

**Министерство науки и высшего образования РФ  
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение  
высшего образования  
«Национальный исследовательский университет «МЭИ»**

---

**Направление подготовки/специальность: 15.04.06 Мехатроника и робототехника**

**Наименование образовательной программы: Разработка компьютерных технологий управления и математического моделирования в робототехнике и мехатронике**

**Уровень образования: высшее образование - магистратура**

**Форма обучения: Очная**

**Рабочая программа дисциплины  
ЧИСЛЕННЫЕ МЕТОДЫ В РОБОТОТЕХНИКЕ**

<b>Блок:</b>	<b>Блок 1 «Дисциплины (модули)»</b>
<b>Часть образовательной программы:</b>	<b>Обязательная</b>
<b>№ дисциплины по учебному плану:</b>	<b>Б1.О.10</b>
<b>Трудоемкость в зачетных единицах:</b>	<b>1 семестр - 5;</b>
<b>Часов (всего) по учебному плану:</b>	<b>180 часов</b>
<b>Лекции</b>	<b>1 семестр - 32 часа;</b>
<b>Практические занятия</b>	<b>1 семестр - 32 часа;</b>
<b>Лабораторные работы</b>	<b>не предусмотрено учебным планом</b>
<b>Консультации</b>	<b>1 семестр - 2 часа;</b>
<b>Самостоятельная работа</b>	<b>1 семестр - 113,5 часов;</b>
<b>в том числе на КП/КР</b>	<b>не предусмотрено учебным планом</b>
<b>Иная контактная работа</b>	<b>проводится в рамках часов аудиторных занятий</b>
<b>включая:</b>	
<b>Контрольная работа</b>	
<b>Промежуточная аттестация:</b>	
<b>Экзамен</b>	<b>1 семестр - 0,5 часа;</b>

**Москва 2023**

**ПРОГРАММУ СОСТАВИЛ:**

Преподаватель

	Подписано электронной подписью ФГБОУ ВО «НИУ «МЭИ»	
Сведения о владельце ЦЭП МЭИ		
Владелец	Маслов А.Н.	
Идентификатор	Rf8f2f741-MaslovAN-736ea3ef	

A.H. Маслов

**СОГЛАСОВАНО:**

Руководитель  
образовательной  
программы

	Подписано электронной подписью ФГБОУ ВО «НИУ «МЭИ»	
Сведения о владельце ЦЭП МЭИ		
Владелец	Свириденко О.В.	
Идентификатор	R9097b88f-SviridenkoOV-16830d5	

O.B.  
Свириденко

Заведующий выпускающей  
кафедрой

	Подписано электронной подписью ФГБОУ ВО «НИУ «МЭИ»	
Сведения о владельце ЦЭП МЭИ		
Владелец	Меркульев И.В.	
Идентификатор	Rd52c763c-MerkuryevIV-1e4a8830	

I.B. Меркульев

## **1. ЦЕЛИ И ЗАДАЧИ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ**

**Цель освоения дисциплины:** Является изучение численных методов инженерных расчётов и сопутствующего математического аппарата, применяемых при компьютерном моделировании робототехнических систем для математического описания их движения и планирования траекторий рабочих органов.

### **Задачи дисциплины**

- Изучение применяемых при решении задач робототехники численных методов и лежащего в основе данных методов математического аппарата (включая получение необходимых сведений из общей и линейной алгебры);

- Овладение важнейшими методами решения прикладных задач в области компьютерного моделирования робототехнических систем, включая методы интерполяции и аппроксимации функций тригонометрическими многочленами и сплайнами; ;

- Формирование устойчивых навыков по применению арсенала численных методов инженерных расчётов при решении робототехнических задач, включая методы построения программного движения роботов, методы алгебры кватернионов в применении к кинематике систем твёрдых тел, линейные многошаговые методы численного решения задачи Коши.;

- Овладение линейными многошаговыми методами численного интегрирования обыкновенных дифференциальных уравнений..

**Формируемые у обучающегося компетенции и запланированные результаты обучения по дисциплине, соотнесенные с индикаторами достижения компетенций:**

<b>Код и наименование компетенции</b>	<b>Код и наименование индикатора достижения компетенции</b>	<b>Запланированные результаты обучения</b>
ОПК-1 Способен применять естественнонаучные и общеинженерные знания, методы математического анализа и моделирования в профессиональной деятельности	ИД-1 <sub>ОПК-1</sub> Применяет математический аппарат численных методов	<p>знать:</p> <p>- Порядок применения теоретического аппарата (теорию и методы интерполяции и аппроксимации функций тригонометрическими многочленами и сплайнами, методы планирования траекторий и построения программного движения роботов, методы алгебры кватернионов в применении к кинематике систем твёрдых тел, основы теории линейных многошаговых методов численного интегрирования обыкновенных дифференциальных уравнений) в важнейших практических приложениях.;</p> <p>- Основные алгоритмы, реализующие численные методы инженерных расчётов (включая алгоритмы решения задачи Коши линейными многошаговыми методами численного интегрирования) и условия, при соблюдении которых их применение является оправданным..</p> <p>уметь:</p> <p>- Разрабатывать и успешно применять, пользуясь приобретёнными</p>

<b>Код и наименование компетенции</b>	<b>Код и наименование индикатора достижения компетенции</b>	<b>Запланированные результаты обучения</b>
		математическими знаниями и освоенным арсеналом численных методов, а также получаемыми самостоятельно при помощи современных информационных технологий новыми знаниями, умениями и методами исследования, алгоритмы решения практических задач в области робототехники..
ОПК-4 Способен использовать современные информационные технологии и программные средства при моделировании технологических процессов	ИД-1опк-4 Использует имеющиеся программные пакеты и, при необходимости, разрабатывает новое программное обеспечение, необходимое для обработки информации и управления в мехатронных и робототехнических системах, а также для их проектирования	<p>знать:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- Теоретические основы применяемых при решении задач робототехники численных методов и лежащего в основе данных методов математического аппарата (включая необходимый материал из общей и линейной алгебры)..</li> </ul> <p>уметь:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- Пользоваться современными информационными технологиями для совершенствования и развития своего интеллектуального, профессионального и общекультурного уровня.;</li> <li>- Находить, обобщать и анализировать информацию о робототехнических системах и условиях их эксплуатации, планировать ход исследования и пути достижения поставленных целей..</li> </ul>
ОПК-13 Способен использовать основные положения, законы и методы естественных наук и математики при формировании моделей и методов исследования мехатронных и робототехнических систем	ИД-4опк-13 Применяет численные методы и алгоритмы при проведении исследований мехатонных и робототехнических систем в процессе выполняемых ими операций	<p>знать:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- Основные алгоритмы, реализующие численные методы инженерных расчётов (включая алгоритмы тригонометрической интерполяции, интерполяции и аппроксимации сплайнами) и условия, при соблюдении которых их применение является оправданным..</li> </ul> <p>уметь:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- Выделять при анализе робототехнических систем и условий их эксплуатации задачи, требующие применения численных методов и проведения вычислительных экспериментов, планировать и реализовывать решение данных задач, пользуясь общесистемными средствами</li> </ul>

<b>Код и наименование компетенции</b>	<b>Код и наименование индикатора достижения компетенции</b>	<b>Запланированные результаты обучения</b>
		программного назначения, современными программными продуктами и информационными технологиями, системами компьютерной математики, инструментальными средствами компьютерного моделирования..

## **2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ ВО**

Дисциплина относится к основной профессиональной образовательной программе Разработка компьютерных технологий управления и математического моделирования в робототехнике и мехатронике (далее – ОПОП), направления подготовки 15.04.06 Мехатроника и робототехника, уровень образования: высшее образование - магистратура.

Требования к входным знаниям и умениям:

- знать Линейную алгебру и аналитическую геометрию.
- знать Математический анализ
- знать Информатику
- знать Дискретную математику
- уметь Работать со списками данных.
- уметь Создавать программу для выполнения расчетов в математических пакетах.
- уметь Применять циклические формы алгоритмов с остановом.

Результаты обучения, полученные при освоении дисциплины, необходимы при выполнении выпускной квалификационной работы.

### 3. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

#### 3.1 Структура дисциплины

Общая трудоемкость дисциплины составляет 5 зачетных единиц, 180 часов.

№ п/п	Разделы/темы дисциплины/формы промежуточной аттестации	Всего часов на раздел	Семестр	Распределение трудоемкости раздела (в часах) по видам учебной работы											Содержание самостоятельной работы/ методические указания		
				Контактная работа						СР							
				Лек	Лаб	Пр	Консультация		ИКР		ПА	Работа в семестре	Подготовка к аттестации /контроль				
							КПР	ГК	ИККП	ТК							
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14		15		
1	Тригонометрическая интерполяция.	23	1	4	-	4	-	-	-	-	-	15	-			<u>Подготовка к текущему контролю:</u> Повторение материала по разделу "Тригонометрическая интерполяция." <u>Подготовка к контрольной работе:</u> Изучение материалов по разделу Тригонометрическая интерполяция. и подготовка к контрольной работе <u>Самостоятельное изучение</u> <u>теоретического материала:</u> Изучение дополнительного материала по разделу "Тригонометрическая интерполяция." <u>Подготовка расчетных задач:</u> Задания ориентированы на решения минизадач по разделу "Тригонометрическая интерполяция.". Студенты необходимо повторить теоретический материал, разобрать примеры решения аналогичных задач. провести расчеты по варианту задания и сделать выводы. В качестве задания используются следующие упражнения: <u>Изучение материалов литературных</u> <u>источников:</u> [4], ст. 394-400	
1.1	Тригонометрическая интерполяция.	23		4	-	4	-	-	-	-	-	15	-				
2	Интерполяция кусочными многочленами.	51		12	-	14	-	-	-	-	-	25	-			<u>Подготовка к текущему контролю:</u> Повторение материала по разделу "Интерполяция кусочными многочленами." <u>Подготовка к контрольной работе:</u> Изучение материалов по разделу	
2.1	Интерполяция кусочными	51		12	-	14	-	-	-	-	-	25	-				

	многочленами.														Интерполяция кусочными многочленами. и подготовка к контрольной работе <b><u>Самостоятельное изучение теоретического материала:</u></b> Изучение дополнительного материала по разделу "Интерполяция кусочными многочленами." <b><u>Подготовка расчетных заданий:</u></b> Задания ориентированы на решения минизадач по разделу "Интерполяция кусочными многочленами.". Студенты необходимо повторить теоретический материал, разобрать примеры решения аналогичных задач. провести расчеты по варианту задания и сделать выводы. В качестве задания используются следующие упражнения: <b><u>Подготовка к практическим занятиям:</u></b> Изучение материала по разделу "Интерполяция кусочными многочленами." подготовка к выполнению заданий на практических занятиях <b><u>Изучение материалов литературных источников:</u></b> [1], ст. 66-81 [4], ст. 171-186
3	Кватернионы в вычислительной механике.	25		4	-	6	-	-	-	-	15	-		<b><u>Подготовка к текущему контролю:</u></b> Повторение материала по разделу "Кватернионы в вычислительной механике." <b><u>Подготовка к аудиторным занятиям:</u></b> Проработка лекций, выполнение и подготовка к защите лаб. работы <b><u>Подготовка расчетных заданий:</u></b> Задания ориентированы на решения минизадач по разделу "Кватернионы в вычислительной механике.". Студенты необходимо повторить теоретический материал, разобрать примеры решения аналогичных задач. провести расчеты по варианту задания и сделать выводы. В качестве задания используются следующие упражнения:	
3.1	Кватернионы в вычислительной механике.	25		4	-	6	-	-	-	-	15	-			

														<p><b><u>Самостоятельное изучение теоретического материала:</u></b> Изучение дополнительного материала по разделу "Кватернионы в вычислительной механике."</p> <p><b><u>Подготовка к практическим занятиям:</u></b> Изучение материала по разделу "Кватернионы в вычислительной механике." подготовка к выполнению заданий на практических занятиях</p> <p><b><u>Подготовка к контрольной работе:</u></b> Изучение материалов по разделу Кватернионы в вычислительной механике. и подготовка к контрольной работе</p> <p><b><u>Изучение материалов литературных источников:</u></b> [3], ст. 31-42</p>
4	В-сплайны в практике приближения функций.	45	12	-	8	-	-	-	-	25	-			<p><b><u>Подготовка расчетных задач:</u></b> Задания ориентированы на решения минизадач по разделу "В-сплайны в практике приближения функций.". Студенты необходимо повторить теоретический материал, разобрать примеры решения аналогичных задач. провести расчеты по варианту задания и сделать выводы. В качестве задания используются следующие упражнения:</p> <p><b><u>Подготовка к текущему контролю:</u></b> Повторение материала по разделу "В-сплайны в практике приближения функций."</p>
4.1	В-сплайны в практике приближения функций.	45	12	-	8	-	-	-	-	25	-			<p><b><u>Самостоятельное изучение теоретического материала:</u></b> Изучение дополнительного материала по разделу "В-сплайны в практике приближения функций."</p> <p><b><u>Подготовка к контрольной работе:</u></b> Изучение материалов по разделу В-сплайны в практике приближения функций. и подготовка к контрольной работе</p>

													<b><u>Подготовка к аудиторным занятиям:</u></b> Проработка лекции, выполнение и подготовка к защите лаб. работы <b><u>Подготовка к практическим занятиям:</u></b> Изучение материала по разделу "В-сплайны в практике приближения функций." подготовка к выполнению заданий на практических занятиях <b><u>Изучение материалов литературных источников:</u></b> [2], ст. 93-98 [4], ст. 171-186
	Экзамен	36.0			-	-	2	-	-	0.5	-	33.5	
	Всего за семестр	180.0			32	-	32	-	2	-	-	0.5	80
	Итого за семестр	180.0			32	-	32		2		-	0.5	113.5

**Примечание:** Лек – лекции; Лаб – лабораторные работы; Пр – практические занятия; КПР – аудиторные консультации по курсовым проектам/работам; ИККП – индивидуальные консультации по курсовым проектам/работам; ГК- групповые консультации по разделам дисциплины; СР – самостоятельная работа студента; ИКР – иная контактная работа; ТК – текущий контроль; ПА – промежуточная аттестация

## **3.2 Краткое содержание разделов**

### 1. Тригонометрическая интерполяция.

#### **1.1. Тригонометрическая интерполяция.**

Интерполяция периодических функций.. Тригонометрические многочлены.. Теорема о коэффициентах интерполяционного тригонометрического многочлена при интерполяции по равномерной сетке.. Комплексная форма записи тригонометрического многочлена.. Понятие о дискретном преобразовании Фурье..

### 2. Интерполяция кусочными многочленами.

#### **2.1. Интерполяция кусочными многочленами.**

Усечённые степенные функции.. Кусочные многочлены, их степень и дефект; соотношения непрерывности.. Звеноное представление кусочного многочлена.. Сплайны; пространства сплайнов, их размерность.. Задача интерполяции линейными сплайнами и её решение.. Вывод оценки для погрешности кусочно линейной интерполяции.. Задача интерполяции эрмитовыми кубическими многочленами и вычисление коэффициентов таких многочленов.. Оценка погрешности интерполяции эрмитовыми кубическими многочленами..

### 3. Кватернионы в вычислительной механике.

#### **3.1. Кватернионы в вычислительной механике.**

Основные операции над кватернионами.. Арифметические кватернионы.. Выражение кватернионов через их компоненты.. Частные случаи формулы умножения кватернионов и следствия из них.. Сопряжённый кватернион.. Формула обращения кватерниона.. Рекуррентные формулы для операторов поворота звеньев простой кинематической цепи.. Единичная сфера в теле кватернионов.. Гомоморфизм группы единичных кватернионов в группу автоморфизмов тела кватернионов.. Кватернионы поворота.. Теорема Гамильтона и следствия из неё.. Параметры Родрига – Гамильтона.. Описание поворотов при помощи ненормированных кватернионов.. Рекуррентные формулы для вычисления кватернионов поворота звеньев простой кинематической цепи.. Выражение матрицы оператора поворота через компоненты кватерниона поворота.. Лемма о дифференцировании единичного кватерниона.. Теорема о выражении вектора угловой скорости через производную от кватерниона поворота.. Кинематическое уравнение для кватерниона поворота..

### 4. В-сплайны в практике приближения функций.

#### **4.1. В-сплайны в практике приближения функций.**

Определение В-сплайна при помощи рекуррентных формул.. Явная формула для В-сплайна.. Вывод формулы Кокса – де Бора.. Явные формулы для В-сплайнов нулевой и первой степени.. Теорема о носителе В-сплайна; следствия из неё.. Теорема о получении разложения единицы на отрезке числовой прямой с использованием В-сплайнов.. Задача о склеивании функций и её решение при помощи В-сплайнов.. Вывод формулы для производной В-сплайна.. Теорема Карри – Шёнберга.. Представление сплайнов в виде линейных комбинаций В-сплайнов.. Решение задач интерполяции с помощью кубических В-сплайнов.. Простейший способ локальной аппроксимации функций действительного переменного при помощи кубических В-сплайнов.. Теорема о погрешности этого способа аппроксимации.. Кубические V-сплайны Шёнберга и их применение при локальной аппроксимации функций действительного переменного.. Свойства V-сплайнов..

### **3.3. Темы практических занятий**

1. 2. Тригонометрическая интерполяция.;
2. 10. Различные типы граничных условий.;
3. 24. Кубические V-сплайны Шенберга.;
4. 22. Локальной аппроксимации В-сплайнами.;
5. 21. Кубические В-сплайны.;
6. 20. Кубические В-сплайны.;
7. 19. В-сплайны. Дифференцирование;
8. 18. В-сплайны;
9. 11. Метод прогонки.;
10. 6. Эрмитовы кубические многочлены.;
11. 4. Защита Расчета №1 "Тригонометрическая интерполяция".;
12. 3. Контрольная работа №1 "Тригонометрическая интерполяция".;
13. 12. Контрольная работа №3 Кубический сплайн.;
14. 23. Контрольная работа №5 "В-сплайны";
15. 8. Интерполяция кубическими сплайнами.;
16. 7. Контрольная работа №2 "Эрмитовы кубические многочлены".;
17. 13. Защита Расчет №2 "Планирование траекторий рабочей точки робота-манипулятора".;
18. 16. Кватернионы. Кинематические уравнения.;
19. 9. Различные типы граничных условий.;
20. 17. Контрольная работа №3 "Кватернионы".;
21. 14. Кватернионы. Арифметические действия.;
22. 15. Кватернионы. Кватернионы поворота.;
23. 1. Тригонометрическая интерполяция.;
24. 5. Эрмитовы кубические многочлены..

### **3.4. Темы лабораторных работ**

не предусмотрено

### **3.5 Консультации**

### **3.6 Тематика курсовых проектов/курсовых работ**

Курсовой проект/ работа не предусмотрены

### 3.7. Соответствие разделов дисциплины и формируемых в них компетенций

Запланированные результаты обучения по дисциплине (в соответствии с разделом 1)	Коды индикаторов	Номер раздела дисциплины (в соответствии с п.3.1)				Оценочное средство (тип и наименование)	
		1	2	3	4		
<b>Знать:</b>							
Основные алгоритмы, реализующие численные методы инженерных расчётов (включая алгоритмы решения задач Коши линейными многошаговыми методами численного интегрирования) и условия, при соблюдении которых их применение является оправданным.	ИД-1 <sub>ОПК-1</sub>	+				Контрольная работа/КР№1 Тригонометрический многочлен	
Порядок применения теоретического аппарата (теорию и методы интерполяции и аппроксимации функций тригонометрическими многочленами и сплайнами, методы планирования траекторий и построения программного движения роботов, методы алгебры кватернионов в применении к кинематике систем твёрдых тел, основы теории линейных многошаговых методов численного интегрирования обыкновенных дифференциальных уравнений) в важнейших практических приложениях.	ИД-1 <sub>ОПК-1</sub>			+		Контрольная работа/КР№4 Кватернионы	
Теоретические основы применяемых при решении задач робототехники численных методов и лежащего в основе данных методов математического аппарата (включая необходимый материал из общей и линейной алгебры).	ИД-1 <sub>ОПК-4</sub>		+			Контрольная работа/КР№2 Эрмитовы кубические многочлены	
						Контрольная работа/КР№3 Кубический сплайн	
Основные алгоритмы, реализующие численные методы инженерных расчётов (включая алгоритмы тригонометрической интерполяции, интерполяции и аппроксимации сплайнами) и условия, при соблюдении которых их применение является оправданным.	ИД-4 <sub>ОПК-13</sub>				+	Контрольная работа/КР№5 В-сплайны	
<b>Уметь:</b>							
Разрабатывать и успешно применять, пользуясь приобретёнными математическими знаниями и освоенным арсеналом численных методов, а также получаемыми самостоятельно при помощи современных информационных технологий новыми знаниями, умениями и методами	ИД-1 <sub>ОПК-1</sub>	+				Контрольная работа/КР№1 Тригонометрический многочлен	

исследования, алгоритмы решения практических задач в области робототехники.						
Находить, обобщать и анализировать информацию о робототехнических системах и условиях их эксплуатации, планировать ход исследования и пути достижения поставленных целей.	ИД-1опк-4		+			Контрольная работа/КР№2 Эрмитовы кубические многочлены  Контрольная работа/КР№3 Кубический сплайн
Пользоваться современными информационными технологиями для совершенствования и развития своего интеллектуального, профессионального и общекультурного уровня.	ИД-1опк-4		+			Контрольная работа/КР№4 Кватернионы
Выделять при анализе робототехнических систем и условий их эксплуатации задачи, требующие применения численных методов и проведения вычислительных экспериментов, планировать и реализовывать решение данных задач, пользуясь общесистемными средствами программного назначения, современными программными продуктами и информационными технологиями, системами компьютерной математики, инструментальными средствами компьютерного моделирования.	ИД-4опк-13				+	Контрольная работа/КР№5 В-сплайны

## **4. КОМПЕТЕНТНОСТНО-ОРИЕНТИРОВАННЫЕ ОЦЕНОЧНЫЕ СРЕДСТВА ДЛЯ КОНТРОЛЯ ОСВОЕНИЯ РЕЗУЛЬТАТОВ ОБУЧЕНИЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ (ТЕКУЩИЙ КОНТРОЛЬ УСПЕВАЕМОСТИ, ПРОМЕЖУТОЧНАЯ АТТЕСТАЦИЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ)**

### **4.1. Текущий контроль успеваемости**

**1 семестр**

Форма реализации: Письменная работа

1. КР№1 Тригонометрический многочлен (Контрольная работа)
2. КР№2 Эрмитовы кубические многочлены (Контрольная работа)
3. КР№3 Кубический сплайн (Контрольная работа)
4. КР№4 Кватернионы (Контрольная работа)
5. КР№5 В-сплайны (Контрольная работа)

Балльно-рейтинговая структура дисциплины является приложением А.

### **4.2 Промежуточная аттестация по дисциплине**

Экзамен (Семестр №1)

Оценка выставляется по формуле  $0.3 * \text{оценка текущей аттестации} + 0.7 * \text{оценка промежуточной аттестации}$  с математическим округлением

В диплом выставляется оценка за 1 семестр.

**Примечание:** Оценочные материалы по дисциплине приведены в фонде оценочных материалов ОПОП.

## **5. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ**

### **5.1 Печатные и электронные издания:**

1. Адамов, Б. И. Применение основных матричных разложений в задачах механики и робототехники : учебное пособие по курсам "Вычислительная механика", "Численные методы в робототехнике", "Вычислительные методы компьютерного моделирования в механике", "Основы мехатроники и робототехники" по направлению "Мехатроника и робототехника" / Б. И. Адамов, А. Н. Маслов, Н. В. Осадченко, Нац. исслед. ун-т "МЭИ" (НИУ"МЭИ") . – М. : Изд-во МЭИ, 2019 . – 84 с. - ISBN 978-5-7046-2150-8 .  
<http://elib.mpei.ru/elib/view.php?id=10865>;
2. Квасов, Б. И. Численные методы анализа и линейной алгебры. Использование Matlab и Scilab : учебное пособие по направлению "Математика" / Б. И. Квасов . – СПб. : Лань-Пресс, 2016 . – 328 с. – (Учебники для вузов. Специальная литература) . - ISBN 978-5-8114-2019-3 ;
3. Челноков, Ю. Н. Кватернионные и бикватернионные модели и методы механики твердого тела и их приложения. Геометрия и кинематика движения / Ю. Н. Челноков . – М. : Физматлит, 2006 . – 512 с. - ISBN 5-922106-80-5 .;
4. Амосов А. А., Дубинский Ю. А., Копченова Н. В. - "Вычислительные методы", (4-е изд., стер.), Издательство: "Лань", Санкт-Петербург, 2021 - (672 с.)  
<https://e.lanbook.com/book/168619>.

### **5.2 Лицензионное и свободно распространяемое программное обеспечение:**

1. СДО "Прометей";
2. Office / Российский пакет офисных программ;
3. Windows / Операционная система семейства Linux;
4. Видеоконференции (Майнд, Сберджаз, ВК и др);

5. Scilab;
6. SmathStudio;
7. GNU Octave.

**5.3 Интернет-ресурсы, включая профессиональные базы данных и информационно-справочные системы:**

1. ЭБС Лань - <https://e.lanbook.com/>
2. ЭБС "Университетская библиотека онлайн" - [http://biblioclub.ru/index.php?page=main\\_ub\\_red](http://biblioclub.ru/index.php?page=main_ub_red)
3. База данных Web of Science - <http://webofscience.com/>
4. База данных Scopus - <http://www.scopus.com>
5. Национальная электронная библиотека - <https://rusneb.ru/>
6. Журнал Science - <https://www.sciencemag.org/>
7. Электронная библиотека МЭИ (ЭБ МЭИ) - <http://elib.mpei.ru/login.php>

**6. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ**

Тип помещения	Номер аудитории, наименование	Оснащение
Учебные аудитории для проведения лекционных занятий и текущего контроля	C-209, Учебная аудитория	парта со скамьей, стол преподавателя, стул, доска меловая
Учебные аудитории для проведения практических занятий, КР и КП	C-215, Учебная аудитория	стол, стул, доска меловая
Учебные аудитории для проведения промежуточной аттестации	C-215, Учебная аудитория	стол, стул, доска меловая
Помещения для самостоятельной работы	НТБ-201, Компьютерный читальный зал	стол компьютерный, стул, стол письменный, вешалка для одежды, компьютерная сеть с выходом в Интернет, компьютер персональный, принтер, кондиционер
Помещения для консультирования	C-213, Учебная аудитория	стол, стул, доска меловая

# БАЛЛЬНО-РЕЙТИНГОВАЯ СТРУКТУРА ДИСЦИПЛИНЫ

## Численные методы в робототехнике

(название дисциплины)

**1 семестр****Перечень контрольных мероприятий текущего контроля успеваемости по дисциплине:**

- КМ-1 КР№1 Тригонометрический многочлен (Контрольная работа)  
 КМ-2 КР№2 Эрмитовы кубические многочлены (Контрольная работа)  
 КМ-3 КР№3 Кубический сплайн (Контрольная работа)  
 КМ-4 КР№4 Кватернионы (Контрольная работа)  
 КМ-5 КР№5 В-сплайны (Контрольная работа)

**Вид промежуточной аттестации – Экзамен.**

Номер раздела	Раздел дисциплины	Индекс КМ:	КМ-1	КМ-2	КМ-3	КМ-4	КМ-5
		Неделя КМ:	3	6	8	12	15
1	Тригонометрическая интерполяция.						
1.1	Тригонометрическая интерполяция.	+					
2	Интерполяция кусочными многочленами.						
2.1	Интерполяция кусочными многочленами.			+	+		
3	Кватернионы в вычислительной механике.						
3.1	Кватернионы в вычислительной механике.					+	
4	В-сплайны в практике приближения функций.						
4.1	В-сплайны в практике приближения функций.						+
Вес КМ, %:			20	25	20	10	25