

**Министерство науки и высшего образования РФ  
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение  
высшего образования  
«Национальный исследовательский университет «МЭИ»**

---

**Направление подготовки/специальность: 38.03.05 Бизнес-информатика**

**Наименование образовательной программы: Моделирование и оптимизация бизнес-процессов**

**Уровень образования: высшее образование - бакалавриат**

**Форма обучения: Очная**

**Рабочая программа дисциплины  
ТЕОРИЯ ВЕРОЯТНОСТЕЙ И МАТЕМАТИЧЕСКАЯ СТАТИСТИКА**

<b>Блок:</b>	<b>Блок 1 «Дисциплины (модули)»</b>
<b>Часть образовательной программы:</b>	<b>Базовая</b>
<b>№ дисциплины по учебному плану:</b>	<b>Б1.Б.08</b>
<b>Трудоемкость в зачетных единицах:</b>	<b>3 семестр - 6;</b>
<b>Часов (всего) по учебному плану:</b>	<b>216 часов</b>
<b>Лекции</b>	<b>3 семестр - 36 часа;</b>
<b>Практические занятия</b>	<b>3 семестр - 36 часа;</b>
<b>Лабораторные работы</b>	<b>не предусмотрено учебным планом</b>
<b>Консультации</b>	<b>3 семестр - 2 часа;</b>
<b>Самостоятельная работа</b>	<b>3 семестр - 141,5 часа;</b>
<b>в том числе на КП/КР</b>	<b>не предусмотрено учебным планом</b>
<b>Иная контактная работа</b> <b>включая:</b> <b>Расчетно-графическая работа</b> <b>Контрольная работа</b>	<b>проводится в рамках часов аудиторных занятий</b>
<b>Промежуточная аттестация:</b>	
<b>Экзамен</b>	<b>3 семестр - 0,5 часа;</b>

**Москва 2018**

**ПРОГРАММУ СОСТАВИЛ:**

---

Преподаватель

(должность)

	Подписано электронной подписью ФГБОУ ВО «НИУ «МЭИ»	
	Сведения о владельце ЦЭП МЭИ	
	Владелец	Бободжанов А.
Идентификатор	R3d8a5495-BobojanovA-c08b6948	

(подпись)

---

А. Бободжанов

(расшифровка подписи)

**СОГЛАСОВАНО:**

---

Руководитель  
образовательной программы

(должность, ученая степень, ученое звание)

	Подписано электронной подписью ФГБОУ ВО «НИУ «МЭИ»	
	Сведения о владельце ЦЭП МЭИ	
	Владелец	Крепков И.М.
Идентификатор	R04da5bdb-KrepkovIM-33fe3095	

(подпись)

---

И.М. Крепков(расшифровка  
подписи)

---

Заведующий выпускающей  
кафедры

(должность, ученая степень, ученое звание)

	Подписано электронной подписью ФГБОУ ВО «НИУ «МЭИ»	
	Сведения о владельце ЦЭП МЭИ	
	Владелец	Невский А.Ю.
Идентификатор	R4bc65573-NevskyAY-0b6e493d	

(подпись)

---

А.Ю. Невский(расшифровка  
подписи)

## **1. ЦЕЛИ И ЗАДАЧИ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ**

**Цель освоения дисциплины:** изучение математических моделей случайных явлений для последующего их применения в экономической деятельности, связанной с компьютерными технологиями, менеджментом и управлением ИС.

### **Задачи дисциплины**

- Поиск информации по полученному заданию, сбор и анализ данных, необходимых для проведения расчетов;

- Проведение расчетов статистических показателей на основе типовых методик;

- Обработка массивов данных статистическими методами в соответствии с поставленной задачей, анализ, оценка, интерпретация полученных результатов и обоснование выводов;

- Применение вероятностных моделей в процессах, методах поиска, сбора, хранения, обработки, предоставления, распространения информации и способах осуществления таких процессов и методов посредством ИКТ.

Формируемые у обучающегося **компетенции** и запланированные **результаты обучения** по дисциплине, соотнесенные с **индикаторами достижения компетенций**:

<b>Код и наименование компетенции</b>	<b>Код и наименование индикатора достижения компетенции</b>	<b>Запланированные результаты обучения</b>
ОПК-1 способностью решать стандартные задачи профессиональной деятельности на основе информационной и библиографической культуры с применением информационно-коммуникационных технологий и с учетом основных требований информационной безопасности		<p>знать:</p> <p>- стандартные вероятностные модели, анализировать и находить вероятности случайных событий, предельные теоремы теории вероятностей.</p> <p>уметь:</p> <p>- строить стандартные вероятностные модели, анализировать и находить вероятности случайных событий.</p>
ОПК-3 способностью работать с компьютером как средством управления информацией, работать с информацией из различных источников, в том числе в глобальных компьютерных сетях		<p>знать:</p> <p>- основные законы распределений случайной величины;</p> <p>уметь:</p> <p>- использовать предельные теоремы теории вероятностей.</p>
ОК-7 способностью к самоорганизации и самообразованию		<p>знать:</p> <p>- статистические методы обработки данных.</p> <p>уметь:</p> <p>- обрабатывать данные статистическими методами, строить гистограммы, выдвигать и проверять статистические гипотезы.</p>

## **2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ ВО**

Дисциплина относится к обязательной части блока дисциплин основной профессиональной образовательной программе Моделирование и оптимизация бизнес-процессов (далее – ОПОП), направления подготовки 38.03.05 Бизнес-информатика, уровень образования: высшее образование - бакалавриат.

Требования к входным знаниям и умениям:

- знать базовые положения элементарной математики и высшей математики .
- уметь Вычислять, интегрировать, дифференцировать, работать с числовыми рядами

Результаты обучения, полученные при освоении дисциплины, необходимы при выполнении выпускной квалификационной работы.

### 3. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

#### 3.1 Структура дисциплины

Общая трудоемкость дисциплины составляет 6 зачетных единиц, 216 часов.

№ п/п	Разделы/темы дисциплины/формы промежуточной аттестации	Всего часов на раздел	Семестр	Распределение трудоемкости раздела (в часах) по видам учебной работы											Содержание самостоятельной работы/ методические указания		
				Контактная работа						СР							
				Лек	Лаб	Пр	Консультация		ИКР		ПА	Работа в семестре	Подготовка к аттестации /контроль				
							КПР	ГК	ИККП	ТК							
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14		15		
1	Случайные события.	32	3	6	-	6	-	-	-	-	-	20	-			<u>Подготовка к текущему контролю:</u>	
1.1	Введение в теорию вероятностей	14		2	-	2	-	-	-	-	-	10	-			Повторение материала по разделу "Случайные события."	
1.2	Основные теоремы и модели .	18		4	-	4	-	-	-	-	-	10	-			<u>Подготовка к аудиторным занятиям:</u> Проработка лекций, выполнение и подготовка к защите лаб. работы <u>Подготовка домашнего задания:</u> Подготовка домашнего задания направлена на отработку умений решения профессиональных задач. Домашнее задание выдается студентам по изученному в разделе "Случайные события." материалу. Дополнительно студенту необходимо изучить литературу и разобрать примеры выполнения подобных заданий. Проверка домашнего задания проводится по представленным письменным работам. <u>Подготовка к контрольной работе:</u> Изучение материалов по разделу Случайные события. и подготовка к контрольной работе <u>Подготовка к практическим занятиям:</u> Изучение материала по разделу "Случайные события." подготовка к выполнению заданий на практических занятиях <u>Подготовка расчетных заданий:</u> Задания ориентированы на решения минизадач по разделу "Случайные события.". Студенты необходимо повторить теоретический	









4.1	Сходимость случайных величин по вероятности	20		4	-	4	-	-	-	-	-	12	-	Pовторение материала по разделу "Предельные теоремы" <b><u>Подготовка домашнего задания:</u></b> Подготовка домашнего задания направлена на отработку умений решения профессиональных задач. Домашнее задание выдается студентам по изученному в разделе "Предельные теоремы" материалу. Дополнительно студенту необходимо изучить литературу и разобрать примеры выполнения подобных заданий. Проверка домашнего задания проводится по представленным письменным работам.
4.2	Нормальное распределение и его свойства.	20		4	-	4	-	-	-	-	-	12	-	<b><u>Подготовка к практическим занятиям:</u></b> Изучение материала по разделу "Предельные теоремы" подготовка к выполнению заданий на практических занятиях <b><u>Подготовка расчетных заданий:</u></b> Задания ориентированы на решения минизадач по разделу "Предельные теоремы". Студенты необходимо повторить теоретический материал, разобрать примеры решения аналогичных задач. провести расчеты по варианту задания и сделать выводы. В качестве задания используются следующие упражнения: 1) Устройство состоит из 10 независимо работающих элементов. Вероятность отказа каждого элемента за время Т равна 0,05. С помощью неравенства Чебышева оценить вероятность того, что абсолютная величина разности между числом отказавших элементов и средним числом (математическим ожиданием) отказов за время Т окажется: а) меньшее двух; б) не меньше двух. 2) Гнутая монета подбрасывается 100 раз. Герб выпал 70 раз. Оценим вероятность выпадения герба для этой монеты. 3) На полосу укреплений противника сбрасывается 100 серий бомб. При сбрасывании одной такой серии



**Примечание:** Лек – лекции; Лаб – лабораторные работы; Пр – практические занятия; КПР – аудиторные консультации по курсовым проектам/работам; ИККП – индивидуальные консультации по курсовым проектам/работам; ГК- групповые консультации по разделам дисциплины; СР – самостоятельная работа студента; ИКР – иная контактная работа; ТК – текущий контроль; ПА – промежуточная аттестация

## **3.2 Краткое содержание разделов**

### 1. Случайные события.

#### 1.1. Введение в теорию вероятностей

Предмет теории вероятностей. Пространство элементарных исходов. Алгебра случайных событий. Аксиомы вероятности. Классическая вероятностная модель. Геометрические вероятности. Статистическое определение вероятности..

#### 1.2. Основные теоремы и модели .

Теорема сложения вероятностей. Условная вероятность. Теорема умножения вероятностей. Формулы полной вероятности и Байеса. Независимые события. Схема Бернуlli. Формула Бернуlli. Теорема Пуассона. Простейший поток..

### 2. Случайные величины

#### 2.1. Понятие о дискретных и непрерывных случайных величинах

Определение случайной величины. Функция распределения случайной величины и ее свойства. Дискретные случайные величины. Ряд распределения. Примеры дискретных распределений. Непрерывные случайные величины. Плотность вероятностей и ее свойства. Примеры непрерывных распределений..

#### 2.2. Числовые характеристики основных распределений

Математическое ожидание случайной величины и его свойства. Дисперсия и стандартное отклонение..

### 3. Случайные векторы

#### 3.1. Определение случайного вектора

Функция распределения случайного вектора и ее свойства. Дискретные и непрерывные случайные векторы. Примеры многомерных распределений. Математическое ожидание случайного вектора..

#### 3.2. Ковариация

Ковариация и коэффициент корреляции. Ковариационная матрица. Независимые случайные величины. Математическое ожидание произведения и дисперсия суммы независимых случайных величин. Функции от случайного вектора, их распределение и числовые характеристики. Свертка распределений.

### 4. Предельные теоремы

#### 4.1. Сходимость случайных величин по вероятности

Сходимость случайных величин по вероятности, по распределению и почти наверное. Неравенство Чебышева. Закон больших чисел. Усиленный закон больших чисел Колмогорова и следствия из него..

#### 4.2. Нормальное распределение и его свойства.

Центральная предельная теорема и следствия из него. Теорема Муавра-Лапласа..

### 5. Математическая статистика

### **5.1. Оценки параметров**

Выборка случайной величины. Вариационный ряд. Выборочная функция распределения. Выборочные среднее и дисперсия и их свойства. Двумерная выборка. Выборочный коэффициент корреляции. Графические методы представления выборки. Оценки параметров распределения случайной величины и их свойства. Метод моментов. Метод максимального правдоподобия. Доверительные интервалы. Примеры доверительных интервалов для нормальной выборки..

### **5.2. Проверка гипотез**

Понятие статистической гипотезы и ее альтернативы. Критерий проверки гипотезы. Критическая область. Ошибки первого и второго рода. Уровень значимости и мощность критерия. Проверка статистических гипотез для нормальных выборок..

## **3.3. Темы практических занятий**

1. Предмет теории вероятностей. Пространство элементарных исходов. Алгебра случайных событий. Аксиомы вероятности. Теорема сложения вероятностей. Условная вероятность. Теорема умножения вероятностей. Формулы полной вероятности и Байеса. Классическая вероятностная модель. Геометрические вероятности.  
Независимые события. Схема Бернулли. Формула Бернулли. Теорема Пуассона. Простейший поток;
2. Определение случайной величины. Функция распределения случайной величины и ее свойства. Дискретные случайные величины. Ряд распределения. Примеры дискретных распределений. Непрерывные случайные величины. Плотность вероятностей и ее свойства. Примеры непрерывных распределений. Математическое ожидание случайной величины и его свойства. Дисперсия и стандартное отклонение.;
3. Сходимость случайных величин по вероятности, по распределению и почти наверное. Неравенство Чебышева. Закон больших чисел. Усиленный закон больших чисел Колмогорова и следствия из него. Нормальное распределение и его свойства. Центральная предельная теорема. Теорема Муавра-Лапласа.

Выборка случайной величины. Вариационный ряд. Выборочная функция распределения. Выборочные среднее и дисперсия и их свойства. Двумерная выборка. Выборочный коэффициент корреляции. Графические методы представления выборки. Оценки параметров распределения случайной величины и их свойства. Метод моментов. Метод максимального правдоподобия. Доверительные интервалы. Примеры доверительных интервалов для нормальной выборки..

## **3.4. Темы лабораторных работ**

не предусмотрено

## **3.5 Консультации**

### *Групповые консультации по разделам дисциплины (ГК)*

1. Обсуждение материалов по кейсам раздела "Случайные величины"
2. Обсуждение материалов по кейсам раздела "Случайные векторы"
3. Обсуждение материалов по кейсам раздела "Предельные теоремы"
4. Обсуждение материалов по кейсам раздела "Математическая статистика"

### *Текущий контроль (TK)*

1. Консультации направлены на получение индивидуального задания для выполнения контрольных мероприятий по разделу "Случайные события."

### **3.6 Тематика курсовых проектов/курсовых работ**

Курсовой проект/ работа не предусмотрены

### 3.7. Соответствие разделов дисциплины и формируемых в них компетенций

Запланированные результаты обучения по дисциплине (в соответствии с разделом 1)	Коды индикаторов	Номер раздела дисциплины (в соответствии с п.3.1)					Оценочное средство (тип и наименование)	
		1	2	3	4	5		
<b>Знать:</b>								
стандартные вероятностные модели, анализировать и находить вероятности случайных событий , предельные теоремы теории вероятностей	ОПК-1(Компетенция)			+			Контрольная работа/Одномерные случайные величины	
основные законы распределений случайной величины;	ОПК-3(Компетенция)		+				Контрольная работа/Случайные события	
статистические методы обработки данных	ОК-7(Компетенция)	+					Расчетно-графическая работа/События и их вероятности	
<b>Уметь:</b>								
строить стандартные вероятностные модели, анализировать и находить вероятности случайных событий	ОПК-1(Компетенция)	+					Расчетно-графическая работа/События и их вероятности	
использовать предельные теоремы теории вероятностей	ОПК-3(Компетенция)					+	Расчетно-графическая работа/Случайные величины. Предельные теоремы	
обрабатывать данные статистическими методами, строить гистограммы, выдвигать и проверять статистические гипотезы	ОК-7(Компетенция)				+		Контрольная работа/Многомерные случайные величины и предельные теоремы	

## **4. КОМПЕТЕНТНОСТНО-ОРИЕНТИРОВАННЫЕ ОЦЕНОЧНЫЕ СРЕДСТВА ДЛЯ КОНТРОЛЯ ОСВОЕНИЯ РЕЗУЛЬТАТОВ ОБУЧЕНИЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ (ТЕКУЩИЙ КОНТРОЛЬ УСПЕВАЕМОСТИ, ПРОМЕЖУТОЧНАЯ АТТЕСТАЦИЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ)**

### **4.1. Текущий контроль успеваемости**

**3 семестр**

Форма реализации: Письменная работа

1. Многомерные случайные величины и предельные теоремы (Контрольная работа)
2. Одномерные случайные величины (Контрольная работа)
3. Случайные события (Контрольная работа)

Форма реализации: Проверка задания

1. Случайные величины. Предельные теоремы (Расчетно-графическая работа)
2. События и их вероятности (Расчетно-графическая работа)

Балльно-рейтинговая структура дисциплины является приложением А.

### **4.2 Промежуточная аттестация по дисциплине**

Экзамен (Семестр №3)

Оценка выставляется из расчета среднего арифметического значения оценки семестровой составляющей по текущему контролю успеваемости и оценки за промежуточную аттестацию

**Примечание:** Оценочные материалы по дисциплине приведены в фонде оценочных материалов ОПОП.

## **5. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ**

### **5.1 Печатные и электронные издания:**

1. Высшая математика. Введение в теорию вероятностей и математическую статистику : учебное пособие по курсу "Высшая математика" / В. Г. Крупин, М. А. Бободжанова, П. В. Кириченко, Н. В. Морозова, Нац. исслед. ун-т "МЭИ" (НИУ"МЭИ") . – М. : Изд-во МЭИ, 2018 . – 143 с. - ISBN 978-5-7046-1879-9 .  
[http://elib.mpei.ru/action.php?kt\\_path\\_info=ktcore.SecViewPlugin.actions.document&fDocumentId=10159;](http://elib.mpei.ru/action.php?kt_path_info=ktcore.SecViewPlugin.actions.document&fDocumentId=10159;)
2. А. Ю. Тимофеева- "Теория вероятностей и математическая статистика" 1, Издательство: "Новосибирский государственный технический университет", Новосибирск, 2017 - (87 с.)  
<https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=576564>;
3. А. Ю. Тимофеева- "Теория вероятностей и математическая статистика" 2, Издательство: "Новосибирский государственный технический университет", Новосибирск, 2017 - (108 с.)  
<https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=576565>.

### **5.2 Лицензионное и свободно распространяемое программное обеспечение:**

1. СДО "Прометей";
2. Office;
3. Windows;
4. Майнд Видеоконференции.

### **5.3 Интернет-ресурсы, включая профессиональные базы данных и информационно-справочные системы:**

1. ЭБС Лань - <https://e.lanbook.com/>
2. ЭБС "Университетская библиотека онлайн" - [http://biblioclub.ru/index.php?page=main\\_ub\\_red](http://biblioclub.ru/index.php?page=main_ub_red)
3. Научная электронная библиотека - <https://elibrary.ru/>
4. База данных Web of Science - <http://webofscience.com/>
5. База данных Scopus - <http://www.scopus.com>
6. Национальная электронная библиотека - <https://rusneb.ru/>
7. ЭБС "Консультант студента" - <http://www.studentlibrary.ru/>
8. Электронная библиотека МЭИ (ЭБ МЭИ) - <http://elib.mpei.ru/login.php>
9. Портал открытых данных Российской Федерации - <https://data.gov.ru>
10. Информационно-справочная система «Кодекс/Техэксперт» - <Http://proinfosoft.ru; http://docs.cntd.ru/>
11. Открытая университетская информационная система «РОССИЯ» - <https://uisrussia.msu.ru>

### **6. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ**

<b>Тип помещения</b>	<b>Номер аудитории, наименование</b>	<b>Оснащение</b>
Учебные аудитории для проведения лекционных занятий и текущего контроля	K-601, Учебная аудитория	парта со скамьей, стол преподавателя, стул, трибуна, доска меловая, мультимедийный проектор, экран
	A-300, Учебная аудитория "A"	кресло рабочее, парта, стеллаж, стол преподавателя, стол учебный, стул, трибуна, микрофон, мультимедийный проектор, экран, доска маркерная, колонки, техническая аппаратура, кондиционер, телевизор
Учебные аудитории для проведения практических занятий, КР и КП	A-210, Учебная аудитория "A"	парта, стул, стол письменный, доска меловая
Учебные аудитории для проведения промежуточной аттестации	Ж-120, Машинный зал ИВЦ	сервер, кондиционер
	A-210, Учебная аудитория "A"	парта, стул, стол письменный, доска меловая
Помещения для самостоятельной работы	НТБ-303, Компьютерный читальный зал	стол компьютерный, стул, стол письменный, вешалка для одежды, компьютерная сеть с выходом в Интернет, компьютер персональный, принтер, кондиционер
Помещения для консультирования	A-300, Учебная аудитория "A"	кресло рабочее, парта, стеллаж, стол преподавателя, стол учебный, стул, трибуна, микрофон, мультимедийный проектор, экран, доска маркерная, колонки, техническая аппаратура, кондиционер, телевизор
Помещения для хранения оборудования и учебного инвентаря	M-910, Учебная аудитория каф. "Ин. яз."	стеллаж для хранения книг, стол, стул, шкаф для документов
	K-202/2, Склад	стеллаж для хранения инвентаря, стол,

	кафедры БИТ	стул, шкаф для документов, шкаф для хранения инвентаря, тумба, запасные комплектующие для оборудования
--	-------------	--

**БАЛЛЬНО-РЕЙТИНГОВАЯ СТРУКТУРА ДИСЦИПЛИНЫ****Теория вероятностей и математическая статистика**

(название дисциплины)

**3 семестр****Перечень контрольных мероприятий текущего контроля успеваемости по дисциплине:**

- КМ-1 События и их вероятности (Расчетно-графическая работа)  
 КМ-2 Случайные события (Контрольная работа)  
 КМ-3 Одномерные случайные величины (Контрольная работа)  
 КМ-4 Многомерные случайные величины и предельные теоремы (Контрольная работа)  
 КМ-5 Случайные величины. Предельные теоремы (Расчетно-графическая работа)

**Вид промежуточной аттестации – Экзамен.**

Номер раздела	Раздел дисциплины	Индекс КМ:	КМ-1	КМ-2	КМ-3	КМ-4	КМ-5
		Неделя КМ:	4	8	10	12	15
1	Случайные события.						
1.1	Введение в теорию вероятностей	+					
1.2	Основные теоремы и модели .	+					
2	Случайные величины						
2.1	Понятие о дискретных и непрерывных случайных величинах			+			
2.2	Числовые характеристики основных распределений			+			
3	Случайные векторы						
3.1	Определение случайного вектора				+		
3.2	Ковариация				+		
4	Предельные теоремы						
4.1	Сходимость случайных величин по вероятности					+	
4.2	Нормальное распределение и его свойства.					+	
5	Математическая статистика						
5.1	Оценки параметров						+

5.2	Проверка гипотез						+
	Bec KM, %:	20	20	20	20	20	