ «МЭИ» | |
| | Сведения о владельце ЦЭП МЭИ | |
| | Владелец | Бободжанов А. |
| Идентификатор | R3d8a5495-VobojanovA-c08b6948 | |

(подпись)

А. Бободжанов
(расшифровка
подписи)

СОГЛАСОВАНО:

Руководитель
образовательной
программы

(должность, ученая степень, ученое
звание)

| | | |
|---------------|--|--------------|
| | Подписано электронной подписью ФГБОУ ВО «НИУ «МЭИ» | |
| | Сведения о владельце ЦЭП МЭИ | |
| | Владелец | Крепков И.М. |
| Идентификатор | R04da5bdb-KrepkovIM-33fe3095 | |

(подпись)

И.М.
Крепков
(расшифровка
подписи)

Заведующий
выпускающей кафедры

(должность, ученая степень, ученое
звание)

| | | |
|---------------|--|--------------|
| | Подписано электронной подписью ФГБОУ ВО «НИУ «МЭИ» | |
| | Сведения о владельце ЦЭП МЭИ | |
| | Владелец | Невский А.Ю. |
| Идентификатор | R4bc65573-NevskyAY-0b6e493d | |

(подпись)

А.Ю.
Невский
(расшифровка
подписи)

ОБЩАЯ ЧАСТЬ

Оценочные материалы по дисциплине предназначены для оценки: достижения обучающимися запланированных результатов обучения по дисциплине, этапа формирования запланированных компетенций и уровня освоения дисциплины.

Оценочные материалы по дисциплине включают оценочные средства для проведения мероприятий текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации.

Формируемые у обучающегося компетенции:

1. ОПК-4 Способен понимать принципы работы информационных технологий; использовать информацию, методы и программные средства ее сбора, обработки и анализа для информационно-аналитической поддержки принятия управленческих решений

ИД-1 Использует методы и средства сбора, обработки и анализа информации, в том числе работу с большими данными

ИД-2 Проводит анализ информации и применяет современные системы принятия решений

и включает:

для текущего контроля успеваемости:

Форма реализации: Письменная работа

1. Многомерные случайные величины и предельные теоремы (Контрольная работа)
2. Одномерные случайные величины (Контрольная работа)
3. Случайные события (Контрольная работа)

Форма реализации: Проверка задания

1. Случайные величины. Предельные теоремы (Расчетно-графическая работа)
2. События и их вероятности (Расчетно-графическая работа)

БРС дисциплины

3 семестр

| Раздел дисциплины | Веса контрольных мероприятий, % | | | | | |
|--|---------------------------------|------|------|------|------|------|
| | Индекс КМ: | КМ-1 | КМ-2 | КМ-3 | КМ-4 | КМ-5 |
| | Срок КМ: | 4 | 8 | 10 | 12 | 15 |
| Случайные события. | | | | | | |
| Введение в теорию вероятностей | | + | | | | |
| Основные теоремы и модели . | | + | | | | |
| Случайные величины | | | | | | |
| Понятие о дискретных и непрерывных случайных величинах | | | + | | | |
| Числовые характеристики основных распределений | | | + | | | |
| Случайные векторы | | | | | | |

| | | | | | |
|---|----|----|----|----|----|
| Определение случайного вектора | | | + | | |
| Ковариация | | | + | | |
| Предельные теоремы | | | | | |
| Сходимость случайных величин по вероятности | | | | + | |
| Нормальное распределение и его свойства. | | | | + | |
| Математическая статистика | | | | | |
| Оценки параметров | | | | | + |
| Проверка гипотез | | | | | + |
| Вес КМ: | 20 | 20 | 20 | 20 | 20 |

\$Общая часть/Для промежуточной аттестации\$

СОДЕРЖАНИЕ ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ ТЕКУЩЕГО КОНТРОЛЯ

I. Оценочные средства для оценки запланированных результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с индикаторами достижения компетенций

| Индекс компетенции | Индикатор | Запланированные результаты обучения по дисциплине | Контрольная точка |
|--------------------|---|---|--|
| ОПК-4 | ИД-1 _{ОПК-4} Использует методы и средства сбора, обработки и анализа информации, в том числе работу с большими данными | Знать: статистические методы обработки данных основные законы распределений случайной величины; Уметь: обрабатывать данные статистическими методами, строить гистограммы, выдвигать и проверять статистические гипотезы | События и их вероятности (Расчетно-графическая работа) Одномерные случайные величины (Контрольная работа) Случайные величины. Предельные теоремы (Расчетно-графическая работа) |
| ОПК-4 | ИД-2 _{ОПК-4} Проводит анализ информации и применяет современные системы принятия решений | Знать: стандартные вероятностные модели, анализировать и находить вероятности случайных событий, предельные теоремы теории вероятностей Уметь: строить стандартные вероятностные модели, анализировать и находить | События и их вероятности (Расчетно-графическая работа) Случайные события (Контрольная работа) Многомерные случайные величины и предельные теоремы (Контрольная работа) |

| | | | |
|--|--|---|--|
| | | вероятности случайных событий использовать предельные теоремы теории вероятностей | |
|--|--|---|--|

II. Содержание оценочных средств. Шкала и критерии оценивания

КМ-1. События и их вероятности

Формы реализации: Проверка задания

Тип контрольного мероприятия: Расчетно-графическая работа

Вес контрольного мероприятия в БРС: 20

Процедура проведения контрольного мероприятия: Задание выполняется индивидуально по вариантам. Студенту необходимо решить задачи типового расчёта по теме “события и их вероятности” согласно варианту.

Краткое содержание задания:

Расчетное задание ориентировано на проверку знаний аксиоматики, основных формул и распределений вероятностей.

Контрольные вопросы/задания:

| | |
|--|--|
| Знать: статистические методы обработки данных | 1.Сформулировать теорему о вероятности суммы событий. 2.Сформулировать определение независимости событий. |
| Уметь: использовать предельные теоремы теории вероятностей | 1.Выписать формулу вероятности суммы трёх произвольных событий. 2.Выписать формулу полной вероятности. |

Описание шкалы оценивания:

Оценка: 5

Нижний порог выполнения задания в процентах: 70

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "отлично" выставляется если задание выполнено в полном объеме или выполнено преимущественно верно

Оценка: 4

Нижний порог выполнения задания в процентах: 60

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "хорошо" выставляется если большинство вопросов раскрыто. выбрано верное направление для решения задач

Оценка: 3

Нижний порог выполнения задания в процентах: 50

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "удовлетворительно" выставляется если задание преимущественно выполнено

КМ-2. Случайные события

Формы реализации: Письменная работа

Тип контрольного мероприятия: Контрольная работа

Вес контрольного мероприятия в БРС: 20

Процедура проведения контрольного мероприятия: Контрольная работа проводится по вариантам. Работа содержит 5 задания на 90 минут.

Краткое содержание задания:

КР содержит задачи, проверяющие умения студентов вычислять вероятности случайных событий.

Контрольные вопросы/задания:

| | |
|---|---|
| Знать: стандартные вероятностные модели, анализировать и находить вероятности случайных событий, предельные теоремы теории вероятностей | 1. Вычислить вероятность события, используя геометрическое определение вероятности. 2. Вычислить вероятность сложного события (надёжность работы электрической схемы). |
|---|---|

Описание шкалы оценивания:

Оценка: 5

Нижний порог выполнения задания в процентах: 70

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "отлично" выставляется если задание выполнено в полном объеме или выполнено преимущественно верно

Оценка: 4

Нижний порог выполнения задания в процентах: 60

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "хорошо" выставляется если большинство вопросов раскрыто. выбрано верное направление для решения задач

Оценка: 3

Нижний порог выполнения задания в процентах: 50

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "удовлетворительно" выставляется если задание преимущественно выполнено

КМ-3. Одномерные случайные величины

Формы реализации: Письменная работа

Тип контрольного мероприятия: Контрольная работа

Вес контрольного мероприятия в БРС: 20

Процедура проведения контрольного мероприятия: Контрольная работа проводится по вариантам. Работа содержит 4 задания на 90 минут.

Краткое содержание задания:

КР содержит задачи, проверяющие умения студентов анализировать случайные величины.

Контрольные вопросы/задания:

| | |
|--|--|
| Знать: основные законы распределений случайной величины; | 1. Вычислить вероятность события, используя асимптотические формулы Бернулли. 2. Задана плотность распределения непрерывной случайной величины. Найти значение неизвестного параметра, функцию распределения, числовые характеристики случайной величины и вероятность попадания этой случайной величины в заданный промежуток. |
|--|--|

Описание шкалы оценивания:

Оценка: 5

Нижний порог выполнения задания в процентах: 70

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "отлично" выставляется если задание выполнено в полном объеме или выполнено преимущественно верно

Оценка: 4

Нижний порог выполнения задания в процентах: 60

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "хорошо" выставляется если большинство вопросов раскрыто. выбрано верное направление для решения задач

Оценка: 3

Нижний порог выполнения задания в процентах: 50

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "удовлетворительно" выставляется если задание преимущественно выполнено

КМ-4. Многомерные случайные величины и предельные теоремы

Формы реализации: Письменная работа

Тип контрольного мероприятия: Контрольная работа

Вес контрольного мероприятия в БРС: 20

Процедура проведения контрольного мероприятия: Контрольная работа проводится по вариантам. Работа содержит 2 задания на 45 минут.

Краткое содержание задания:

КР содержит задачи, проверяющие умения студентов применять предельные теоремы.

Контрольные вопросы/задания:

| | |
|---|--|
| Уметь: строить стандартные вероятностные модели, анализировать и находить вероятности случайных событий | 1.Используя таблицы, вычислить вероятности попадания случайных величин (с заданным законом распределения) в указанные промежутки. 2.Случайная величина является суммой 100 независимых и одинаково распределённых случайных величин с известным законом распределения. С помощью центральной предельной теоремы оценить вероятность попадания этой случайной величины в заданное множество. |
|---|--|

Описание шкалы оценивания:

Оценка: 5

Нижний порог выполнения задания в процентах: 70

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "отлично" выставляется если задание выполнено в полном объеме или выполнено преимущественно верно

Оценка: 4

Нижний порог выполнения задания в процентах: 60

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "хорошо" выставляется если большинство вопросов раскрыто. выбрано верное направление для решения задач

Оценка: 3

Нижний порог выполнения задания в процентах: 50

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "удовлетворительно" выставляется если задание преимущественно выполнено

КМ-5. Случайные величины. Предельные теоремы

Формы реализации: Проверка задания

Тип контрольного мероприятия: Расчетно-графическая работа

Вес контрольного мероприятия в БРС: 20

Процедура проведения контрольного мероприятия: Задание выполняется индивидуально по вариантам. Студенту необходимо решить задачи типового расчёта по теме “Случайные величины. Предельные теоремы” согласно варианту.

Краткое содержание задания:

Расчетное задание ориентировано на проверку знания закона больших чисел, методов расчета вероятностных характеристик и умения применять эти методы

Контрольные вопросы/задания:

| | |
|---|---|
| Уметь: обрабатывать данные статистическими методами, строить гистограммы, выдвигать и проверять статистические гипотезы | 1.Используя асимптотические формулы, оценить вероятность того, что в схеме Бернулли при большом числе n опытов произойдет ровно k успехов ($0 < k < n$). 2.Используя ЦПТ, оценить вероятность того, что сумма большого числа независимых и одинаково распределённых случайных величин (с конечной положительной дисперсией) попадет в заданный промежуток. |
|---|---|

Описание шкалы оценивания:

Оценка: 5

Нижний порог выполнения задания в процентах: 70

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "отлично" выставляется если задание выполнено в полном объеме или выполнено преимущественно верно

Оценка: 4

Нижний порог выполнения задания в процентах: 60

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "хорошо" выставляется если большинство вопросов раскрыто. выбрано верное направление для решения задач

Оценка: 3

Нижний порог выполнения задания в процентах: 50

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "удовлетворительно" выставляется если задание преимущественно выполнено

СОДЕРЖАНИЕ ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ

3 семестр

Форма промежуточной аттестации: Экзамен

Пример билета

1. Основы комбинаторики (сочетания, размещения, перестановки)
2. 15% всех мужчин и 5% всех женщин — дальтоники. Наугад выбранное лицо оказалось дальтоником (число мужчин и женщин считается одинаковым). Чему равна вероятность того, что это мужчина.
3. Бросаются 2 кубика. Найдите вероятность того, что сумма выпавших очков равна 3.
4. Дан закон распределения $f(x)=2\exp(-2x)$

. Найдите вероятность попадания случайной величины в интервал $[2,3]$

5. В следующей таблице представлены данные измерений роста у 50 случайно отобранных студентов

| | | | | | | |
|-------------|---------|---------|----------|-----------|---------|---------|
| рост | 162÷166 | 166÷170 | 170 ÷174 | 174 ÷ 178 | 178÷182 | 182÷186 |
| число n_i | 3 | 7 | 15 | 13 | 11 | 1 |

Найти среднее выборочное значение и дисперсию

Процедура проведения

На подготовку к ответу дается 60 минут. Первый вопрос - теоретический.

1. Перечень компетенций/индикаторов и контрольных вопросов проверки результатов освоения дисциплины

1. Компетенция/Индикатор: ИД-1_{ОПК-4} Использует методы и средства сбора, обработки и анализа информации, в том числе работу с большими данными

Вопросы, задания

- 1.1. Основы комбинаторики (сочетания, размещения, перестановки)
2. Эксперимент. События достоверные, невозможные и случайные. События совместные и несовместные. Пространство элементарных событий.
3. Классическое определение вероятности события.
4. Геометрические вероятности

Материалы для проверки остаточных знаний

1.15% всех мужчин и 5% всех женщин — дальтоники. Наугад выбранное лицо оказалось дальтоником (число мужчин и женщин считается одинаковым). Чему равна вероятность того, что это мужчина.

Ответы:

15% всех мужчин и 5% всех женщин — дальтоники. Наугад выбранное лицо оказалось дальтоником (число мужчин и женщин считается одинаковым). Чему равна вероятность того, что это мужчина.

Верный ответ: 15% всех мужчин и 5% всех женщин — дальтоники. Наугад выбранное лицо оказалось дальтоником (число мужчин и женщин считается одинаковым). Чему равна вероятность того, что это мужчина.

2. Компетенция/Индикатор: ИД-2_{ОПК-4} Проводит анализ информации и применяет современные системы принятия решений

Вопросы, задания

- 1.5. Статистическое определение вероятности
6. Алгебра событий. Сумма и произведение событий. Невозможное и достоверное события.
7. События совместные и несовместные. Вероятность суммы двух несовместных событий.
8. События совместные и несовместные. Вероятность суммы двух совместных событий. Вероятность суммы 3 совместных событий.

Материалы для проверки остаточных знаний

1. Основы комбинаторики (сочетания, размещения, перестановки)

Ответы:

Основы комбинаторики (сочетания, размещения, перестановки)

Верный ответ: Основы комбинаторики (сочетания, размещения, перестановки)

II. Описание шкалы оценивания

Оценка: 5

Нижний порог выполнения задания в процентах: 70

Описание характеристики выполнения знания: Работа выполнена в рамках "продвинутого" уровня. Ответы даны верно, четко сформулированные особенности практических решений

Оценка: 4

Нижний порог выполнения задания в процентах: 60

Описание характеристики выполнения знания: Работа выполнена в рамках "базового" уровня. Большинство ответов даны верно. В части материала есть незначительные недостатки

Оценка: 3

Нижний порог выполнения задания в процентах: 50

Описание характеристики выполнения знания: Работа выполнена в рамках "порогового" уровня. Основная часть задания выполнена верно. на вопросы углубленного уровня

III. Правила выставления итоговой оценки по курсу

Оценка выставляется из расчета среднего арифметического значения оценки семестровой составляющей по текущему контролю успеваемости и оценки за промежуточную аттестацию