

**Министерство науки и высшего образования РФ  
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение  
высшего образования  
«Национальный исследовательский университет «МЭИ»**

**Направление подготовки/специальность: 15.04.06 Мехатроника и робототехника**

**Наименование образовательной программы: Разработка компьютерных технологий управления и математического моделирования в робототехнике и мехатронике**

**Уровень образования: высшее образование - магистратура**

**Форма обучения: Очная**

**Оценочные материалы  
по дисциплине  
Численные методы в робототехнике**

**Москва  
2023**

## ОЦЕНОЧНЫЕ МАТЕРИАЛЫ РАЗРАБОТАЛ:

Разработчик



Подписано электронной подписью ФГБОУ ВО «НИУ «МЭИ»	
Сведения о владельце ЦЭП МЭИ	
Владелец	Маслов А.Н.
Идентификатор	Rf8f2f741-MaslovAN-736ea3ef

А.Н. Маслов

## СОГЛАСОВАНО:

Руководитель  
образовательной  
программы



Подписано электронной подписью ФГБОУ ВО «НИУ «МЭИ»	
Сведения о владельце ЦЭП МЭИ	
Владелец	Свириденко О.В.
Идентификатор	R9097b88f-SviridenkoOV-16830d5f

О.В.  
Свириденко

Заведующий  
выпускающей  
кафедрой



Подписано электронной подписью ФГБОУ ВО «НИУ «МЭИ»	
Сведения о владельце ЦЭП МЭИ	
Владелец	Меркульев И.В.
Идентификатор	Rd52c763c-MerkuryevIV-1e4a883c

И.В.  
Меркульев

## **ОБЩАЯ ЧАСТЬ**

Оценочные материалы по дисциплине предназначены для оценки: достижения обучающимися запланированных результатов обучения по дисциплине, этапа формирования запланированных компетенций и уровня освоения дисциплины.

Оценочные материалы по дисциплине включают оценочные средства для проведения мероприятий текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации.

**Формируемые у обучающегося компетенции:**

1. ОПК-1 Способен применять естественнонаучные и общеинженерные знания, методы математического анализа и моделирования в профессиональной деятельности

ИД-1 Применяет математический аппарат численных методов, разрабатывает алгоритмы нахождения оптимального значения

2. ОПК-4 Способен использовать современные информационные технологии и программные средства при моделировании технологических процессов

Ид-1 Использует имеющиеся программные пакеты и, при необходимости, разрабатывает новое программное обеспечение, необходимое для обработки информации и управления в мехатронных и робототехнических системах, а также для их проектирования

3. ОПК-11 Способен организовывать разработку и применение алгоритмов и современных цифровых программных методов расчетов и проектирования отдельных устройств и подсистем мехатронных и робототехнических систем с использованием стандартных исполнительных и управляющих устройств, средств автоматики, измерительной и вычислительной техники в соответствии с техническим заданием, разрабатывать цифровые алгоритмы и программы управления робототехнических систем

ИД-1 Организовывает разработку математического обеспечения процедур анализа и синтеза проектных решений мехатронных и робототехнических устройств

4. ОПК-13 Способен использовать основные положения, законы и методы естественных наук и математики при формировании моделей и методов исследования мехатронных и робототехнических систем

ИД-4 Применяет численные методы и алгоритмы при проведении исследований мехатронных и робототехнических систем в процессе выполняемых ими операций

и включает:

**для текущего контроля успеваемости:**

Форма реализации: Письменная работа

1. КР№1 Тригонометрический многочлен (Контрольная работа)
2. КР№2 Эрмитовы кубические многочлены (Контрольная работа)
3. КР№3 Кубический сплайн (Контрольная работа)
4. КР№4 Кватернионы (Контрольная работа)
5. КР№5 В-сплайны (Контрольная работа)
6. Расчет №1 Тригонометрическая интерполяция (Расчетно-графическая работа)
7. Расчет №2 Планирование траекторий рабочей точки робота-манипулятора (Расчетно-графическая работа)

**БРС дисциплины**

1 семестр

Раздел дисциплины	Веса контрольных мероприятий, %							
	Индекс КМ: КМ:	KM- 1	KM- 2	KM- 3	KM- 4	KM- 5	KM- 6	KM- 7
	Срок КМ:	3	4	6	8	10	12	15
Тригонометрическая интерполяция.								
Тригонометрическая интерполяция.	+	+						
Интерполяция кусочными многочленами.								
Интерполяция кусочными многочленами.				+	+	+		
Кватернионы в вычислительной механике.								
Кватернионы в вычислительной механике.							+	
B-сплайны в практике приближения функций.								
B-сплайны в практике приближения функций.								+
Вес КМ:	10	20	10	20	20	10	10	10

\$Общая часть/Для промежуточной аттестации\$

## СОДЕРЖАНИЕ ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ ТЕКУЩЕГО КОНТРОЛЯ

### *I. Оценочные средства для оценки запланированных результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с индикаторами достижения компетенций*

Индекс компетенции	Индикатор	Запланированные результаты обучения по дисциплине	Контрольная точка
ОПК-1	ИД-1опк-1 Применяет математический аппарат численных методов, разрабатывает алгоритмы нахождения оптимального значения	<p>Знать:</p> <p>Основные алгоритмы, реализующие численные методы инженерных расчётов (включая алгоритмы решения задач Коши линейными многошаговыми методами численного интегрирования) и условия, при соблюдении которых их применение является оправданным.</p> <p>Уметь:</p> <p>Разрабатывать и успешно применять, пользуясь приобретёнными математическими знаниями и освоенным арсеналом численных методов, а также получаемыми самостоятельно при помощи современных информационных</p>	KP№1 Тригонометрический многочлен (Контрольная работа) Расчет №1 Тригонометрическая интерполяция (Расчетно-графическая работа)

		технологий новыми знаниями, умениями и методами исследования, алгоритмы решения практических задач в области робототехники.	
ОПК-4	Ид-1опк-4 Использует имеющиеся программные пакеты и, при необходимости, разрабатывает новое программное обеспечение, необходимое для обработки информации и управления в мехатронных и робототехнических системах, а также для их проектирования	<p>Знать:</p> <p>Теоретические основы применяемых при решении задач робототехники численных методов и лежащего в основе данных методов математического аппарата (включая необходимый материал из общей и линейной алгебры).</p> <p>Уметь:</p> <p>Находить, обобщать и анализировать информацию о робототехнических системах и условиях их эксплуатации, планировать ход исследования и пути достижения поставленных целей.</p>	<p>КР№2 Эрмитовы кубические многочлены (Контрольная работа)</p> <p>Расчет №2 Планирование траекторий рабочей точки роботоманипулятора (Расчетно-графическая работа)</p> <p>КР№3 Кубический сплайн (Контрольная работа)</p>
ОПК-11	ИД-1опк-11 Организовывает разработку математического обеспечения процедур анализа и синтеза	<p>Знать:</p> <p>Порядок применения теоретического аппарата (теорию и методы интерполяции и аппроксимации функций</p>	КР№4 Кватернионы (Контрольная работа)

	проектных решений мехатронных и робототехнических устройств	тригонометрическими многочленами и сплайнами, методы планирования траекторий и построения программного движения роботов, методы алгебры кватернионов в применении к кинематике систем твёрдых тел, основы теории линейных многошаговых методов численного интегрирования обыкновенных дифференциальных уравнений) в важнейших практических приложениях. Уметь: Пользоваться современными информационными технологиями для совершенствования и развития своего интеллектуального, профессионального и общекультурного уровня.	
ОПК-13	ИД-4опк-13 Применяет численные методы и алгоритмы при проведении исследований	Знать: Основные алгоритмы, реализующие численные методы инженерных	КР№5 В-сплайны (Контрольная работа)

	<p>мехатонных и робототехнических систем в процессе выполняемых ими операций</p> <p>расчётов (включая алгоритмы тригонометрической интерполяции, интерполяции и аппроксимации сплайнами) и условия, при соблюдении которых их применение является оправданным.</p> <p>Уметь:</p> <p>Выделять при анализе робототехнических систем и условий их эксплуатации задачи, требующие применения численных методов и проведения вычислительных экспериментов, планировать и реализовывать решение данных задач, пользуясь общесистемными средствами программного назначения, современными программными продуктами и информационными технологиями, системами компьютерной математики, инструментальными средствами</p>	
--	---	--

		компьютерного моделирования.	
--	--	---------------------------------	--

## **II. Содержание оценочных средств. Шкала и критерии оценивания**

### **КМ-1. КР№1 Тригонометрический многочлен**

**Формы реализации:** Письменная работа

**Тип контрольного мероприятия:** Контрольная работа

**Вес контрольного мероприятия в БРС:** 10

**Процедура проведения контрольного мероприятия:** Контрольная работа

#### **Краткое содержание задания:**

Вычислить тригонометрическую интерполяцию на равномерной сетке.  
 с заданными значениями в узлах  
 Дано: 
$$\begin{pmatrix} x_1 & 1 & 3 & 5 & 7 \\ f_1 & -2 & -5 & 4 & -3 \end{pmatrix}$$

#### **Контрольные вопросы/задания:**

<p>Знать: Основные алгоритмы, реализующие численные методы инженерных расчётов (включая алгоритмы решения задач Коши линейными многошаговыми методами численного интегрирования) и условия, при соблюдении которых их применение является оправданным.</p>	<p>1.1. Пятая производна тригонометрической интерполяции разрывная функция?      2.2. Какое минимальное число узлов нужно для тригонометрической интерполяции?</p>
<p>Уметь: Разрабатывать и успешно применять, пользуясь приобретёнными математическими знаниями и освоенным арсеналом численных методов, а также получаемыми самостоятельно при помощи современных информационных технологий новыми знаниями, умениями и методами исследования, алгоритмы решения практических задач в области робототехники.</p>	<p>1. Найти период тригонометрической интерполяции на трех узлах с шагом <math>3\pi/2</math>?</p>

#### **Описание шкалы оценивания:**

*Оценка: 5*

*Нижний порог выполнения задания в процентах: 90*

*Описание характеристики выполнения знания:* Оценка "отлично" выставляется если задание выполнено в полном объеме или выполнено преимущественно верно

*Оценка: 4*

*Нижний порог выполнения задания в процентах: 80*

*Описание характеристики выполнения знания:* Оценка "хорошо" выставляется если большинство вопросов раскрыто, выбрано верное направление для решения задач

*Оценка: 3*

*Нижний порог выполнения задания в процентах: 65*

*Описание характеристики выполнения знания:* Оценка "удовлетворительно" выставляется если задание преимущественно выполнено

*Оценка: 2*

*Описание характеристики выполнения знания:* Оценка "неудовлетворительно" выставляется если задание выполнено неверно или преимущественно не выполнено

## **КМ-2. Расчет №1 Тригонометрическая интерполяция**

**Формы реализации:** Письменная работа

**Тип контрольного мероприятия:** Расчетно-графическая работа

**Вес контрольного мероприятия в БРС:** 20

**Процедура проведения контрольного мероприятия:** Письменно. Самостоятельная работа.

### **Краткое содержание задания:**

Тригонометрическая интерполяция

лабораторная работа

Постановка задачи

Для заданной гладкой функции  $f(x)$ , определенной на отрезке  $[-4,4]$ , выполнить тригонометрическое интерполирование для ряда равномерных сегментов с  $n = 4, 8, 12, \dots, 48$ . Вывести начальные коэффициенты интерполяционного тригонометрического многочлена (до 18-й гармоники включительно) при  $n = 48$ . Вычислить погрешность интерполяции

$$\varepsilon_n = \max_{x \in [-4,4]} |f(x) - F_n(x)|$$

### **Контрольные вопросы/задания:**

Знать: Основные алгоритмы, реализующие численные методы инженерных расчётов (включая алгоритмы решения задач Коши линейными многошаговыми методами численного интегрирования) и условия, при соблюдении которых их применение является оправданным.	1.1.Как поведет себя тригонометрическая интерполяция, если исходная функция не гладкая? 2.2.Как поведет себя тригонометрическая интерполяция, если исходная функция разрывная?
Уметь: Разрабатывать и успешно применять, пользуясь приобретёнными математическими знаниями и освоенным арсеналом численных методов, а также получаемыми самостоятельно при помощи современных информационных технологий новыми знаниями, умениями и методами исследования, алгоритмы решения практических задач в области робототехники.	1.1.Найти коэффициент $a_0$ тригонометрической интерполяции для четного числа узлов

### **Описание шкалы оценивания:**

*Оценка: зачтено*

*Описание характеристики выполнения знания:*

*Оценка:* не зачтено

*Описание характеристики выполнения знания:*

### **КМ-3. КР№2 Эрмитовы кубические многочлены**

**Формы реализации:** Письменная работа

**Тип контрольного мероприятия:** Контрольная работа

**Вес контрольного мероприятия в БРС:** 10

**Процедура проведения контрольного мероприятия:** Контрольная работа

#### **Краткое содержание задания:**

Вычислить коэффициенты эрмитовых кубических многочленов  
с заданными значениями в узлах

Dано: 
$$\begin{pmatrix} x_1 & 1 & 3 & 4 & 6 \\ f_1 & -5 & 1 & -4 & 5 \\ f_1' & -1 & 1 & -\frac{1}{2} & -\frac{1}{2} \end{pmatrix}$$

о

#### **Контрольные вопросы/задания:**

Знать: Теоретические основы применяемых при решении задач робототехники численных методов и лежащего в основе данных методов математического аппарата (включая необходимый материал из общей и линейной алгебры).	1.1. Система эрмитовых кубических многочленов не разрывная функция какого порядка? 2.2. Чему равна 7я производная кубического интерполянта?
Уметь: Находить, обобщать и анализировать информацию о робототехнических системах и условиях их эксплуатации, планировать ход исследования и пути достижения поставленных целей.	1.1. Чему равен коэффициент D0?

#### **Описание шкалы оценивания:**

*Оценка:* зачтено

*Описание характеристики выполнения знания:*

*Оценка:* не зачтено

*Описание характеристики выполнения знания:*

### **КМ-4. КР№3 Кубический сплайн**

**Формы реализации:** Письменная работа

**Тип контрольного мероприятия:** Контрольная работа

**Вес контрольного мероприятия в БРС:** 20

**Процедура проведения контрольного мероприятия:** Контрольная работа

#### **Краткое содержание задания:**

Составить кубический сплайн с различными типами граничных условий .

{1-й тип}	{2-й тип}	{3-й тип}																																													
<table border="1"> <tr> <td>x</td><td>101</td><td>201</td><td>301</td><td>401</td></tr> <tr> <td>F</td><td>3</td><td><math>\frac{7}{2}</math></td><td><math>\frac{9}{2}</math></td><td>3</td></tr> <tr> <td>F'</td><td><math>-\frac{1}{2}</math></td><td>□</td><td>□</td><td><math>\frac{1}{3}</math></td></tr> </table>	x	101	201	301	401	F	3	$\frac{7}{2}$	$\frac{9}{2}$	3	F'	$-\frac{1}{2}$	□	□	$\frac{1}{3}$	<table border="1"> <tr> <td>x</td><td>101</td><td>201</td><td>301</td><td>401</td></tr> <tr> <td>F</td><td>3</td><td><math>\frac{7}{2}</math></td><td><math>\frac{9}{2}</math></td><td>3</td></tr> <tr> <td>F''</td><td>1</td><td>□</td><td>□</td><td>2</td></tr> </table>	x	101	201	301	401	F	3	$\frac{7}{2}$	$\frac{9}{2}$	3	F''	1	□	□	2	<table border="1"> <tr> <td>x</td><td>101</td><td>201</td><td>301</td><td>401</td></tr> <tr> <td>F</td><td>3</td><td><math>\frac{7}{2}</math></td><td><math>\frac{9}{2}</math></td><td>3</td></tr> <tr> <td>F'</td><td>□</td><td>□</td><td>□</td><td>□</td></tr> </table>	x	101	201	301	401	F	3	$\frac{7}{2}$	$\frac{9}{2}$	3	F'	□	□	□	□
x	101	201	301	401																																											
F	3	$\frac{7}{2}$	$\frac{9}{2}$	3																																											
F'	$-\frac{1}{2}$	□	□	$\frac{1}{3}$																																											
x	101	201	301	401																																											
F	3	$\frac{7}{2}$	$\frac{9}{2}$	3																																											
F''	1	□	□	2																																											
x	101	201	301	401																																											
F	3	$\frac{7}{2}$	$\frac{9}{2}$	3																																											
F'	□	□	□	□																																											

### Контрольные вопросы/задания:

Знать: Теоретические основы применяемых при решении задач робототехники численных методов и лежащего в основе данных методов математического аппарата (включая необходимый материал из общей и линейной алгебры).	1.1.Что можно сказать о производных в начальном и конечном узле с третьим типом граничных условий? 2.2.Производные во внутренних узлах зависят от типа граничных условий?
Уметь: Находить, обобщать и анализировать информацию о робототехнических системах и условиях их эксплуатации, планировать ход исследования и пути достижения поставленных целей.	1.1.Какая зависимость значений производных в крайних узлах для интерполяции с третьим типом краевых условий?

### Описание шкалы оценивания:

Оценка: 5

Нижний порог выполнения задания в процентах: 90

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "отлично" выставляется если задание выполнено в полном объеме или выполнено преимущественно верно

Оценка: 4

Нижний порог выполнения задания в процентах: 80

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "хорошо" выставляется если большинство вопросов раскрыто. выбрано верное направление для решения задач

Оценка: 3

Нижний порог выполнения задания в процентах: 65

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "удовлетворительно" выставляется если задание преимущественно выполнено

Оценка: 2

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "неудовлетворительно" выставляется если задание выполнено неверно или преимущественно не выполнено

### КМ-5. Расчет №2 Планирование траекторий рабочей точки робот-манипулятора

**Формы реализации:** Письменная работа

**Тип контрольного мероприятия:** Расчетно-графическая работа

**Вес контрольного мероприятия в БРС:** 20

**Процедура проведения контрольного мероприятия:** Письменно. Самостоятельная работа.

### Краткое содержание задания:

Построить уравнения движения рабочей точки робота-манипулятора двумя способами:

- а) линейными сплайнами
- б) кубическими сплайнами с граничными условиями типа 1.

Дано:

- а) обстановка (препятствия);
- б) начальное и конечное положение рабочей точки робота-манипулятора.

Требуется представить отчет с решением задачи в виде:

- а) одного рисунка трех траекторий рабочей точки робота-манипулятора (с линейными сплайнами, с кубическими сплайнами черновой вариант, с кубическими сплайнами конечный вариант) и обстановки;
- б) графиков уравнений движения  $x(t)$ ,  $y(t)$  и скорости  $x'(t)$ ,  $y'(t)$ ;

### Контрольные вопросы/задания:

Знать: Теоретические основы применяемых при решении задач робототехники численных методов и лежащего в основе данных методов математического аппарата (включая необходимый материал из общей и линейной алгебры).	1.1.Как влияет порядок сплайна траектории на характер управления манипулятором? 2.2.Влияет ли время прохождения дистанции на форму траектории?
Уметь: Находить, обобщать и анализировать информацию о робототехнических системах и условиях их эксплуатации, планировать ход исследования и пути достижения поставленных целей.	1.1.Как подобрать узлы для исключения пересечения траектории с препятствиями?

### Описание шкалы оценивания:

Оценка: 5

Нижний порог выполнения задания в процентах: 90

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "отлично" выставляется если задание выполнено в полном объеме или выполнено преимущественно верно

Оценка: 4

Нижний порог выполнения задания в процентах: 80

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "хорошо" выставляется если большинство вопросов раскрыто. выбрано верное направление для решения задач

Оценка: 3

Нижний порог выполнения задания в процентах: 65

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "удовлетворительно" выставляется если задание преимущественно выполнено

Оценка: 2

Описание характеристики выполнения знания: Оценка "неудовлетворительно" выставляется если задание выполнено неверно или преимущественно не выполнено

### КМ-6. КР№4 Кватернионы

**Формы реализации:** Письменная работа

**Тип контрольного мероприятия:** Контрольная работа

**Вес контрольного мероприятия в БРС:** 10

**Процедура проведения контрольного мероприятия:** Контрольная работа

### Краткое содержание задания:

1. Найти кватернионы поворота, отвечающие матрицам поворота  $Q, G$  и  $Q \cdot G$ .  
 2. Убедиться прямым вычислением, что последний из кватернионов равен кватерниону произведения двух предыдущих.

$$Q = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0.113446 & -0.993544 \\ 0 & 0.993544 & 0.113446 \end{pmatrix}; \quad G = \begin{pmatrix} -0.3498 & 0 & 0.936824 \\ 0 & 1 & 0 \\ -0.936824 & 0 & -0.3498 \end{pmatrix}$$

### Контрольные вопросы/задания:

<p><b>Знать:</b> Порядок применения теоретического аппарата (теорию и методы интерполяции и аппроксимации функций тригонометрическими многочленами и сплайнами, методы планирования траекторий и построения программного движения роботов, методы алгебры кватернионов в применении к кинематике систем твёрдых тел, основы теории линейных многошаговых методов численного интегрирования обыкновенных дифференциальных уравнений) в важнейших практических приложениях.</p>	<p>1.1. Чему равна норма кватерниона поворота?      2.2. Какая последовательность перемножения кватернионов поворота при последовательном двойном повороте?</p>
<p><b>Уметь:</b> Пользоваться современными информационными технологиями для совершенствования и развития своего интеллектуального, профессионального и общекультурного уровня.</p>	<p>1.1. Чему равняется кватернион поворота во круг второй оси на угол <math>\alpha</math>?</p>

### Описание шкалы оценивания:

*Оценка: 5*

*Нижний порог выполнения задания в процентах: 90*

*Описание характеристики выполнения знания:* Оценка "отлично" выставляется если задание выполнено в полном объеме или выполнено преимущественно верно

*Оценка: 4*

*Нижний порог выполнения задания в процентах: 80*

*Описание характеристики выполнения знания:* Оценка "хорошо" выставляется если большинство вопросов раскрыто. выбрано верное направление для решения задач

*Оценка: 3*

*Нижний порог выполнения задания в процентах: 65*

*Описание характеристики выполнения знания:* Оценка "удовлетворительно" выставляется если задание преимущественно выполнено

*Оценка: 2*

*Описание характеристики выполнения знания:* Оценка "неудовлетворительно" выставляется если задание выполнено неверно или преимущественно не выполнено

## **КМ-7. КР№5 В-сплайны**

**Формы реализации:** Письменная работа

**Тип контрольного мероприятия:** Контрольная работа

**Вес контрольного мероприятия в БРС:** 10

**Процедура проведения контрольного мероприятия:** Контрольная работа

**Краткое содержание задания:**

Найти интерполяцию и аппроксимацию функции по узлам используя В-сплайны

**Контрольные вопросы/задания:**

Знать: Основные алгоритмы, реализующие численные методы инженерных расчётов (включая алгоритмы тригонометрической интерполяции, интерполяции и аппроксимации сплайнами) и условия, при соблюдении которых их применение является оправданным.	1.В-сплайн первого порядка?
Уметь: Выделять при анализе робототехнических систем и условий их эксплуатации задачи, требующие применения численных методов и проведения вычислительных экспериментов, планировать и реализовывать решение данных задач, пользуясь общесистемными средствами программного назначения, современными программными продуктами и информационными технологиями, системами компьютерной математики, инструментальными средствами компьютерного моделирования.	1. 1. Сколько В-сплайнов нулевого порядка имеют не нулевое значение в узлах сетки?

**Описание шкалы оценивания:**

*Оценка: 5*

*Нижний порог выполнения задания в процентах: 90*

*Описание характеристики выполнения знания:* Оценка "отлично" выставляется если задание выполнено в полном объеме или выполнено преимущественно верно

*Оценка: 4*

*Нижний порог выполнения задания в процентах: 80*

*Описание характеристики выполнения знания:* Оценка "хорошо" выставляется если большинство вопросов раскрыто. выбрано верное направление для решения задач

*Оценка: 3*

*Нижний порог выполнения задания в процентах: 65*

*Описание характеристики выполнения знания:* Оценка "удовлетворительно" выставляется если задание преимущественно выполнено

*Оценка: 2*

*Описание характеристики выполнения знания:* Оценка "неудовлетворительно" выставляется если задание выполнено неверно или преимущественно не выполнено

# СОДЕРЖАНИЕ ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ

## 1 семестр

**Форма промежуточной аттестации:** Экзамен

### Пример билета

Вопрос №1: Лемма о суммах сплайнов и косинусов кратных аргументов. Вопрос №2: Кубические V-сплайны Шенберга Задача:
<hr/> <p>ВАР. 1 Вычислить коэффициенты эрмитовых кубических многочленов с заданными значениями в узлах</p> <p>Dано: <math>\begin{cases} x_1 &amp; 1 &amp; 3 &amp; 4 &amp; 6 \\ f_1 &amp; -3 &amp; 0 &amp; 5 &amp; 2 \\ f_1' &amp; -1 &amp; 0 &amp; -1 &amp; \frac{1}{2} \end{cases}</math></p>

### Процедура проведения

Письменный ответ. Дополнительные вопросы.

### I. Перечень компетенций/индикаторов и контрольных вопросов проверки результатов освоения дисциплины

**1. Компетенция/Индикатор:** ИД-1опк-1 Применяет математический аппарат численных методов, разрабатывает алгоритмы нахождения оптимального значения

#### Вопросы, задания

- 1.1.Интерполяционный тригонометрический многочлен.
- 2.2.Интерполяция эрмитовыми кубическими многочленами

#### Материалы для проверки остаточных знаний

1.1.Может ли тригонометрический интерполант составлен только из суммы косинусов с различными аргументами?

Ответы:

- 1.да;
- 2.нет;
- 3.да, если период интерполяции равен  $2\pi$

Верный ответ: 1.

2.9. Отличия интерполяции и аппроксимации?

Ответы:

функция интерполяции проходит через узлы, а функция аппроксимации может и не проходить через узлы.

**2. Компетенция/Индикатор:** Ид-1опк-4 Использует имеющиеся программные пакеты и, при необходимости, разрабатывает новое программное обеспечение, необходимое для обработки информации и управления в мехатронных и робототехнических системах, а также для их проектирования

#### Вопросы, задания

- 1.3.Интерполяция кубическими сплайнами
- 2.4.Метод прогонки

#### Материалы для проверки остаточных знаний

1.5.Границные условия типа 1 для кубических сплайнов?

Ответы:

$$F(X_0)=F_0; F(X_n)=F_n$$

$$F'(X_0)=DF_0; F'(X_n)=DF_n$$

2.4. Какой должна быть матрица A в СЛАУ  $A\bar{X}=B$  для сходимости метода прогонки?

Ответы:

- 1.Треугольная;
- 2.Наддиагональная;
- 3.С диагональным преобладанием.

Верный ответ: 3.

3.2. Какое минимальное количество узлов с известными значениями самой функции и ее производной необходимо для построения эрмитово кубического сплайна?

Ответы:

- 1.1;
- 2.2;
- 3.4

Верный ответ: 2.

4.3. Чему равняется дефект сплайнов?

Ответы:

- 1.1;
- 2.2;
- 3.4

Верный ответ: 1.

**3. Компетенция/Индикатор:** ИД-1ОПК-11 Организовывает разработку математического обеспечения процедур анализа и синтеза проектных решений мехатронных и робототехнических устройств

### **Вопросы, задания**

1.5.Кватернионы и основные операции над ними

2.6.Кинематическое уравнение для кватерниона поворота

### **Материалы для проверки остаточных знаний**

1.6. Из скольких независимых параметров состоит кватернион

Ответы:

- 1.1;
- 2.2;
- 3.4

Верный ответ: 3.

2.7. Что такое параметры Родрига-Гамильтона?

Ответы:

- $x_0=e_1 \sin(f_i/2)$   
 $x_1=e_2 \sin(f_i/2)$   
 $x_2=e_3 \sin(f_i/2)$   
 $x_3=\cos(f_i/2)$

**4. Компетенция/Индикатор:** ИД-4ОПК-13 Применяет численные методы и алгоритмы при проведении исследований мехатонных и робототехнических систем в процессе выполняемых ими операций

### **Вопросы, задания**

1.7.Определение В-сплайнов

2.8.Формула Кокса – де Бора

3.9.Решение задач интерполяции с помощью кубических В-сплайнов

4.10.Простейший способ локальной аппроксимации сплайнами

5.11.Кубические V-сплайны Шенберга

## **Материалы для проверки остаточных знаний**

1.8.В-сплайн нулевого порядка?

Ответы:

- 1.Единичный импульс на одном интервале;
- 2.Единичный импульс на трех интервалах;
- 3.функция в виде треугольника на двух интервалах.

Верный ответ: 1.

2.10.В какой производной происходит дефект интерполяции в кубических В-сплайнах?

Ответы:

- 1.1;
- 2.2;
- 3.3

Верный ответ: 3.

## **II. Описание шкалы оценивания**

*Оценка: 5*

*Нижний порог выполнения задания в процентах: 90*

*Описание характеристики выполнения знания:* Работа выполнена в рамках "продвинутого" уровня. Ответы даны верно, четко сформулированные особенности практических решений

*Оценка: 4*

*Нижний порог выполнения задания в процентах: 80*

*Описание характеристики выполнения знания:* Работа выполнена в рамках "базового" уровня. Большинство ответов даны верно. В части материала есть незначительные недостатки

*Оценка: 3*

*Нижний порог выполнения задания в процентах: 65*

*Описание характеристики выполнения знания:* Работа выполнена в рамках "порогового" уровня. Основная часть задания выполнена верно. На вопросы углубленного уровня

*Оценка: 2*

*Описание характеристики выполнения знания:* Работа не выполнена или выполнена преимущественно неправильно

## **III. Правила выставления итоговой оценки по курсу**

Оценка выставляется по формуле  $0.3 * \text{"оценка текущей аттестации"} + 0.7 * \text{"оценка промежуточной аттестации"}$  с математическим округлением