

Министерство науки и высшего образования РФ
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования
«Национальный исследовательский университет «МЭИ»

Направление подготовки/специальность: 15.03.06 Мехатроника и робототехника

Наименование образовательной программы: Мехатроника и робототехника

Уровень образования: высшее образование - бакалавриат

Форма обучения: Очная

Рабочая программа дисциплины
ДИНАМИКА МЕХАТРОННЫХ СИСТЕМ

Блок:	Блок 1 «Дисциплины (модули)»
Часть образовательной программы:	Часть, формируемая участниками образовательных отношений
№ дисциплины по учебному плану:	Б1.Ч.01
Трудоемкость в зачетных единицах:	8 семестр - 3;
Часов (всего) по учебному плану:	108 часов
Лекции	8 семестр - 12 часов;
Практические занятия	8 семестр - 12 часов;
Лабораторные работы	не предусмотрено учебным планом
Консультации	8 семестр - 14 часов;
Самостоятельная работа	8 семестр - 65,2 часа;
в том числе на КП/КР	8 семестр - 31,7 часа;
Иная контактная работа	8 семестр - 4 часа;
включая:	
Коллоквиум	
Контрольная работа	
Промежуточная аттестация:	
Экзамен	8 семестр - 0 часов;
Защита курсовой работы	8 семестр - 0,8 часа;
	всего - 0,8 часа

Москва 2025

ПРОГРАММУ СОСТАВИЛ:

Преподаватель

	Подписано электронной подписью ФГБОУ ВО «НИУ «МЭИ»	
	Сведения о владельце ЦЭП МЭИ	
	Владелец	Капустина О.М.
	Идентификатор	R6f4a785d-KapustinaOM-1bc0f249

О.М. Капустина

СОГЛАСОВАНО:

Руководитель
образовательной программы

	Подписано электронной подписью ФГБОУ ВО «НИУ «МЭИ»	
	Сведения о владельце ЦЭП МЭИ	
	Владелец	Адамов Б.И.
	Идентификатор	R2db20bbf-AdamovBI-4e0d2620

Б.И. Адамов

Заведующий выпускающей
кафедрой

	Подписано электронной подписью ФГБОУ ВО «НИУ «МЭИ»	
	Сведения о владельце ЦЭП МЭИ	
	Владелец	Меркурьев И.В.
	Идентификатор	Rd52c763c-MercuryevIV-1e4a883c

И.В. Меркурьев

1. ЦЕЛИ И ЗАДАЧИ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

Цель освоения дисциплины: Применять асимптотические методы для построения и исследования уравнений динамики мехатронных систем.

Задачи дисциплины

- Изучение основных определений, теорем асимптотических методов решения уравнений динамики;
- Изучение основных алгоритмов решения уравнений динамики асимптотическими методами;
- Формирование навыков применения алгоритмов асимптотических методов для решения задач динамики мехатронных систем;
- Формирование навыков применения компьютерных систем, например, Mathematica для решения задач динамики мехатронных систем.

Формируемые у обучающегося **компетенции** и запланированные **результаты обучения** по дисциплине, соотнесенные с **индикаторами достижения компетенций**:

Код и наименование компетенции	Код и наименование индикатора достижения компетенции	Запланированные результаты обучения
РПК-2 Способен использовать современные методы исследования и моделирования динамики мехатронных систем	ИД-2 _{РПК-2} Применяет асимптотические методы для исследования и моделирования динамики мехатронных систем	знать: - Основные определения, теоремы, алгоритмы асимптотических методов решения регулярно возмущённых по малому параметру уравнений динамики мехатронных систем; - Основные определения, теоремы, алгоритмы асимптотических методов решения уравнений динамики мехатронных систем с быстрой фазой; - Основные определения, теоремы, алгоритмы асимптотических методов решения уравнений динамики систем с погранслоем. уметь: - Применять алгоритмы асимптотических методов решения регулярно возмущённых по малому параметру уравнений динамики мехатронных систем; - Применять алгоритмы асимптотических методов решения уравнений динамики мехатронных систем с быстрой фазой; - Применять алгоритмы асимптотических методов решения уравнений динамики систем с погранслоем.

2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ ВО

Дисциплина относится к основной профессиональной образовательной программе Мехатроника и робототехника (далее – ОПОП), направления подготовки 15.03.06 Мехатроника и робототехника, уровень образования: высшее образование - бакалавриат.

Требования к входным знаниям и умениям:

- знать Основы теории и ключевые алгоритмы дисциплин "Линейная алгебра", "Аналитическая геометрия", «Математический анализ», "Теория колебаний и динамика машин", "Вычислительная механика", "Прикладные методы теории колебаний".

- уметь Применять для решения динамических уравнений ключевые алгоритмы дисциплин "Линейная алгебра", "Аналитическая геометрия", «Математический анализ», "Теория колебаний и динамика машин", "Вычислительная механика", "Прикладные методы теории колебаний".

- уметь Применять математические компьютерные системы

Результаты обучения, полученные при освоении дисциплины, необходимы при выполнении выпускной квалификационной работы.

3. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

3.1 Структура дисциплины

Общая трудоемкость дисциплины составляет 3 зачетных единицы, 108 часов.

№ п/п	Разделы/темы дисциплины/формы промежуточной аттестации	Всего часов на раздел	Семестр	Распределение трудоемкости раздела (в часах) по видам учебной работы										Содержание самостоятельной работы/ методические указания
				Контактная работа							СР			
				Лек	Лаб	Пр	Консультация		ИКР		ПА	Работа в семестре	Подготовка к аттестации /контроль	
КПР	ГК	ИККП	ТК											
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
1	Регулярно возмущённые по малому параметру системы уравнений и асимптотические методы их решений	10	8	4	-	6	-	-	-	-	-	-	-	<p><u>Подготовка к контрольной работе:</u> Изучение материалов по разделу "Регулярно возмущённые по малому параметру системы уравнений и асимптотические методы их решений" и подготовка к контрольной работе</p> <p><u>Подготовка к практическим занятиям:</u> Изучение материала по разделу "Регулярно возмущённые по малому параметру системы уравнений и асимптотические методы их решений" , подготовка к выполнению заданий на практических занятиях</p> <p><u>Подготовка к текущему контролю:</u> Повторение материала по разделу "Регулярно возмущённые по малому параметру системы уравнений и асимптотические методы их решений"</p> <p><u>Подготовка к аудиторным занятиям:</u> Проработка лекции, материалов практических занятий</p> <p><u>Изучение материалов литературных источников:</u> [3], С.11-79</p>
1.1	Введение	2		1	-	1	-	-	-	-	-	-	-	
1.2	Классификация возмущений уравнений по малому параметру	2		1	-	1	-	-	-	-	-	-	-	
1.3	Асимптотические методы решений регулярно возмущённых по малому параметру уравнений	6		2	-	4	-	-	-	-	-	-	-	
2	Сингулярно возмущённые по малому параметру системы уравнений и асимптотические	6		4	-	2	-	-	-	-	-	-	-	

													Методы осреднения", подготовка к выполнению заданий на практических занятиях <u>Изучение материалов литературных источников:</u> [3], С.140-211 [4], С.297-379 [5], С.9-176
	Экзамен	35.5	-	-	-	-	2	-	-	-	-	33.5	
	Курсовая работа (КР)	48.5	-	-	-	12	-	4	-	0.8	31.7	-	
	Всего за семестр	108.0	12	-	12	12	2	4	-	0.8	31.7	33.5	
	Итого за семестр	108.0	12	-	12	14		4		0.8	65.2		

Примечание: Лек – лекции; Лаб – лабораторные работы; Пр – практические занятия; КПр – аудиторные консультации по курсовым проектам/работам; ИККП – индивидуальные консультации по курсовым проектам/работам; ГК- групповые консультации по разделам дисциплины; СР – самостоятельная работа студента; ИКР – иная контактная работа; ТК – текущий контроль; ПА – промежуточная аттестация

3.2 Краткое содержание разделов

1. Регулярно возмущённые по малому параметру системы уравнений и асимптотические методы их решений

1.1. Введение

История происхождения и смысл понятия «мехатронные системы», примеры мехатронных систем. Определение, цель использования асимптотических методов..

1.2. Классификация возмущений уравнений по малому параметру

Приведение систем уравнений к безразмерному нормализованному виду. Классы движений. Варианты введения малого параметра. Разделение движений в жёстких системах. Регулярные и сингулярные возмущения по малому параметру. Два типа асимптотических разложений по малому параметру. Избыточность в приближённых методах..

1.3. Асимптотические методы решений регулярно возмущённых по малому параметру уравнений

Теорема Пуанкаре. Секулярные члены. Построение методом Пуанкаре приближённого решения уравнения гармонического осциллятора с малым разбросом коэффициента жёсткости от номинального значения. Метод Пуанкаре-Ляпунова (Линдштедта-Пуанкаре). Применение метода Пуанкаре-Ляпунова для построения приближённого решения гармонического осциллятора с малым разбросом коэффициента жёсткости от номинального значения..

2. Сингулярно возмущённые по малому параметру системы уравнений и асимптотические методы их решений

2.1. Асимптотические методы решений динамических уравнений в системах с погранслоем

Разделение движения в системах с погранслоем. Медленное и быстрое безразмерное время. Вырожденная и присоединённая системы уравнений. Теорема Тихонова. Построение вырожденной системы уравнений в системах с иерархией числовых значений характерных времён. О переходе к вырожденным уравнениям на бесконечном интервале времени. 9. Асимптотические разложения решений в системах с погранслоем. Асимптотическое разложение в задаче Стокса о вертикальном падении шара в вязкой жидкости на классе движения «в большом». Асимптотическое разложение в задаче о движении физического маятника в сильно вязкой среде. Разделение движений в системах с разрывными характеристиками..

3. Разделение движений в системах с быстрой фазой. Методы осреднения

3.1. Асимптотические методы решения динамических уравнений в системах с быстрой фазой

Метод осреднения Крылова-Боголюбова. Стандартная форма и обобщение стандартной формы уравнений метода осреднения Крылова-Боголюбова. Алгоритм асимптотического разложения метода Крылова-Боголюбова. Оценка точности приближений метода осреднения Крылова-Боголюбова. 12. Порождающая система уравнений, осреднение по траекториям порождающей системы метода Крылова-Боголюбова. 13. Метод осреднения в системах с несколькими быстрыми фазами. Осреднённые уравнения первого приближения. Резонансы в многочастотных системах. Метод осреднения в резонансном случае. Резонансные колебания физического маятника при горизонтальных колебаниях точки подвеса. Метод гармонической

линеаризации. Определение автоколебаний. Исследование устойчивости периодического решения с использованием критерия Михайлова..

3.3. Темы практических занятий

1. Метод гармонической линеаризации;
2. Построение методом Пуанкаре-Ляпунова (Линдштедта-Пуанкаре) приближённых решений уравнений;
3. Построение методом Пуанкаре приближённых решений уравнений;
4. Метод осреднения Крылова-Боголюбова;
5. Разделение движений в системах с погранслоем;
6. Приведение систем уравнений к безразмерному нормализованному виду.

3.4. Темы лабораторных работ

не предусмотрено

3.5 Консультации

Групповые консультации по разделам дисциплины (ГК)

1. Обсуждение материалов по кейсам раздела "Регулярно возмущённые по малому параметру системы уравнений и асимптотические методы их решений"
2. Обсуждение материалов по кейсам раздела "Сингулярно возмущённые по малому параметру системы уравнений и асимптотические методы их решений"
3. Обсуждение материалов по кейсам раздела "Разделение движений в системах с быстрой фазой. Методы осреднения"

Индивидуальные консультации по курсовому проекту /работе (ИККП)

1. Консультации проводятся по разделу "Сингулярно возмущённые по малому параметру системы уравнений и асимптотические методы их решений"

3.6 Тематика курсовых проектов/курсовых работ

8 Семестр

Курсовая работа (КР)

Темы:

- Разделение движений в системах с разрывными характеристиками.

График выполнения курсового проекта

Неделя	1 - 4	5 - 8	9 - 11	Зачетная
Раздел курсового проекта	1	1	1	Защита курсового проекта
Объем раздела, %	30	30	40	-
Выполненный объем нарастающим итогом, %	30	60	100	-

Номер раздела	Раздел курсового проекта
1	Асимптотические методы решений динамических уравнений в системах с погранслоем

3.7. Соответствие разделов дисциплины и формируемых в них компетенций

Запланированные результаты обучения по дисциплине (в соответствии с разделом 1)	Коды индикаторов	Номер раздела дисциплины (в соответствии с п.3.1)			Оценочное средство (тип и наименование)
		1	2	3	
Знать:					
Основные определения, теоремы, алгоритмы асимптотических методов решения уравнений динамики систем с погранслоем	ИД-2РПК-2			+	Контрольная работа/Контрольная работа по теме "Метод осреднения Крылова Боголюбова" раздела 3 Коллоквиум/Контрольный опрос по разделу 3 Разделение движений в системах с быстрой фазой. Методы осреднения
Основные определения, теоремы, алгоритмы асимптотических методов решения уравнений динамики мехатронных систем с быстрой фазой	ИД-2РПК-2		+		Коллоквиум/Контрольный опрос по разделу 2 "Асимптотические методы решений динамических уравнений в системах с погранслоем"
Основные определения, теоремы, алгоритмы асимптотических методов решения регулярно возмущённых по малому параметру уравнений динамики мехатронных систем	ИД-2РПК-2	+			Контрольная работа/Контрольная работа по теме "Приближённое решение уравнений динамики методом Пуанкаре" раздела 1 Коллоквиум/Контрольный опрос по разделу 1 Регулярно возмущённые по малому параметру системы уравнений и асимптотические методы их решений
Уметь:					
Применять алгоритмы асимптотических методов решения уравнений динамики систем с погранслоем	ИД-2РПК-2	+	+		Коллоквиум/Контрольный опрос по разделу 2 "Асимптотические методы решений динамических уравнений в системах с погранслоем"
Применять алгоритмы асимптотических методов решения уравнений динамики мехатронных систем с быстрой фазой	ИД-2РПК-2			+	Контрольная работа/Контрольная работа по теме "Метод осреднения Крылова Боголюбова" раздела 3 Коллоквиум/Контрольный опрос по разделу 3 Разделение движений в системах с быстрой фазой. Методы осреднения

Применять алгоритмы асимптотических методов решения регулярно возмущённых по малому параметру уравнений динамики мехатронных систем	ИД-2РПК-2	+			Контрольная работа/Контрольная работа по теме "Приближённое решение уравнений динамики методом Пуанкаре" раздела 1
---	-----------	---	--	--	--

4. КОМПЕТЕНТНОСТНО-ОРИЕНТИРОВАННЫЕ ОЦЕНОЧНЫЕ СРЕДСТВА ДЛЯ КОНТРОЛЯ ОСВОЕНИЯ РЕЗУЛЬТАТОВ ОБУЧЕНИЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ (ТЕКУЩИЙ КОНТРОЛЬ УСПЕВАЕМОСТИ, ПРОМЕЖУТОЧНАЯ АТТЕСТАЦИЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ)

4.1. Текущий контроль успеваемости

8 семестр

Форма реализации: Смешанная форма

1. Контрольная работа по теме "Метод осреднения Крылова Боголюбова" раздела 3 (Контрольная работа)
2. Контрольная работа по теме "Приближённое решение уравнений динамики методом Пуанкаре" раздела 1 (Контрольная работа)
3. Контрольный опрос по разделу 3 Разделение движений в системах с быстрой фазой. Методы осреднения (Коллоквиум)

Форма реализации: Устная форма

1. Контрольный опрос по разделу 1 Регулярно возмущённые по малому параметру системы уравнений и асимптотические методы их решений (Коллоквиум)
2. Контрольный опрос по разделу 2 "Асимптотические методы решений динамических уравнений в системах с погранслоем" (Коллоквиум)

Балльно-рейтинговая структура дисциплины является приложением А.

Балльно-рейтинговая структура курсовой работы является приложением Б.

4.2 Промежуточная аттестация по дисциплине

Экзамен (Семестр №8)

Итоговая оценка выставляется по совокупности экзаменационной и семестровой оценок

Курсовая работа (КР) (Семестр №8)

Оценка за курсовую работу выставляется по совокупности оценок промежуточной аттестации и защиты

В диплом выставляется оценка за 8 семестр.

Примечание: Оценочные материалы по дисциплине приведены в фонде оценочных материалов ОПОП.

5. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

5.1 Печатные и электронные издания:

1. Новожилов, И. В. Фракционный анализ / И. В. Новожилов. – М. : Изд-во МГУ, 1991. – 190 с. – ISBN 5-211-01564-9.;
2. Васильева, А. Б. Асимптотические методы в теории сингулярных возмущений / А. Б. Васильева, В. Ф. Бутузов. – М. : Высшая школа, 1990. – 207 с. – (Актуальные вопросы прикладной и вычислительной математики).;
3. Моисеев, Н. Н. Асимптотические методы нелинейной механики : учебное пособие для университетов / Н. Н. Моисеев. – 2-е изд., перераб. – М. : Наука, 1981. – 400 с.;
4. Боголюбов, Н. Н. Асимптотические методы в теории нелинейных колебаний / Н. Н. Боголюбов, Ю. А. Митропольский. – М. : Гос. изд-во технико-теоретич. лит., 1955. – 448 с.;
5. Волосов, В. М. Метод осреднения в теории нелинейных колебательных систем / В. М. Волосов, Б. И. Моргунов. – М. : Изд-во Моск. ун-та, 1971. – 507 с.;

6. Филиппов, А. Ф. Дифференциальные уравнения с разрывной правой частью / А. Ф. Филиппов. – М. : Наука, 1985. – 224 с.;
7. Вазов, В. Асимптотические разложения решений обыкновенных дифференциальных уравнений : пер. с англ. / В Вазов. – М. : Мир, 1968. – 464 с.;
8. В. Вазов- "Асимптотические разложения решений обыкновенных дифференциальных уравнений", Издательство: "Мир", Москва, 1968 - (464 с.)
<https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=464125>.

5.2 Лицензионное и свободно распространяемое программное обеспечение:

1. СДО "Прометей";
2. Office / Российский пакет офисных программ;
3. Windows / Операционная система семейства Linux;
4. Видеоконференции (Майнд, Сберджаз, ВК и др);
5. Scilab.

5.3 Интернет-ресурсы, включая профессиональные базы данных и информационно-справочные системы:

1. ЭБС Лань - <https://e.lanbook.com/>
2. ЭБС "Университетская библиотека онлайн" - http://biblioclub.ru/index.php?page=main_ub_red
3. Научная электронная библиотека - <https://elibrary.ru/>
4. Электронная библиотека МЭИ (ЭБ МЭИ) - <http://elib.mpei.ru/login.php>
5. Федеральный портал "Российское образование" - <http://www.edu.ru>

6. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

Тип помещения	Номер аудитории, наименование	Оснащение
Учебные аудитории для проведения лекционных занятий и текущего контроля	С-215, Учебная аудитория	стол, стул, доска меловая
	Ж-120, Машинный зал ИВЦ	сервер, кондиционер
	Б-415, Учебная аудитория	кресло рабочее, стол преподавателя, стол, стул, доска меловая, мультимедийный проектор, экран, доска маркерная
Учебные аудитории для проведения практических занятий, КР и КП	С-215, Учебная аудитория	стол, стул, доска меловая
	С-213, Учебная аудитория	стол, стул, доска меловая
	Ж-120, Машинный зал ИВЦ	сервер, кондиционер
Учебные аудитории для проведения промежуточной аттестации	С-213, Учебная аудитория	стол, стул, доска меловая
	Ж-120, Машинный зал ИВЦ	сервер, кондиционер
	Б-411, Учебная аудитория	стол преподавателя, стол, стул, доска меловая, компьютерная сеть с выходом в Интернет, мультимедийный проектор, экран, доска маркерная
Помещения для самостоятельной работы	НТБ-303, Лекционная	стол компьютерный, стул, стол письменный, вешалка для одежды,

	аудитория	компьютерная сеть с выходом в Интернет, компьютер персональный, принтер, кондиционер
	С-200, Компьютерный класс каф. "РМДиПМ"	стол, стул, доска меловая, мультимедийный проектор, экран, компьютер персональный
Помещения для консультирования	С-212, Кабинет сотрудников	стол, стул, шкаф, компьютер персональный, принтер
Помещения для хранения оборудования и учебного инвентаря	С-114/1, Массажная	

БАЛЛЬНО-РЕЙТИНГОВАЯ СТРУКТУРА ДИСЦИПЛИНЫ

Динамика мехатронных систем

(название дисциплины)

8 семестр

Перечень контрольных мероприятий текущего контроля успеваемости по дисциплине:

- КМ-1 Контрольный опрос по разделу 1 Регулярно возмущённые по малому параметру системы уравнений и асимптотические методы их решений (Коллоквиум)
- КМ-2 Контрольная работа по теме "Приближённое решение уравнений динамики методом Пуанкаре" раздела 1 (Контрольная работа)
- КМ-3 Контрольный опрос по разделу 2 "Асимптотические методы решений динамических уравнений в системах с погранслоем" (Коллоквиум)
- КМ-4 Контрольный опрос по разделу 3 Разделение движений в системах с быстрой фазой. Методы осреднения (Коллоквиум)
- КМ-5 Контрольная работа по теме "Метод осреднения Крылова Боголюбова" раздела 3 (Контрольная работа)

Вид промежуточной аттестации – Экзамен.

Номер раздела	Раздел дисциплины	Индекс КМ:	КМ-1	КМ-2	КМ-3	КМ-4	КМ-5
		Неделя КМ:	4	5	8	9	16
1	Регулярно возмущённые по малому параметру системы уравнений и асимптотические методы их решений						
1.1	Введение		+	+	+		
1.2	Классификация возмущений уравнений по малому параметру		+	+			
1.3	Асимптотические методы решений регулярно возмущённых по малому параметру уравнений		+	+			
2	Сингулярно возмущённые по малому параметру системы уравнений и асимптотические методы их решений						
2.1	Асимптотические методы решений динамических уравнений в системах с погранслоем				+		
3	Разделение движений в системах с быстрой фазой. Методы осреднения						
3.1	Асимптотические методы решения динамических уравнений в системах с быстрой фазой					+	+
Вес КМ, %:			20	20	20	20	20

**БАЛЛЬНО-РЕЙТИНГОВАЯ СТРУКТУРА
КУРСОВОГО ПРОЕКТА/РАБОТЫ ПО ДИСЦИПЛИНЕ**

Динамика мехатронных систем

(название дисциплины)

8 семестр

Перечень контрольных мероприятий текущего контроля успеваемости по курсовой работе:

КМ-1 Проверка графика выполнения КР

КМ-2 Проверка графика выполнения КР

КМ-3 Демонстрация вычислительной программы для выполнения курсовой работы

Вид промежуточной аттестации – защита КР.

Номер раздела	Раздел курсового проекта/курсовой работы	Индекс КМ:	КМ-1	КМ-2	КМ-3
		Неделя КМ:	4	8	11
1	Асимптотические методы решений динамических уравнений в системах с погранслоем		+	+	+
Вес КМ, %:			30	30	40